



Высшая математика

рабочая программа дисциплины (модуля)

Закреплена за кафедрой	Высшей математики	
Учебный план	b23030330_24_1 этк.plx 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов	
Форма обучения	очная	
Общая трудоемкость	13 ЗЕТ	
Часов по учебному плану	416	Виды контроля в семестрах: экзамены 2, 3 зачеты с оценкой 4
в том числе:		
аудиторные занятия	176	
самостоятельная работа	175,9	
экзамены	63,4	

Распределение часов дисциплины по семестрам

Семестр (<Курс>.<Семестр на курсе>)	2 (1.2)		3 (2.1)		4 (2.2)		Итого	
	Неделя		16		16			
Вид занятий	уп	рп	уп	рп	уп	рп	уп	рп
Лекции	24	24	32	32	32	32	88	88
Практические	24	24	32	32	32	32	88	88
Контактная работа в период теоретического обучения					0,1	0,1	0,1	0,1
Контактная работа в период экзаменационной сессии	0,3	0,3	0,3	0,3			0,6	0,6
Итого ауд.	48	48	64	64	64	64	176	176
Контактная работа	48,3	48,3	64,3	64,3	64,1	64,1	176,7	176,7
Сам. работа	16	16	96	96	63,9	63,9	175,9	175,9
Часы на контроль	31,7	31,7	31,7	31,7			63,4	63,4
Итого	96	96	192	192	128	128	416	416

Программу составил(и):

к.ф.-м.н., доцент, Карабакиров К.Р.



Рецензент(ы):

д.ф.-м.н., профессор, Байзаков А.Б.



Рабочая программа дисциплины

Высшая математика

разработана в соответствии с ФГОС 3++:

Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 23.03.01 Технология транспортных процессов (приказ Минобрнауки России от 07.08.2020 г. № 911)

Рабочая программа одобрена на заседании кафедры

Высшей математики

Протокол от 04.10.2024 г. № 2/2

Срок действия программы: 2024-2028 уч.г.

Зав. кафедрой к.ф.-м.н., доц. Гончарова И.В.



Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Председатель УМС
09.09 2025 г.



Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2025-2026 учебном году на заседании кафедры **Высшей математики**

Протокол от 09.09 2025 г. № 2
Зав. кафедрой Гончарова И. В.



Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Председатель УМС
_____ 2026 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2026-2027 учебном году на заседании кафедры **Высшей математики**

Протокол от _____ 2026 г. № ____
Зав. кафедрой Гончарова И. В.

Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Председатель УМС
_____ 2027 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2027-2028 учебном году на заседании кафедры **Высшей математики**

Протокол от _____ 2027 г. № ____
Зав. кафедрой Гончарова И. В.

Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Председатель УМС
_____ 2028 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2028-2029 учебном году на заседании кафедры **Высшей математики**

Протокол от _____ 2028 г. № ____
Зав. кафедрой Гончарова И. В.

1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

1.1	научить студентов пользоваться основными понятиями и результатами, которые рассматриваются в данном разделе курса;
1.2	привить им соответствующую математическую культуру;
1.3	дать необходимый математический аппарат для изучения других естественнонаучных дисциплин;
1.4	обеспечить базовую математическую подготовку, позволяющую успешно решать современные прикладные инженерные и научные задачи в области технологии транспортных процессов, эксплуатации транспортно-технологических машин и комплексов и сформировать навыки формулировки математических постановок этих задач.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП

Цикл (раздел) ООП:	Б1.О.2
2.1	Требования к предварительной подготовке обучающегося:
2.1.1	Для освоения данной дисциплины необходимы знания по предметам «Алгебра и начала анализа», «Геометрия» в объеме средней школы.
2.2	Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:
2.2.1	Физика
2.2.2	Теоретическая механика
2.2.3	Начертательная геометрия и инженерная графика
2.2.4	Общая электротехника и электроника
2.2.5	Основы трехмерного моделирования и прототипирования
2.2.6	Компьютерная графика
2.2.7	Сопротивление материалов
2.2.8	Вычислительная техника и сети в отрасли
2.2.9	
2.2.10	
2.2.11	
2.2.12	
2.2.13	
2.2.14	
2.2.15	
2.2.16	
2.2.17	

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

В результате освоения дисциплины обучающийся должен

3.1	Знать:
3.1.1	Основные понятия и методы линейной алгебры и аналитической геометрии:
3.1.2	матрицы, определители, обратные матрицы, ранг матрицы, однородной и неоднородной систем линейных уравнений, теоремы Кронекера-Капелли, вектора, длины вектора, коллинеарных векторов, компланарных векторов, ортогональных векторов, линейно-зависимых и линейно-независимых векторов, базиса векторного пространства, проекции вектора на ось; скалярное, векторное и смешанное произведения векторов; различные уравнения прямой на плоскости и в пространстве, кривые второго порядка; плоскость и поверхности 2-го порядка; метод сечений.
3.1.3	А также определение функции, способы ее задания и ее предел; определение числовой последовательности, способы ее задания и ее предел; производные и дифференциал функций одного переменных; интегрирование (определенное и неопределенное) функций; основные формулы вычисления пределов, дифференцирования и интегрирования; формулы приложения определенного интеграла.
3.1.4	
3.2	Уметь:

3.2.1	Вычислять определители 2, 3-го и старших порядков; распознавать виды матриц; корректно выполнять действия с матрицами; проводить исследования на совместность и решать однородные и неоднородные системы линейных уравнений; численно решать системы линейных уравнений методами Гаусса и Крамера; использовать свойства: линейных операций над векторами, скалярного, векторного и смешанного произведения векторов для решения геометрических и физических задач; производить исследование геометрических объектов методами векторной алгебры и аналитической геометрии; составлять уравнения прямых на плоскости и в пространстве; составлять уравнения плоскости, находить углы между прямыми и плоскостями; распознавать типы кривых второго порядка и выделять их основные характеристики; строить геометрический образ прямых и кривых второго порядка на плоскости, плоскостей и поверхностей второго порядка в пространстве, адекватный уравнениям их задающим.
3.2.2	А также применять полученные знания и навыки для их решения; проводить анализ и оптимизацию полученных решений; вычислять пределы последовательности и функции; исследовать, дифференцировать и интегрировать простейшие функции; строить графики функций.
3.3	Владеть:
3.3.1	Навыками употребления математического языка и символики для выражения количественных и качественных отношений объектов, методами построения типовых математических моделей в профессиональной области, аналитическими и численными методами решения типовых задач и содержательной интерпретации полученных результатов.
3.3.2	А также вычислением пределов последовательности и функции; исследованием, дифференцированием и интегрированием простейших функций; применением полученных знаний и навыков для решения задач; применением математического анализа в будущей профессии

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Семестр / Курс	Часов	Компетенции	Литература	Инте ракт.	Пр. подг.	Примечание
	Раздел 1. Аналитическая геометрия на плоскости							
1.1	Прямая на плоскости. /Лек/	2	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Л3.2 Л3.3 Л3.6 Л3.8 Э3 Э4			
1.2	Прямая на плоскости. /Пр/	2	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Л3.2 Л3.3 Л3.6 Л3.8 Э3 Э4			
1.3	Прямая на плоскости. /Ср/	2	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Л3.2 Л3.3 Л3.6 Л3.8 Э3 Э4			
1.4	Кривые 2-го порядка на плоскости. /Лек/	2	4	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Л3.2 Л3.3 Л3.6 Л3.8 Э3 Э4			
1.5	Кривые 2-го порядка на плоскости. Окружность, эллипс. Кривые 2-го порядка на плоскости. Гипербола, парабола. /Пр/	2	4	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Л3.2 Л3.3 Л3.6 Л3.8 Э3 Э4			

1.6	Выполнение типового расчета по разделу "Аналитическая геометрия на плоскости" /Ср/	2	4	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Л3.2 Л3.3 Л3.6 Л3.8 Э3 Э4			
	Раздел 2. Аналитическая геометрия в пространстве							
2.1	Плоскости в пространстве. /Лек/	2	3	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Л3.6 Э3 Э4			
2.2	Плоскости в пространстве. /Пр/	2	3	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4			
2.3	Прямая в пространстве /Лек/	2	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			
2.4	Прямая в пространстве /Пр/	2	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			
2.5	Прямая в пространстве /Ср/	2	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			
2.6	Поверхности 2 порядка в пространстве. /Лек/	2	3	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			
2.7	Поверхности 2 порядка в пространстве. Метод сечений. /Пр/	2	3	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.1 Л3.6 Э3 Э4			
2.8	Выполнение типового расчета по разделу "Аналитическая геометрия в пространстве" /Ср/	2	4	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			
	Раздел 3. Предел последовательностей и функций							
3.1	Предел последовательности /Лек/	2	3	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.4 Э5			
3.2	Предел последовательности /Пр/	2	3	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.4 Э5			
3.3	Множества. Операции над множествами. /Ср/	2		ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.4 Э5			
3.4	Предел функции. /Лек/	2	5	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.4 Э5			

3.5	Предел функции /Пр/	2	5	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.4 Э5			
3.6	Непрерывность функции /Лек/	2	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			
3.7	Непрерывность функции /Пр/	2	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			
3.8	Выполнение типового расчета по разделу "Пределы" /Ср/	2	4	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.4 Э5			
3.9	Контроль /Экзамен/	2	31,7	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			
3.10	/КрЭж/	2	0,3	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			
Раздел 4. Производная функции и ее применение								
4.1	Производная функции /Лек/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.5 Э6			
4.2	Производная функции /Пр/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.5 Э6			
4.3	Применение производной /Лек/	3	4	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			
4.4	Применение производной /Пр/	3	4	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			
4.5	Выполнение типового расчета по разделу "Производная и ее применение " /Ср/	3	16	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.5 Э6			
Раздел 5. Функции нескольких переменных								
5.1	Функции нескольких переменных /Лек/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.5 Э6			
5.2	Функции нескольких переменных /Пр/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.5 Э6			
5.3	Локальные экстремумы функции 2 переменных /Лек/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			
5.4	Локальные экстремумы функции 2 переменных /Пр/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			

5.5	Выполнение типового расчета по разделу "Функции нескольких переменных"	3	16	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			
Раздел 6. Неопределенный интеграл								
6.1	Неопределенный интеграл. /Лек/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.2 Л3.7 Э7			
6.2	Неопределенный интеграл. /Пр/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.2 Л3.7 Э7			
6.3	Методы интегрирования определенных интегралов /Лек/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.2			
6.4	Методы интегрирования определенных интегралов /Пр/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.2			
6.5	Интегрирование простейших рациональных дробей /Ср/	3	4	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.2 Л3.7 Э7			
6.6	Интегрирование рациональных функции /Лек/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.2			
6.7	Интегрирование рациональных функции /Пр/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.2			
6.8	Интегрирование иррациональных функции /Лек/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.2			
6.9	Интегрирование тригонометрических функции /Лек/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.2			
6.10	Интегрирование иррациональных функции /Пр/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.2			
6.11	Интегрирование тригонометрических функции /Пр/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.2			
6.12	Выполнение типового расчета по разделу "Неопределенный интеграл" /Ср/	3	16	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.2 Л3.7 Э7			
Раздел 7. Определенные интегралы								

7.1	Определенный интеграл и его свойства /Лек/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.3 Л3.8 Э8			
7.2	Определенный интеграл и его свойства /Пр/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.3 Л3.8			
7.3	Методы интегрирования определенных интегралов /Лек/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.3 Л3.8			
7.4	Методы интегрирования определенных интегралов /Пр/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.3 Л3.7 Л3.8 Э8			
7.5	Приближенное вычисление интегралов. /Ср/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.3 Л3.8 Э8			
7.6	Задачи, приводящие к понятию определенного интеграл. Методы интегрирования /Ср/	3	6	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.3 Л3.8 Э8			
7.7	Выполнение типового расчета по разделу "Определенный интеграл" /Ср/	3	10	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.3 Л3.8 Э8			
7.8	Контроль /Экзамен/	3	31,7	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.3 Л3.8			
7.9	/КрЭж/	3	0,3	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.3 Л3.8			
	Раздел 8. Несобственные интегралы							
8.1	Несобственные интегралы I рода /Лек/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			
8.2	Несобственные интегралы I рода /Пр/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			
8.3	Несобственные интегралы II рода /Лек/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.3 Э8			

8.4	Несобственные интегралы II рода /Пр/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.3 Э8			
8.5	Выполнение типового расчета по разделу "Несобственные интегралы" /Ср/	3	10	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4			
	Раздел 9. Приложения определенного интеграла							
9.1	Вычисление площадей фигур /Лек/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.3			
9.2	Вычисление площадей фигур /Пр/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.3			
9.3	Вычисление длин дуг и объем фигур /Лек/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.3 Э8			
9.4	Вычисление длин дуг и объем фигур /Пр/	3	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2 Л1.3Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.3 Э8			
9.5	Выполнение типового расчета по разделу "Приложения определенного интеграла" /Ср/	3	16	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.3			
	Раздел 10. Случайные события							
10.1	Вероятность случайного события /Лек/	4	4	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
10.2	Вероятность случайного события /Пр/	4	4	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
10.3	Последовательность независимых испытаний /Лек/	4	3	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
10.4	Последовательность независимых испытаний /Пр/	4	3	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
10.5	Выполнение типового расчета по разделу "Случайные события" /Ср/	4	13,9	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
	Раздел 11. Случайные величины							
11.1	Дискретные случайные величины /Лек/	4	3	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
11.2	Дискретные случайные величины /Пр/	4	3	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			

11.3	Дискретные случайные величины /Ср/	4	15	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
11.4	Непрерывные случайные величины /Лек/	4	3	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
11.5	Непрерывные случайные величины /Пр/	4	3	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
11.6	Основные распределения случайных величин /Лек/	4	3	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
11.7	Основные распределения случайных величин /Пр/	4	3	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
11.8	Предельные теоремы теории вероятности /Лек/	4	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
11.9	Предельные теоремы теории вероятности /Пр/	4	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
11.10	Выполнение типового расчета по разделу "Случайные величины" /Ср/	4	10	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
	Раздел 12. Выборочный метод и проверка статистических гипотез							
12.1	Выборочный метод /Лек/	4	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
12.2	Выборочный метод /Пр/	4	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
12.3	Статистические оценки параметров распределений /Лек/	4	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
12.4	Статистические оценки параметров распределений /Пр/	4	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
12.5	проверка статистических гипотез /Лек/	4	4	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
12.6	Выполнение типового расчета по разделу "Выборочный метод" /Ср/	4	10	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
12.7	проверка статистических гипотез /Пр/	4	4	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
	Раздел 13. Элементы теории корреляции							

13.1	Выборочный коэффициент корреляции /Лек/	4	4	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
13.2	Выборочный коэффициент корреляции /Пр/	4	4	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
13.3	Уравнения регрессии /Лек/	4	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
13.4	Уравнения регрессии /Пр/	4	2	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
13.5	Выполнение типового расчета по разделу "Элементы теории корреляции" /Ср/	4	15	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			
13.6	/КрТО/	4	0,1	ОПК-1	Л1.1 Л1.2Л2.2 Л2.3 Л2.4Л3.8			

5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

5.1. Контрольные вопросы и задания

2-СЕМЕСТР ЗАЧЕТ

23. Система координат на плоскости. Деление отрезка в заданном отношении
 24. Общее уравнение прямой линии на плоскости. Частные случаи. Уравнение прямой с угловым коэффициентом
 25. Уравнение прямой, проходящей через две заданные точки. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых
 26. Уравнение прямой в отрезках. Нормальное уравнение прямой. Расстояние от точки до прямой
 27. Пучок прямых. Взаимное расположение прямых на плоскости. Пересечение прямых
 28. Кривые второго порядка на плоскости, важнейшие частные случаи
 29. Окружность. Эллипс. Их параметры и свойства
 30. Гипербола. Ее параметры и основные свойства
 31. Парабола. Параметр параболы, основные свойства параболы
 32. Поворот и параллельный перенос координатных осей. Упрощение кривых второго порядка и их классификация
 33. Уравнения поверхности и линии в пространстве
 34. Общее уравнение плоскости. Частные случаи
 35. Уравнение плоскости в отрезках. Уравнение плоскости, проходящей через три заданные точки
 36. Угол между плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности плоскостей
 37. Каноническое и параметрические уравнения прямой в пространстве
 38. Прямая в пространстве как пересечение двух плоскостей
 39. Угол между прямыми в пространстве. Условия параллельности и перпендикулярности
 40. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве
 41. Цилиндрические поверхности
 42. Поверхности вращения. Конические поверхности
 43. Эллипсоид. Однополостный и двуполостный гиперboloиды
 44. Параболический и гиперболический параболоиды
 45. Канонические уравнения поверхностей второго порядка.
- Функция и ее график. Полярные и параметрические способы задания функции.
2. Числовая последовательность. Основные виды последовательности.
 3. Предел последовательности. Виды неопределенности.
 4. Пределы функций. Свойства пределов.
 5. Замечательные пределы.
 6. Непрерывность функции. Основные свойства непрерывных функций.
 7. Классификация точек разрывов.

III-СЕМЕСТР - ЭКЗАМЕН

1.

8. Производные функций. Методы дифференцирования сложных функций.
 9. Дифференциал функции. Основные свойства.
 10. Раскрытие неопределенностей по правилу Лопиталья.
 11. Производные и дифференциалы высших порядков.
 12. Исследование функции на асимптоты.
 13. Исследование функции на экстремумы.
 14. Исследование функции на точки перегиба.
 15. Схема исследования функции и построение ее графика.
 16. Неопределенный интеграл. Свойства неопределенного интеграла.
 17. Различные методы вычисления неопределенного интеграла. Интегрирование методом замены переменной.
- Интегрирование по частям
18. Интегрирование дробно-рациональных функций.
 19. Интегрирование иррациональных функций.
 20. Интегрирование тригонометрических функций.
 21. Определенный интеграл. Задачи, приводящие к определенному интегралу.
 22. Методы вычисления определенного интеграла.
 23. Замена переменной в определенном интеграле.
 24. Несобственные интегралы I рода. Основные свойства.
 25. Несобственные интегралы II рода. Основные свойства.
 26. Приложения определенного интеграла. Вычисление площади криволинейной трапеции.
 27. Вычисление длины дуги плоской линии. Вычисление объема тела вращения.

Задания для проверки уровней обученности УМЕТЬ и ВЛАДЕТЬ в приложениях 1 и 2.

5.2. Темы курсовых работ (проектов)

Курсовые работы учебным планом не предусмотрены

5.3. Фонд оценочных средств

Фонд оценочных средств (ФОС) для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине «Математика» представляет собой комплект контрольно-измерительных материалов, предназначенных для контроля и оценивания результатов обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций, определения соответствия или несоответствия уровня достижений обучающегося планируемому результату.

В 1 семестре: Типовые расчеты №1, №2, №3 в количестве 10 вариантов, на усмотрение преподавателя контрольные работы № 1, 2, 3 (10 вариантов) или компьютерные контрольно-обучающие программы тестирования (КОПТ) № 1, 2, 3 по разделам "Линейная алгебра", «Векторная алгебра», «Аналитическая геометрия».

Во 2 семестре: Типовые расчеты №1, №2, №3 в количестве 10 вариантов, на усмотрение преподавателя контрольные работы № 1, 2, 3 (10 вариантов) или компьютерные контрольно-обучающие программы тестирования (КОПТ) № 1, 2, 3 по разделам "Пределы последовательностей и функций непрерывного аргумента", «Дифференцирование функций одной переменной», «Неопределенный и определенный интегралы».

Варианты типовых расчетов представлены в ПРИЛОЖЕНИИ № 3, контрольных работ – ПРИЛОЖЕНИЕ № 4, компьютерных контрольно-обучающих программ тестирования (КОПТов) - ПРИЛОЖЕНИЕ № 5

Билеты для проведения итогового контроля в 1 семестре (зачет), во 2 семестре (экзамен) составляются из базы вопросов для оценки знаний, умений (приложение 1) и навыков (приложение 2), характеризующие этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы. Образцы билетов представлены в ПРИЛОЖЕНИИ № 6

5.4. Перечень видов оценочных средств

1. Типовые расчеты;
2. Контрольные работы;
3. Контрольно обучающая программа тестирования (КОПТ);

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

6.1. Рекомендуемая литература

6.1.1. Основная литература

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год
ЛП.1	Кремер Н.Ш., Путько Б.А., Тришин И.М., Фридман М.Н., Кремер Н.Ш.	Высшая математика для экономических специальностей: учебник и практикум	М.: Юрайт 2010
ЛП.2	Баврин И.И.	Для студентов естественно-научных специальностей педагогических вузов: Высшая математика	Издательский центр «Академия» 2010
ЛП.3	Гусак А.А.	Высшая математика. Т. 1, 2.	Минск: Тетра Системс 2012

6.1.2. Дополнительная литература			
	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год
Л2.1	Л.А. Кузнецов	Сборник заданий по высшей математике (типовые расчеты): Учебное пособие	Москва .: Высшая школа 1983
Л2.2	Под ред. В.И. Ермакова	Общий курс высшей математики для экономистов: Учебник	Москва .: ИНФРА-М 2005
Л2.3	Колесников А.Н.	Краткий курс математики для экономистов: учебное пособие	М.: ИНФРА-М 1997
Л2.4	Лунгу К.Н., Письменный Д.Т., Федин С.Н., Шевченко Ю.А.	Сборник задач по высшей ма-тематике : Учебное пособие	М.: Айрис-пресс 2008
6.1.3. Методические разработки			
	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год
Л3.1	Лелевкина Л.Г., Курманбаева А.К.	Векторная алгебра: Учебно-методическое пособие для компьютерного тестирования	КРСУ 2010
Л3.2	Лелевкина Л.Г.	Методическое пособие по методам интегрирования неопределенных интегралов: методическое пособие	КР-СУ 2005
Л3.3	Давидок Т.А., Гончарова И.В.	Определенный интеграл и его приложения: Учебно- методическое пособие	КР-СУ 2010
Л3.4	Лелевкина Л.Г., Гончарова И.В., Комарцов Н.М.	Пределы последовательностей и функций непрерывного аргумента: Учебно-методическое пособие	КР-СУ 2009
Л3.5	Лелевкина Л.Г., Гончарова И.В., Комарцов Н.М.	Дифференцирование функций одной переменной: Контрольно-обучающая компьютерная программа тестирования	КР-СУ 2009
Л3.6	Джаналиева Ж.Р., Доулбекова С.Б.	Аналитическая геометрия: Учебно-методическое пособие	КР-СУ 2010
Л3.7	Лелевкина Л.Г., Карабакиров К.Р.	Методы интегрирования неопределенных интегралов: Учебное пособие	Бишкек: Изд-во КРСУ 2017
Л3.8	Курманбаева А.К., Гончарова И.В., Комарцова Е.А.	Теория вероятностей и математическая статистика: учебное пособие	Бишкек: Изд-во КРСУ 2022
6.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"			
Э1	http://math.krsu.edu.kg		
Э2	http://math.krsu.edu.kg/metodich/linalg.pdf		
Э3	http://math.krsu.edu.kg/metodich/vectalg.pdf		
Э4	http://math.krsu.edu.kg/metodich/analgeomjan.pdf		
Э5	http://math.krsu.edu.kg/metodich/limits.pdf		
Э6	http://math.krsu.edu.kg/metodich/diffunc.pdf		
Э7	http://math.krsu.edu.kg/metodich/undefint.pdf		
Э8	http://math.krsu.edu.kg/metodich/oprint.pdf		
6.3. Перечень информационных и образовательных технологий			
6.3.1 Компетентностно-ориентированные образовательные технологии			
6.3.1.1	Традиционные образовательные технологии – лекции, практические занятия, ориентированные прежде всего на сообщение знаний и способов действий, передаваемых студентам в готовом виде и предназначенных для воспроизводящего усвоения и разбора конкретных задач.		
6.3.1.2	Инновационные образовательные технологии – занятия в интерактивной форме, которые формируют системное мышления и способность генерировать идеи при решении различных творческих задач. К ним относятся: проблемная лекция; лекция с визуализацией; лекция-диалог; диалоговая форма обучения (предполагает разработку целенаправленной системы вопросов, поиск ответов на которые служит основой для включения студентов в дискуссию, в самостоятельный поиск необходимой информации); групповая форма работы (парами, фронтальная, групповая, индивидуальная, микрогруппы); метод «мозгового штурма» (участники обсуждения высказывают большое количество вариантов решения той или иной задачи).		

6.3.1.3	Информационные образовательные технологии: электронные тексты лекций с презентациями; компьютерные контрольно-обучающие программы тестирования, разработанные кафедрой; самостоятельное использование студентом компьютерной техники и интернет-ресурсов для выполнения домашних заданий, типовых расчетов и самостоятельной работы по различным разделам математического анализа.
6.3.2 Перечень информационных справочных систем и программного обеспечения	
6.3.2.1	Кафедра «Высшая математика» имеет постоянно действующий сайт, на котором содержится весь необходимый теоретический и практический материал для студентов, учебно-методические пособия (ЭУМП), электронный учебный курс (ЭУК) и электронная библиотека. Данные материалы размещены на сайте кафедры www.matem.krsu.edu.kg . Электронные учебно-методические пособия (ЭУМП): Курманбаева А.К., Комарцова Е.А. "Линейная алгебра". http://matem.krsu.edu.kg/images/files/metodics/linalg2015.pdf
6.3.2.2	Лелевкина Л.Г., Джаналиева Ж.Р., Доулбекова С.Б. "Аналитическая геометрия" http://matem.krsu.edu.kg/images/files/metodics/2012.pdf
6.3.2.3	Лелевкина Л.Г., Курманбаева А.К. "Векторная алгебра" http://matem.krsu.edu.kg/images/files/metodics/9vectalg.pdf
6.3.2.4	Лелевкина Л.Г., Гончарова И.В., Комарцов Н.М. "Пределы последовательностей и функций непрерывного аргумента" http://math.krsu.edu.kg/metodich/limits.pdf
6.3.2.5	Лелевкина Л.Г., Гончарова И.В., Комарцов Н.М. "Дифференцирование функций одной переменной" http://math.krsu.edu.kg/metodich/diffunc.pdf
6.3.2.6	Лелевкина Л.Г. "Методические указания по методам интегрирования неопределенных интегралов" http://math.krsu.edu.kg/metodich/undefint.pdf
6.3.2.7	Гончарова И.В., Давидюк Т.А. "Определенный интеграл и его приложения" http://math.krsu.edu.kg/metodich/oprint.pdf

7. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

7.1	Лекционная аудитория на 50 посадочных мест;
7.2	Аудитория для проведения практических занятий на 25 посадочных мест;
7.3	Компьютерный класс для выполнения самостоятельной работы и просмотра фото-, аудио-, мультимедия, видео-материалов;
7.4	Интерактивная доска;
7.5	Проектор;
7.6	Презентации лекций по основным темам;
7.7	Компьютерные контрольно-обучающие программы тестирования по различным разделам математического анализа.

8. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Система балльной аттестации при изучении курса «Математика» осуществляется по накопительной системе баллов и предполагает текущий, рубежный и промежуточный контроль. Все виды учебной деятельности оцениваются в баллах. Для контроля и ритмичности работы студентов в течение семестра вводятся аттестационные недели в соответствии с технологической картой дисциплины, с указанием минимальной и максимальной сумм баллов.

Технологические карты дисциплины представлены в ПРИЛОЖЕНИИ 8.

МОДУЛЬНЫЙ КОНТРОЛЬ ПО ДИСЦИПЛИНЕ ВКЛЮЧАЕТ:

1. Текущий контроль: усвоение учебного материала на аудиторных занятиях (лекциях, практических, в том числе учитывается посещение и активность) и выполнение обязательных заданий для самостоятельной работы (домашних заданий, типовых расчетов).
2. Рубежный контроль: проверка полноты знаний и умений по материалу модуля в целом. Выполнение модульных контрольных заданий проводится в письменном виде или с помощью компьютерной контрольно-обучающей программы тестирования и является обязательной компонентой модульного контроля.
3. Промежуточный контроль - завершенная задокументированная часть учебной дисциплины – совокупность тесно связанных между собой зачетных модулей.

ОСНОВНЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К ТЕКУЩЕМУ КОНТРОЛЮ

Изучение дисциплины следует начинать с проработки рабочей программы, особое внимание, уделяя целям и задачам, структуре и содержанию курса.

Успешное изучение курса требует от обучающихся посещения лекций, активной работы на практических занятиях, выполнение всех учебных заданий преподавателя, ознакомление с основной и дополнительной литературой.

Запись лекции - одна из форм активной самостоятельной работы студентов, требующая навыков и умения кратко, схематично, последовательно и логично фиксировать основные положения и выводы, обобщения, формулировки. Культура записи лекции - один из важнейших факторов успешного и творческого овладения знаниями. Последующая работа над текстом лекции воскрешает в памяти содержание, позволяет развивать аналитическое мышление. В конце лекции

преподаватель оставляет время (5-10 минут) для того, чтобы студенты имели возможность задать уточняющие вопросы по изучаемому материалу.

Лекции в основном нацелены на освещение фундаментальных и широко используемых понятий и определений, теорем и их доказательств, а также призваны способствовать формированию навыков работы с научной литературой.

Предполагается также, что студенты приходят на лекции, предварительно проработав соответствующий учебный материал по источникам, рекомендуемой программой.

При подготовке к занятиям обучающийся должен просмотреть конспекты лекций, практических занятий, рекомендованную литературу по данной теме; подготовиться к ответу на контрольные вопросы, решить задания домашней работы.

Рекомендуется регулярно отводить время для повторения пройденного материала, проверяя свои знания, умения и навыки по контрольным вопросам.

Работа с конспектом лекций предполагает просмотр конспекта лекций в тот же день после занятий, пометку материала конспекта, который вызывает затруднения для понимания. Следует найти ответы на затруднительные вопросы, используя рекомендованную литературу. Если самостоятельно не удалось разобраться в материале, нужно сформулировать вопросы, обратиться за помощью к преподавателю на еженедельных консультациях.

За посещение лекционных и практических занятий, а также за активную работу на них, студент получает поощрительные баллы, указанные в технологической карте.

Для закрепления пройденного материала и формирования навыков решения задач на каждом практическом занятии студент получает домашнее задание - 5-10 примеров, в зависимости от сложности, по пройденным темам. Для выполнения домашних заданий студентам необходимо внимательно прочитать соответствующий раздел учебника, учебного и учебно-методического пособия, проработать аналогичные задания, рассмотренные преподавателем на лекциях, разобранные на практических занятиях. Выполнение домашних заданий поощряется баллами, указанными в технологической карте.

ВЫПОЛНЕНИЕ ТИПОВОГО РАСЧЕТА

Для формирования навыков и умений, предусмотренных компетенциями, а также для активизации самостоятельной работы студентам нужно выполнить типовые расчеты (в первом и втором семестрах – по три типовых расчета, в третьем семестре – два типовых расчета). Задания для типовых расчетов приведены в ПРИЛОЖЕНИИ № 3. Номер варианта типового расчета выбирается согласно номера студента в списке группового журнала. Типовые расчеты выполняются в отдельной тетради с последующей обязательной защитой. Если студент за типовой расчет набирает баллы ниже минимального, установленного в технологической карте, то преподаватель возвращает типовой расчет на доработку. После доработки студент может получить только минимально возможное количество баллов.

МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ К ВЫПОЛНЕНИЮ ТИПОВОГО РАСЧЕТА

Перед выполнением типового расчета студентам нужно внимательно прочитать соответствующий раздел учебника, учебного и учебно-методического пособия; проработать аналогичные задания, рассмотренные преподавателем на лекциях, разобранные на практических занятиях, приведенные в рабочей программе образцы выполнения типовых расчетов (ПРИЛОЖЕНИЕ № 9). В случае затруднения выполнения заданий типового расчета следует обратиться с вопросами к преподавателю на еженедельных консультациях.

ОСНОВНЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РУБЕЖНОМУ КОНТРОЛЮ

Рубежный контроль по дисциплине «Математика» проводится в виде контрольной работы или с применением компьютерной контрольно-обучающей программы тестирования (КОПТ). Образцы контрольных работ и КОПТ приведены в ПРИЛОЖЕНИЯХ № 4, 5 соответственно.

До рубежного контроля студенты должны пройти текущий контроль: выполнить домашние задания, защитить типовой расчет.

Контрольные работы и компьютерное тестирование проводятся в отведенное преподавателем время согласно технологической карте.

В случае, если студент отсутствовал на рубежном контроле по уважительной причине, то он должен согласовать с преподавателем время, когда он сможет пройти его, но обязательно до промежуточной аттестации.

Если студент за рубежный контроль набирает менее минимального количества баллов, указанных в технологической карте, то он имеет не более двух возможностей пройти его повторно. При этом он может получить не более 75% от максимально возможных баллов, указанных в технологической карте.

МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ К ВЫПОЛНЕНИЮ КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ

Перед выполнением контрольной работы студенту необходимо повторить пройденный теоретический материал по данному разделу, выписать и выучить используемые в данном разделе формулы, проработать задания из домашней работы и типового расчета.

Образцы выполнения контрольных работ приведены в ПРИЛОЖЕНИИ № 10.

МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ К ВЫПОЛНЕНИЮ КОПТ

Компьютерные контрольно-обучающие программы тестирования включают в себя задания с четырьмя вариантами ответов. В каждом задании можно обратиться к кратким методическим указаниям, разъясняющим каким методом, на основе использования какой формулы решается данное задание. После окончания тестирования, компьютер выдает каждому студенту, количество верно решенных заданий.

ОСНОВНЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К ПРОМЕЖУТОЧНОМУ КОНТРОЛЮ

При явке на промежуточную аттестацию (экзамен, зачет, диф.зачет) студенты обязаны иметь при себе зачётные книжки, которые они предъявляют экзаменатору в начале аттестации.

На промежуточном контроле студент должен верно ответить на теоретические вопросы билета и решить практические задания.

Оценка промежуточного контроля:

- 10 баллов - Вопросы для проверки уровня обученности ЗНАТЬ
- 20 баллов - Вопросы для проверки уровней обученности УМЕТЬ и ВЛАДЕТЬ

Образцы билетов приведены в ПРИЛОЖЕНИИ № 6.

ШКАЛА ОЦЕНИВАНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОГО КОНТРОЛЯ в ПРИЛОЖЕНИИ № 11.

Итоговая оценка выставляется суммированием баллов текущего и итогового контролей следующим образом:

Оценка по 100-бальной шкале	Оценка по традиционной системе
85 – 100	Зачтено (отлично)
70 – 84	Зачтено (хорошо)
60 – 69	Зачтено (удовлетворительно)
0 – 59	Незачтено (неудовлетворительно)

ЗАДАНИЯ ДЛЯ ПРОВЕРКИ УРОВНЯ ОБУЧЕННОСТИ УМЕТЬ

Семестр 2

1. Составить общее уравнение прямой $\frac{x}{3} + \frac{y}{2} = 1$ и указать координаты нормального вектора.
2. Даны вершины треугольника: $A(4;6)$, $B(-4;0)$, $C(-1;-4)$. Составить уравнение высоты, опущенной из вершины A на сторону BC .
3. Найти угловой коэффициент прямой и отрезок, отсекаемый ею на оси координат, зная, что прямая проходит через точки $P(2;-8)$, $Q(-1;7)$.
4. Даны вершины треугольника: $A(1;2)$; $B(3;7)$; $C(5;-13)$. Вычислить длину высоты, опущенной из вершины C на сторону AB .
5. Две стороны квадрата лежат на прямых $2x + 3y + 11 = 0$, $2x + 3y - 13 = 0$. Вычислить его площадь.
6. Дано общее уравнение прямой $12x - 5y - 65 = 0$. Написать уравнение с угловым коэффициентом.
7. Прибыль от продажи 50 шт. некоторого товара составляет 50 у.е., 100 шт. – 200 у.е. Определить прибыль от продажи 500 шт. товара при условии, что функция прибыли линейна.
8. Издержки производства 100 шт. некоторого товара составляют 300 сом, а 500 шт. – 600 сом. Определить издержки производства 400 шт. товара при условии, что функция издержек линейна.
9. При цене 100 сом покупают 30 единиц некоторого товара, а при цене 140 сом – 20 единиц. Предполагая спрос линейной функцией составить уравнения спроса.
10. Прибыль от продажи некоторого товара в двух магазинах выражается функциями $y = -2 + 3x$ и $y = -3 + 16x/5$, где x – количество товара в сотнях штук, а y – прибыль в тысячах сом. Определить, начиная с какого количества товара более выгодной становится продажа во втором магазине.
11. Найти площадь треугольника, отсекаемого прямой $3x - 4y - 12 = 0$ от координатного угла.

12. Составить уравнение прямой, образующий угол 45^0 с положительным направлением оси абсцисс и отсекающей отрезок равный 4 от оси ординат.

13. Определить тип кривой и построить:

а) $(x-1)^2 + (y+1)^2 = 1$; б) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{4} = 1$; в) $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{4} = 1$; г) $y^2 = 4x$.

14. Определить тип кривой и построить:

а) $(x+2)^2 + (y-1)^2 = 36$; б) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$; в) $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{4} = 1$; г) $y^2 = 2x$.

15. Найти расстояние от точки $M_0(-12,7,-1)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(-3,4,-7)$, $M_2(1,5,-4)$, $M_3(-5,-2,0)$.

16. Найти угол между плоскостями $x - 3y + 5z = 0$, $2x - y + 5z - 16 = 0$.

17. Найти точку пересечения прямой и плоскости

$$\frac{x-1}{6} = \frac{y-3}{1} = \frac{z+5}{3}, \quad 3x - 2y + 5z - 3 = 0.$$

18. Вычислить пределы:.

1) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5x^3 + 4x^2 + 1}{7x^3 + 5x^2 + 10}$,

11) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x^2 + 1}{7x^3 + 5x^2 + 10}$

2) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x^4 + x + 11}{2x^4 + 5x^2 + 1}$,

12) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x^2 - 4)}{x^2 - 5x + 6}$

3) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 + n + 5}{3n^3 + 4n + 6}$,

13) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x+1)^2}{2 + 3x + x^2}$

4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^3 + 4x + 1}{5x^2 - 10x + 6}$,

14) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x - 2}{x^2 - 4x + 3}$

5) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 + 5x^2 + 7x + 3}{4x^2 + 5x + 1}$,

15) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 25}{x^2 - 5x}$

6) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 + n + 5}{3n^3 + 4n + 6}$,

16) $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{9 - x^2}{x^2 + x - 6}$

7) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^3 + 4x + 1}{5x^2 - 10x + 6}$,

17) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^2 - 3x + 1}{(x-1)^2}$

8) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5x^3 + 4x^2 + 1}{7x^3 + 5x^2 + 10}$,

18) $\lim_{x \rightarrow -4} \frac{x^2 + 6x + 8}{x^2 - 16}$

9) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{15x^3 + 4x^2 + 1}{x^3 + 5x^2 + 10}$,

19) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x - 2}{x^2 - 3x + 2}$

10) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{12x^3 + 4x + 1}{5x^2 - 10x + 6}$,

20) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{3 - \sqrt{x+7}}{6 - 3x}$

$$21) \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+13} - 4}{4x - 12}$$

$$23) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x - 1}{\sqrt{x+3} - 2}$$

$$22) \lim_{x \rightarrow -8} \frac{\sqrt{1-x} - 3}{x+8}$$

3 семестр»

1. Найти производные функций

$$1) y = (3^x - \sqrt[3]{x})(3 \operatorname{arctg} x - 2 \log_3 x) + \sqrt{2}$$

$$10) y = (5 \arcsin x + 2^x)(\sqrt[5]{x^3} - 3 \operatorname{tg} x)$$

$$2) y = \frac{e^x - 2}{\arcsin x + 2 \ln x} + \sin 1$$

$$11) y = \frac{3 \ln x + 5 \sqrt[3]{x^7}}{2 \operatorname{arctg} x + 4} + \ln 7$$

$$3) y = \frac{\log_2 x + \operatorname{tg} 2}{\arccos x - 2x^2} - \ln 10$$

$$12) y = \frac{3e^x + 5}{2 \operatorname{tg} x + 4 \sqrt[3]{x^4}}$$

$$4) y = \left(2 \cos x - \frac{3}{x}\right)(\operatorname{arcctg} x + 4^3)$$

$$13) y = (3e^x - 4 \cos x)(\log_3 x + 5 \operatorname{tg} x) + \sqrt{7}$$

$$5) y = \left(2 \operatorname{ctg} x - \frac{5}{x^3}\right)(\cos x - \ln x)$$

$$14) y = (3 \operatorname{tg} x + 5 \sqrt[5]{x^3})(\operatorname{arcctg} x - 4^x)$$

$$6) y = \frac{2^x - x^2 + e^2}{2 \log_2 x - 3}$$

$$15) y = (2 \operatorname{arctg} x + 4^x)(3 \ln x - x^3 + 1)$$

$$7) y = \frac{5e^x + 3x^2}{2 \arcsin x + 4 \sin x} + \operatorname{tg} 5$$

$$16) y = (2 \operatorname{ctg} x + 3 \ln x)(4 \arcsin x - \sqrt[4]{x^3})$$

$$8) y = (3 \cos x - 4 \ln x) \left(\frac{2}{x^2} + e^3\right)$$

$$17) y = \sin(x^3 + 2 \ln x) + \sqrt{2}$$

$$9) y = (5 \operatorname{ctg} x + 7^x) \left(\sqrt[4]{x^3} + 3 \sin x\right)$$

2. Найти производные функций сложных функций

$$1) y = \sin(x^3 + 2 \ln x) + \sqrt{2}$$

$$7) y = \sin(\sqrt[3]{x} + 4x) - 3$$

$$2) y = (x + 4 \sin x)^3$$

$$8) y = \log_5(\sin 2x + 4) + \sqrt{3}$$

$$3) y = \operatorname{arctg}(\sin 3x + 4)$$

$$9) y = \operatorname{tg}(\log_2 x + 3)$$

$$4) y = \ln(3x^2 + 2 \operatorname{tg} x) + 1$$

$$10) y = 3^{\sqrt{x} + 2x}$$

$$5) y = 5^{\arcsin x - 3\sqrt{x}} + 2$$

$$11) y = \cos\left(3x - \frac{5}{x^2}\right)$$

$$6) y = \arccos(5x^2 + 5)$$

$$12) y = \log_3(3x - \cos x)$$

13) $y = \arcsin(2x^3 + \cos x)$

16) $y = \arccos(\ln x + 4\operatorname{tg}x)$.

14) $y = \operatorname{ctg}\left(\frac{6}{x^3} + \ln x\right)$

17) $y = \arccos(\cos 2x - \ln x)$.

15) $y = \left(\frac{3}{x^3} + 4x\right)^3$

18) $y = \operatorname{arctg}(4e^x - 5)$.

3. Найти производную $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$ функции $z = y^2 x e^x$.

4. Найти производную $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2}$ функции $z = \frac{x}{y^2 - 2x}$.

5. Найти производную $\frac{\partial^2 z}{\partial y^2}$ функции $z = \ln(x^2 y + xy^2)$.

6. Найти производную $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2}$ функции $z = e^{x^2+y^2} - x - 1$.

7. Найти производную $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$ функции $z = \log_3(x^6 + y^2) + 5x^2 y^4 + 1$.

8. Найти производную $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$ функции $z = x^2 e^{xy}$.

9. Найти производную $\frac{\partial^2 z}{\partial y^2}$ функции $z = \frac{y^2}{x + 7y}$.

10. Найти производную $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$ функции $z = x^3 y^4 - \sin(2x + 3y)$.

11. Найти производную $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$ функции $z = x^4 y^3 + e^{4x-3y}$.

12. Найти производную $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$ функции $z = x^6 y^2 - \cos(3x - 5y)$.

13. Найти неопределенный интеграл

1) $\int \frac{x7^x - 8 + 4x \cos x}{x} dx$.

3) $\int \frac{(6x - 3)^2}{x} dx$.

2) $\int \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1} dx$.

4) $\int \frac{x^2 2^x + x - \sqrt[4]{x^3}}{x^2} dx$.

$$5) \int \frac{(2x-3)^2}{x^3} dx.$$

$$19) \int \frac{x^2-6}{x-5} dx.$$

$$6) \int \frac{x^4-5x^2e^x+9x}{x^2} dx.$$

$$20) \int \frac{4x^3+15x^2e^x+14x^4}{x^2} dx.$$

$$7) \int \frac{3xe^x-x\sin x+5x}{x} dx.$$

$$21) \int \frac{x^2+3}{x^2+1} dx.$$

$$8) \int \frac{(2x+3)^2}{x^5} dx.$$

$$22) \int (3x-2)\cos 2x dx.$$

$$9) \int \frac{2x+1}{x-1} dx.$$

$$23) \int (3x-2)e^{2x} dx.$$

$$10) \int \frac{x^2e^x-2e^x\sin x}{e^x} dx.$$

$$24) \int (3+9x)\cos 8x dx.$$

$$11) \int \frac{2x-3x^2e^x+\sqrt[4]{x^3}+3x^2}{x^2} dx.$$

$$25) \int (x^2-3x)\ln x dx.$$

$$12) \int \frac{(3x+\sqrt[3]{x})}{x^2} dx.$$

$$26) \int (5x+23)\cos 8x dx.$$

$$27) \int (10x-4)\sin 5x dx.$$

$$13) \int \frac{xe^x-4\sqrt[4]{x}+3x-2}{x} dx.$$

$$28) \int (5x^2-16x^4-2)\ln x dx.$$

$$29) \int x^4 \ln x dx.$$

$$14) \int \frac{x^2+1}{x-1} dx.$$

$$30) \int (2x+1)e^x dx.$$

$$31) \int (6x+2)\sin 6x dx.$$

$$15) \int \frac{x^2\cos x+3x^2-5x}{x^2} dx.$$

$$32) \int (3\cos x+5)\sin x dx.$$

$$33) \int (3x-1)\sin 3x dx.$$

$$16) \int \frac{e^x x^6+4x^6\sin x+9x^4}{x^6} dx.$$

$$34) \int (2x+5)3^x dx.$$

$$35) \int (x^2+2x)\ln x dx.$$

$$17) \int \frac{(x+2)^2}{x^2} dx.$$

$$18) \int \frac{(x+1)^2}{x^5} dx.$$

14. Вычислить определенные интегралы

$$1) \int_{-\pi}^{\pi} \cos x \sin^6 x dx.$$

$$3) \int_0^{1/2} \frac{x}{\sqrt{1-x^2}} dx.$$

$$2) \int_1^2 \frac{e^x}{x^2} dx.$$

$$4) \int_0^1 6(x^2+x^3e^{x^4}) dx.$$

$$5) \int_{\pi^2/9}^{\pi^2} \frac{\cos \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx.$$

$$6) \int_1^{\sqrt{5}} \frac{x^2}{x^6 + 1} dx.$$

$$7) \int_1^e \frac{\sin \ln x}{x} dx.$$

$$8) \int_1^{\sqrt{e}} \frac{1}{x\sqrt{1 - \ln^2 x}} dx.$$

$$9) \int_0^1 \frac{z^3}{z^8 + 1} dz.$$

$$10) \int_{\pi/6}^{\pi/2} \sin x \cos^3 x dx.$$

$$11) \int_0^1 \frac{1}{\sqrt{4 - 3x}} dx.$$

$$12) \int_1^{\sqrt{2}} \frac{x}{\sqrt{4 - x^2}} dx.$$

$$13) \int_1^e \frac{\ln^2 x}{x} dx.$$

$$14) \int_0^{\sqrt{\pi}/4} \frac{x}{\cos^2(x^2)} dx.$$

$$15) \int_0^1 \sqrt[3]{1 + 7x} dx$$

$$16) \int_0^{1/2} \operatorname{arctg} 2x dx.$$

$$17) \int_0^{\pi/2} (x + 3) \sin x dx.$$

$$18) \int_1^e x^3 \ln x dx.$$

$$19) \int_{-3}^0 (x - 2) e^{-x/3} dx.$$

$$20) \int_{-1}^0 x \ln(1 - x) dx.$$

$$21) \int_1^2 \ln(3x + 2) dx.$$

$$22) \int_{-1}^0 (x + 1) e^{-2x} dx.$$

$$23) \int_0^1 2x \operatorname{arctg} x dx.$$

$$24)$$

$$25) \int_0^4 \sqrt{16 - x^2} dx.$$

$$26) \int_{\sqrt{2}}^{2\sqrt{2}} \frac{\sqrt{x^2 - 2}}{x^4} dx.$$

$$27) \int_{-3}^3 x^2 \sqrt{9 - x^2} dx.$$

$$28) \int_3^6 \frac{\sqrt{x^2 - 9}}{x^4} dx.$$

$$29) \int_0^1 \sqrt{4 - x^2} dx.$$

$$30) \int_0^3 \frac{x^3}{\sqrt{9 + x^2}} dx.$$

$$31) \int_0^{\sqrt{7/3}} x^3 \sqrt{7 + x^2} dx.$$

4 семестр

1. Участники жеребьевки тянут жетоны из ящика. Номера жетонов от 1 до 100. Найти вероятность того, что номер первого наудачу извлеченного жетона не содержит цифру 6.
2. Бросают две шестигранные игральные кости. Найти вероятность того, что сумма выпавших очков – нечетное число.

3. В лотерее разыгрываются 500 билетов. Крупные выигрыши падают на билеты, номера которых содержат три одинаковых цифры. Некто купил один билет. Найти вероятность того, что он выиграет крупный выигрыш.
4. Бросаются две игральные кости. Какова вероятность того, что сумма очков равна 8, а разность – 4?
5. Из колоды, содержащей 36 карт, наудачу извлекают одну. Найти вероятность того, что будет извлечена фигура любой масти (под фигурой понимают даму, валета, короля).
6. Бросаются одновременно две игральные кости. Найти вероятность того, что произведение выпавших очков равно 8.
7. В ящике 10 красных и 6 синих пуговиц. Вынимается наудачу одна пуговица. Какова вероятность того, что пуговица будет красная?
8. Найти вероятность того, что подброшенная кость упадет, показав на верхней грани четное или кратное трем число очков.
9. Вероятность попадания стрелком в мишень, равна 0,9. Какова вероятность того, что он попадет только при первом выстреле из трех.
10. В урне находятся 6 шаров, из которых 3 белых. Наудачу вынуты один за другим два шара. Вычислить вероятность того, что оба шара окажутся белыми.
11. Вероятность правильного оформления счета на предприятии составляет 0,95. Во время аудиторской проверки были взяты два счета. Какова вероятность того, что только один из них оформлен правильно?
12. Предприятие обеспечивает регулярный выпуск продукции при безотказной поставке комплектующих от двух смежников. Вероятность отказа в поставке продукции от первого из смежников равна 0,05; от второго — 0,08. Найти вероятность сбоя в работе предприятия.
13. В одной урне находятся 4 белых и 8 черных шаров, другой – 3 белых и 9 черных. Из каждой урны вынули по одному шару. Найти вероятность того, что оба шара окажутся белыми.
14. В урне находятся 15 белых и 6 черных шаров. Из нее вынимают наугад один шар, снова возвращают его в урну и шары перемешивают. Затем вынимают второй шар. Найдите вероятность, что оба вынутых шара белые.
15. Разрыв электрической цепи может произойти только вследствие выхода из строя элемента K_1 или одновременного выхода двух элементов K_2 и K_3 , которые выходят из строя с вероятностями 0,3; 0,2; 0,2. Найти вероятность разрыва цепи.

16. На отдельных карточках написаны буквы «и», «л», «о», «с», «ч». После перемешивания берут по одной карточке и кладут последовательно рядом. Вычислите вероятность того, что получится слово «число».
17. Из 18 стрелков 5 попадают в мишень с вероятностью 0,8; 7 – с вероятностью 0,7; 4 – с вероятностью 0,6; 2 – с вероятностью 0,5. Наудачу выбранный стрелок производит выстрел. Какова вероятность, что он попадет в мишень?
18. В первом ящике 20 деталей из них 16 стандартных, во втором – 30 деталей из них 24 стандартные, в третьем 10 из них 6 стандартные. Найти вероятность того, что наудачу извлеченная деталь из наудачу взятого ящика будет стандартная.
19. В тире 5 ружей. Вероятности попадания из которых соответственно равны: 0,5; 0,6; 0,7; 0,8; 0,9. Найти вероятность попадания в цель при одном выстреле, если стреляющий берет одно из ружей наудачу.
20. Три оператора радиолокационной установки производят соответственно 25%, 35%, 40% всех измерений, допуская при этом 5%, 4% и 2% ошибок. Случайно произведенное измерение оказалось ошибочным. Какова вероятность того, что измерение производил первый оператор?
21. В каждом из восьми независимых испытаний событие A происходит с постоянной вероятностью 0,38. Найдите наивероятнейшее число наступлений события A в каждом испытании.
22. Вероятность попадания в цель при одном выстреле составляет 0,8. Найдите вероятность трех попаданий при четырех выстрелах.
23. Если 30% студентов имеют слабое зрение, то какова вероятность того, что 5 из 10 студентов имеют слабое зрение?
24. Вероятность того, что Вы выиграете в шахматы, равна 0,33. Какова вероятность, что Вы выиграете 4 партии из 6.
25. Какова вероятность выиграть у равносильного противника в бильярд не менее 4 партий из 5?
26. Вероятность того, что стрелок при одном выстреле попадет в цель, равна 0,7. Найти наивероятнейшее число попаданий, если стрелок 7 раз стреляет в мишень.
27. Монету подбрасывают 10 раз. Какова вероятность того, что при этом «герб» выпадет 3 раза?
28. Всхожесть семян оценивается вероятностью 0,8. Какова вероятность того, что из пяти посеянных семян взойдет три?

29. На складе хранится 500 аккумуляторов. Известно, что после года хранения 20 штук выходят из строя. Требуется найти вероятность того, что наудачу взятый после года хранения аккумулятор окажется годным.

30. Завод отправил на базу 5 000 изделий. Вероятность того, что изделие повредится в пути равна 0,0002. Найти вероятность того, что на базу придут ровно 3 негодных изделия.

31. Контрольную работу по теории вероятностей успешно выполняют в среднем 70% студентов. Какова вероятность того, что из 200 студентов работу успешно выполнят 150 студентов.

32. Контрольную работу по теории вероятностей успешно выполняют в среднем 70% студентов. Какова вероятность того, что из 200 студентов работу успешно выполнят не менее 100 студентов.

33. На пути движения автомобиля пять светофоров, каждый из которых либо разрешает, либо запрещает проезд с вероятностью 0,5. Составить, закон распределения случайной величины X – числа светофоров, пройденных автомобилем без остановки.

34. Дискретная случайная величина может принимать только два значения x_1 и x_2 , причем $x_1 > x_2$. Известны вероятность $p_1 = P(x = x_1) = 0,3$, $M(X) = 3,7$ и $D(X) = 0,21$. Найти закон распределения этой величины.

35. Случайная величина X задана законом распределения

X	2	3	?	11
P	0,1	?	0,3	0,2

36. Известно, что математическое ожидание X равно 5,7. Найти а) Найти $P(X = 3)$, б) значение X , которое она принимает с вероятностью 0,3.

37. Найти математическое ожидание и дисперсию случайной величины $Z = 6X + 3Y$, если известны: $M(X) = 3$, $M(Y) = 5$, $D(X) = 4$, $D(Y) = 7$.

38. Найти математическое ожидание и дисперсию случайной величины $Z = X + 6Y$, если известны: $M(X) = 4$, $M(Y) = 2$, $D(X) = 3$, $D(Y) = 2$.

39. Найти математическое ожидание и дисперсию случайной величины $Z = 3X + 2Y$, если известны: $M(X) = 2$, $M(Y) = 3$, $D(X) = 4$, $D(Y) = 7$.

40. В итоге четырех измерений некоторой величины одним прибором (без систематических ошибок) получены следующие результаты 8,9,11,12. Найти выборочную среднюю результатов и дисперсию ошибок прибора.

41. Найти: а) значение p_3 , б) $M(X)$ и $D(X)$. Если дискретная случайная величина X задана законом распределения

x_i	-2	-1	3
p_i	0,5	0,1	p_3

42. Найти: а) значение p_2 , б) $M(X)$ и $D(X)$. Если дискретная случайная величина X задана законом распределения

x_i	2	3	5
p_i	0,2	p_2	0,2

43. Случайная величина задана законом распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 1 \\ a(x^2 - x), & 1 < x \leq 2 \\ 1, & x > 2 \end{cases}$$

Найти параметр a .

44. Случайная величина задана законом распределения

$$1. \quad f(x) = \begin{cases} 0, & x < 1, \\ \frac{C}{x^7}, & x \geq 1. \end{cases}$$

Найти параметр C . Вычислить $M(X)$.

45. Случайная величина задана законом распределения

$$f(x) = \begin{cases} a \cos x, & -\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{\pi}{2}, \\ 0, & |x| > \frac{\pi}{2}. \end{cases}$$

Найти параметр a . Вычислить $M(X)$.

45. Случайная величина задана законом распределения

$$f(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0, \\ a(3x - x^2), & 0 < x \leq 3, \\ 0, & x > 3. \end{cases}$$

Найти параметр a . Вычислить вероятность события $1 < X < 2$.

46. Случайная величина задана законом распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 1 \\ \frac{x-1}{2}, & 1 < x \leq 3 \\ 1, & x > 3 \end{cases}$$

Вычислить $M(X)$ и $D(X)$. Найти вероятность события $1 < X < 2$.

47. Случайная величина задана законом распределения

$$f(x) = \begin{cases} 0, & x \leq -3, \\ \frac{1}{\pi\sqrt{9-x^2}}, & -3 < x < 3, \\ 0, & x \geq 3. \end{cases}$$

2.

Найти вероятность события $X > 1$.

48. Сообщение содержит 1000 символов. Вероятность искажения одного символа равна 0,004. Найти среднее число искаженных символов.

49. Автобусы некоторого маршрута идут строго по расписанию. Интервал движения ровно 5 минут. Найти вероятность того, что пассажир, подошедший к остановке, будет ожидать очередной автобус менее 3 минут

50. 20 % изделий, выпускаемых данным предприятием, нуждаются в дополнительной регулировке. Наудачу отобрано 150 изделий. Найти среднее значение и дисперсию случайной величины X – числа изделий в выборке, нуждающихся в регулировке.

51. Рост взрослых мужчин является случайной величиной, распределенной по нормальному закону с $M(X) = 175$ см. и $\sigma(X) = 6$ см. Найти вероятность того, что рост наудачу выбранного мужчины будет от 170 до 180 см.

52. При весе некоторого изделия в 10 кг найдено, что отклонение по абсолютной величине превосходящее 50 г. встречается в среднем 34 раза из тысячи изделий. Считается, что вес изделий распределен нормально, найти его $\sigma(X)$.

53. За пять месяцев работы малое предприятие «Воробышек» получало ежемесячную прибыль (в у.е.): 2, 4, 7, 4, 5. Найдите выборочную среднюю, моду и медиану.

54. За пять месяцев работы малое предприятие «Интеграл» получало ежемесячную прибыль (в у.е.): 2, 4, 7, 4, 5. Найдите выборочную среднюю и исправленную дисперсию, моду и медиану.

55. Фермерское хозяйство засеяло пшеницу на 9 полях, и с каждого гектара 1-го поля получило по 21 центнеру пшеницы. Зная, что урожайность на других полях составила 24;

18; 28; 18; 24,4; 21; 21; 19, определите среднее арифметическое, медиану и моду этих чисел.

56. Следующие данные показывают годовой прирост на 15 различных акций: 12.2, 13, 14.8, 11, 16.7, 9, 8.3, -1.2, 3.9, 15.5, 16.2, 18, 11.6, 10, 9.5. Найдите выборочную среднюю и медиану.

57. Найти выборочную среднюю, дисперсию, моду и медиану случайной величины X на основании данного распределения выборки:

x_i	1	5	6	8
n_i	6	4	7	3

58. Изучалась качество продукции. Были получены данные.

Оценка качество продукции, балл	1-2	3-4	5-6	7-8	9-10
Число случаев	3	8	36	89	45

Определить средний балл качества продукции. Вычислить моду и медиану.

59. В таблицу приведены данные.

x_i	2-4	4-6	6-8	8-10	10-12
n_i	15	25	30	20	10

Определить исправленную выборочную дисперсию.

60. Найти выборочную среднюю, выборочную дисперсию, моду и медиану по заданному распределению выборки

варианта	65	70	75	80	85	90	95
частота	3	5	15	25	20	7	5

61. Брокер проводит случайную выборку четырех акций из большой генеральной совокупности акций с низким номиналом. Цены акций в генеральной совокупности подчиняются нормальному распределению. Цены акций в выборке составили: \$15, \$12, \$17, \$10. Вычислите точечную оценку генеральной средней и генеральной дисперсии.

62. По данным выборки объема $n=16$ из генеральной совокупности найдено «исправленное» среднее квадратическое отклонение $s=1$ нормально распределенного количественного признака. Найти доверительный интервал, покрывающий генеральное среднее квадратическое отклонение с надежностью 0,95.

63. Найти доверительный интервал для оценки с надежностью 0,99 неизвестного математического ожидания a нормально распределенного признака X генеральной совокупности, если: $\sigma = 4$, $\bar{x}_g = 10,2$, $n = 16$.

64. По выборке из 25 упаковок товара средний вес составил 101 г с исправленным средним квадратическим отклонением 3 г. Построить доверительный интервал для среднего с вероятностью 95%.

65. Имеются выборочные данные о стаже работы (X , лет) и выработке одного рабочего за смену (Y , шт):

X	1	3	4	5	6	7
Y	14	15	18	20	22	25

Построить уравнение линейной регрессии.

66. В магазине постельных принадлежностей были проведены в течение пяти дней подсчеты числа покупок простыней X и подушек Y :

X	10	20	25	28	30
Y	5	8	7	12	14

Найти выборочное уравнение линейной регрессии Y на X .

67. Рассчитать коэффициент корреляции между количеством пропущенных студентом пар X и его успеваемостью Y , оцениваемой по 100 бальной шкале, пользуясь данными таблицы.

X	6	2	15	9	12	5	8
Y	82	86	43	74	58	90	78

68. Имеются выборочные данные об общем весе некоторого растения (X , г.) и весе его семян (Y , г.). Данные приведены в таблице:

X	40	50	60	70	80	90	100
Y	20	25	28	30	35	40	45

Предполагая, что зависимость линейная, рассчитать выборочный коэффициент корреляции и сделать вывод о степени и направлении тесноты связи.

ЗАДАНИЯ ДЛЯ ПРОВЕРКИ УРОВНЯ ОБУЧЕННОСТИ ВЛАДЕТЬ

2 СЕМЕСТР

1. Составить уравнение прямой, проходящей через точку $A(-1;4)$ параллельно прямой $2x + 3y - 7 = 0$.
2. Составить уравнение прямой, проходящей через точку пересечения прямых $x + 2y + 4 = 0$ и $3x - y - 9 = 0$ перпендикулярно прямой $x + y - 7 = 0$.
3. Стальной трос подвешен за два конца; точки крепления расположены на одинаковой высоте; расстояние между ними равно 20 м. Величина его прогиба на расстоянии 2 м от точки крепления, считая по горизонтали, равна 14,4 см. Определить величину прогиба этого троса в середине между точками крепления, приближенно считая, что трос имеет форму дуги параболы.
4. Установить, какая линия определяется уравнением $y = \frac{3}{4}\sqrt{16 - x^2}$.
5. Какую линию определяет уравнение $4x^2 + 9y^2 - 8x - 36y + 4 = 0$ и построить данную кривую.
6. Какую линию определяет уравнение $y = -1 + \frac{2}{3}\sqrt{x^2 - 4x + 5}$ и построить данную кривую.
7. Какую линию определяет уравнение $x = -\sqrt{y^2 - 4y}$ и построить данную кривую.
8. Установить, какая линия определяется уравнением $y = -7 + \frac{2}{5}\sqrt{16 + 6x - x^2}$.
9. Установить, какая линия определяется уравнением $4x^2 - 3y^2 - 24x + 6y - 3 = 0$ и построить ее.
10. Определить тип кривой $5x^2 + 4y^2 + 20x - 16y - 44 = 0$ и построить ее.
11. Определить тип кривой $5x^2 + 4y^2 + 20x - 16y - 44 = 0$ и построить её.
12. Установить, какая линия определяется уравнением $y = 1 - \sqrt{4x + 8}$. Построить ее.
13. Установить, какая линия определяется уравнением $y = 7 - \frac{3}{2}\sqrt{x^2 - 6x + 13}$.
Построить ее.
14. Установить, какая линия определяется уравнением $9x^2 + 4y^2 + 54x - 8y + 49 = 0$. Построить ее.
15. Установить, какая линия определяется уравнением $x^2 - 2x + y^2 + 4y + 9 = 0$.
Построить ее.
16. Установить, какая линия определяется уравнением $x = 9 - 2\sqrt{y^2 + 4y + 8}$.
Построить ее.

17. Установить, какая линия определяется уравнением $x = 5 - \frac{3}{4}\sqrt{y^2 + 4y - 12}$.

Построить ее.

В заданиях 18-23 определить типы поверхностей и построить их.

18. $x^2 + 4x + y^2 + 3z^2 - 6z - 2 = 0$;

19. $y^2 = -4(z + 1)$;

20. $\frac{x^2}{9} - \frac{(y-1)^2}{4} = 1$;

21. $3x^2 - 12x + 6y^2 + 12y + 5z^2 - 20z + 8 = 0$;

22. $\frac{x^2}{4} + \frac{(z+1)^2}{9} = 1$;

23. $-\frac{(x-3)^2}{4} + \frac{y^2}{9} = 1$.

Вычислить пределы:

1. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x-1}{2x+5} \right)^{3x-4}$

2. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2 - x}{x^2 + 1} \right)^{x-3}$

3. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 x}{\operatorname{tg}^3 x}$

4. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{e^{4x} - 1}$

5. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{\sin(6x^2)}$

6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 12x}{\ln(1+6x)}$

7. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}(2x)}{e^{10x} - 1}$

8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+x^2)}{\sin^2(10x)}$

9. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+x)}{\operatorname{arcsin}(6x)}$

10. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{7^x - 1}{\operatorname{arctg}^2(5x)}$

11. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 3x}{e^{2x^2} - 1}$

12. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+14x)}{\operatorname{arcsin} 7x}$

13. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{e^{4x} - 1}$

14. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x^2} - 1}{\sin(4x^2)}$

15. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}^2 5x}{e^{3x^2} - 1}$

16. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}^2(3x)}{e^{6x^2} - 1}$

17. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+3x^3)}{\operatorname{arctg}^3 x}$

18. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arcsin}(4x)}{\ln(1+3x)}$

3 семестр

Найти производные функций

1. $y = (\cos x)^{5e^x}$
2. $y = (x^3 + 4)^{tgx}$
3. $y = (tgx)^{4x}$
4. $y = x^{\arctgx}$
5. $y = (\sin x)^{3x}$
6. $y = x^{\arcsin x}$
7. $y = (\sin x)^{x+1}$
8. $y = (x^3 - 1)^x$
9. $y = x^{\arcsin x}$
10. $y = (\sin x)^x$

Найти производную y'_x функции

- 1) $\begin{cases} x = t + \sin t \\ y = 2 - \cos t \end{cases}$
- 2) $\begin{cases} x = \cos t \\ y = \sin t - 1 \end{cases}$
- 3) $\begin{cases} x = 4t^2 + 5 \\ y = 3t^4 + 11 \end{cases}$
- 4) $\begin{cases} x = \cos t + t \sin t \\ y = \sin t - t \cos t \end{cases}$
- 5) $\begin{cases} x = \ln(5 + t) \\ y = \arctgt \end{cases}$
- 6) $\begin{cases} x = e^t \\ y = (t^2 - t) \cdot e^t \end{cases}$
- 7) $\begin{cases} x = \ln(t + 1) \\ y = t^2 \end{cases}$
- 8) $\begin{cases} x = 2t^2 + 1 \\ y = 3t^2 - 5t \end{cases}$
- 9) $\begin{cases} x = t^2 + 3t \\ y = t^3 - 27t \end{cases}$
- 10) $\begin{cases} x = \ln(t^2 + 1) \\ y = t^3 + 1 \end{cases}$

Найти интервалы монотонности, выпуклости, вогнутости, экстремум и точки перегиба функции:

- 1) $y = x^3 - 9x^2 + 15x - 3$
- 2) $y = 2x^2 - 8x + 2$
- 3) $y = 4x^3 + 4x^2 + x - 16$
- 4) $y = \frac{x^3}{3} - 2x^2 + 3x$
- 5) $y = 3x - x^3$
- 6) $y = 2x^3 - 12x^2 + 18x$
- 7) $y = x^3 - 5x^2 + 3x - 5$
- 8) $y = x^4 - 2x^2 - 5$
- 9) $y = 2x^3 + 3x^2 - 12x + 1$
- 10) $y = x^3 - 3x^2 - 9x + 7$
- 11) $y = x^3 - 3x^2$
- 12) $y = x^4 - 2x^2 + 5$
- 13) $y = 2x^3 - 3x^2$
- 14) $y = 2x^3 + 3x^2 - 1$
- 15) $y = 2x^3 - 6x^2 - 18x + 7$.
- 16) $y = 3x^4 - 6x^2 + 5$

Найти неопределенный интеграл

- | | |
|---|---|
| 1. $\int x^2 \cdot \sqrt[3]{2+3x^3} dx$ | 12. $\int x^4 \cdot \sqrt[4]{2+3x^5} dx$ |
| 2. $\int \frac{x}{\cos^2 x^2} dx$ | 13. $\int \frac{(\arctg x)^2}{1+x^2} dx$ |
| 3. $\int \frac{e^x}{e^x - 3} dx$ | 14. $\int \frac{(\ln x)^2}{x} dx$ |
| 4. $\int \frac{\sin x}{\cos^3 x} dx$ | 15. $\int \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x+6}} dx$ |
| 5. $\int \frac{\arcsin x}{\sqrt{1-x^2}} dx$ | 16. $\int \frac{dx}{1+\sqrt{5x-3}}$ |
| 6. $\int e^x \sqrt{e^x + 3} dx$ | 17. $\int \frac{xdx}{\sqrt{3x+4}}$ |
| 7. $\int (\sin x + 5)^2 \cos x dx$ | 18. $\int \frac{1}{\sqrt{3x+1}} dx$ |
| 8. $\int \sqrt[6]{x^4 - 11} \cdot x^3 dx$ | 19. $\int \frac{xdx}{\sqrt{4x-1}}$ |
| 9. $\int e^{x^6} \cdot x^5 dx$ | 20. $\int \frac{dx}{1+\sqrt{5x-3}}$ |
| 10. $\int \frac{ctg^3 x}{\sin^2 x} dx$ | 21. $\int \frac{dx}{1+\sqrt{3x-4}}$ |
| 11. $\int (e^x + 5)^4 e^x dx$ | 22. $\int \frac{dx}{1+\sqrt{4x+5}}$ |

$$23. \int \frac{dx}{1 + \sqrt{x-1}}$$

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $y^2 = 3x$, $x^2 = 3y$.
2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $y = x^2 - 4$, $y = x + 8$.
3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $xy = 2$, $x + 2y - 5 = 0$.
4. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $y = x^2$, $4y = x^2$, $x = \pm 2$.
5. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $y = x^2$, $y = 4 - x^2$.
6. Вычислить площадь фигуры, ограниченной первыми арками циклоид $\begin{cases} x = (t - \sin t) \\ y = (1 - \cos t) \end{cases}$,
 $\begin{cases} x = 3(t - \sin t) \\ y = 3(1 - \cos t) \end{cases}$.
7. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $\begin{cases} x = 7 \cos t \\ y = 5 \sin t \end{cases}$, $\begin{cases} x = 2 \cos t \\ y = 3 \sin t \end{cases}$.
8. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $r^2 = 4 \cos 2\phi$, $r = \sqrt{2}$ ($r \geq \sqrt{2}$).
9. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $r = 2 \cos \phi$, $r = 3 \cos \phi$.
10. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $r = 3 \sin \phi$, $r = 5 \sin \phi$.
11. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $r = 3(1 + \cos \phi)$, $r = 3,5$ ($r \geq 3,5$).
12. Вычислить объемы тел, образованных вращением фигур, ограниченных графиками функций $y = x^2$, $y = 2$. Ось вращения Oy .
13. Вычислить объемы тел, образованных вращением фигур, ограниченных графиками функций $y = x^3$, $y = x$. Ось вращения Ox .
14. Вычислить объемы тел, образованных вращением фигур, ограниченных графиками функций $y = x^3$, $y = x^2$. В вариантах 1-13 ось вращения Ox , в вариантах 14-25 ось вращения Oy .
15. Вычислить объемы тел, образованных вращением фигур, ограниченных графиками функций $y = x^2$, $y = x$. Ось вращения Oy .
16. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением $y = \ln \cos x + 2$, $0 \leq x \leq \pi/6$.
17. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением $\begin{cases} x = e^t(\cos t + \sin t), \\ y = e^t(\cos t - \sin t), \end{cases} 0 \leq t \leq 2\pi$.
18. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением $\rho = 6 \sin \phi$, $0 \leq \phi \leq \pi/3$.
19. Исследовать на экстремум функцию: $z = (x-1)^2 - 2y^2$
20. Исследовать на экстремум функцию: $z = x^2 + xy + y^2 + x - y - 1$
21. Исследовать на экстремум функцию: $z = 3x^2 - x^3 + 3y^2 + 4y$
22. Исследовать на экстремум функцию: $z = x^2 + xy + y^2 - 3x - 6y$
23. Исследовать на экстремум функцию: $z = x^2 - xy + y^2 - 2x + y$
24. Исследовать на экстремум функцию: $z = x^2 - xy + y^2 + 9x - 6y + 20$
25. Исследовать на экстремум функцию: $z = x^2 + (y-1)^2$
26. Исследовать на экстремум функцию: $z = x^2 + y^2 - 2x - 2y + 8$

27. Исследовать на экстремум функцию: $z = 3x + 6y - x^2 - xy - y^2$
 28. Исследовать на экстремум функцию: $z = x^2 - xy + y^2 + 9x - 6y + 10$

4 СЕМЕСТР

1. Вероятность хотя бы одного попадания в цель при четырех выстрелах равна 0,9984. Найти вероятность не менее 3 попаданий при четырех выстрелах.
2. По данным переписи населения (1891 г.) Англии и Уэльса установлено: темноглазые отцы и темноглазые сыновья (AB) составили 5 % обследованных лиц, темноглазые отцы и светлоглазые сыновья ($A\bar{B}$) – 7,9 %, светлоглазые отцы и темноглазые сыновья ($\bar{A}B$) – 8,9 %, светлоглазые отцы и светлоглазые сыновья ($\bar{A}\bar{B}$) – 78,2 %. Найти связь между цветом глаз отца и сына.
3. Испытание состоит в подбрасывании трех кубиков. Сколько раз нужно провести испытание, чтобы с вероятностью не менее 0,95 хотя бы один раз появилось «три единицы»?
4. Какова должна быть вероятность изготовления изделия, удовлетворяющего стандарту, чтобы с вероятностью, равной 0,9 можно было утверждать, что среди 20 изготовленных изделий хотя бы одно не удовлетворяет стандарту.
5. Вероятность поражения цели при одном выстреле равна 0,4. Было произведено 600 выстрелов. Найти границы, в которых с вероятностью 0,9948 будет заключено число попаданий в цель.
6. Вероятность поражения цели при одном выстреле равна 0,4. Найти число выстрелов, которые надо произвести по мишени, чтобы с вероятностью 0,9948 ожидать, что отклонение относительной частоты от вероятности попадания при одном выстреле по модулю будет меньше величины 0,05.
7. Сколько следует проверить деталей, чтобы с вероятностью не меньшей 0,95 можно было утверждать, что частота годных деталей отклоняется от вероятности годной детали равной 0,9 по модулю не более, чем на 0,01.
8. В ящике лежат 5 изделий, одно из них бракованное. Из ящика извлекают изделия одно за другим до тех пор, пока не будет вынуто бракованное. Составить закон распределения случайной величины X – числа вынутых изделий. Вычислить $M(X)$, $D(X)$.
9. Среди 20 приборов имеется 6 неточных. Наудачу берется 4 прибора. Требуется вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$ случайной величины X – числа точных приборов среди отобранных.
10. На базе хранятся 10 холодильников, среди которых 2 бракованных. Из этого числа холодильников в магазин привезли 5 холодильников. Требуется составить закон распределения случайной величины X – числа годных холодильников среди привезённых в магазин; вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$.

11. Случайная величина задана законом распределения $F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 1 \\ a(x^2 - x), & 1 < x \leq 2 \\ 1, & x > 2 \end{cases}$

Вычислить вероятность того, что в двух опытах величина примет значение из интервала (1,5;2).

12. Случайная величина задана законом распределения $f(x) = \begin{cases} 0, & x \leq -3, \\ \frac{1}{\pi\sqrt{9-x^2}}, & -3 < x < 3, \\ 0, & x \geq 3. \end{cases}$

Найти функцию распределения $F(x)$ и вероятность события $X > 1$.

13. Случайная величина задана функцией распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0, & \text{если } x < -1, \\ a + b \arcsin x, & \text{если } -1 \leq x \leq 1, \\ 1, & \text{если } x > 1. \end{cases}$$

Найти параметры a и b . Вычислить $M(X)$.

14. Средняя продолжительность телефонного разговора равна 3 мин. Считая, что время разговора является случайной величиной, распределенной по показательному закону найти вероятность того, что произвольный телефонный разговор будет продолжаться не более 9 минут,

15. Известно, что время работы электрической лампы подчиняется нормальному закону распределения. Средняя продолжительность горения оказалась равной 1000 ч., среднее квадратическое отклонение продолжительности горения лампы 40 ч. Найти $M(X^2)$.

16. Деталь изготавливается на станке с систематической ошибкой 3, среднеквадратической ошибкой 4 и считается годной, если ее отклонение от номинала менее 12. Найти вероятность того, что три наудачу взятые детали из пяти будут годными.

17. Рост взрослых мужчин является случайной величиной, распределенной по нормальному закону с $M(X) = 175$ см. и $\sigma(X) = 6$ см. Найти вероятность того, что хотя бы один из трех мужчин будет иметь рост от 170 до 180 см.

18. Случайная величина X распределена нормально, ее плотность вероятности имеет вид

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{8\pi}} e^{-\frac{(x+2)^2}{8}}. \text{ Найти дисперсию случайной величины } Y = 3X - 1, \text{ зная, что } Y \sim N(a, \sigma).$$

19. Случайная величина X распределена нормально, ее плотность вероятности имеет вид

$$f(x) = \frac{1}{4\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-3)^2}{32}}. \text{ Найти } M(Y) \text{ случайной величины } Y = 3X - 1, \text{ зная, что } Y \sim N(a, \sigma).$$

20. На автомате изготавливаются заклепки. Диаметр их головок представляет случайную величину, распределенную по нормальному закону с параметрами $a = 2$ мм и $\sigma^2 = 0,01$ мм². Какие размеры диаметра головок можно гарантировать с вероятностью 0,95?

21. Среднее суточное потребление электроэнергии в населенном пункте равно 20 000 квт-час, а среднее квадратическое отклонение 200 квт-час. Какого потребления электроэнергии в данном населенном пункте можно ожидать в ближайшие сутки с вероятностью не меньшей 0,96.

22. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n = 10$:

Варианта x_i	-2	1	2	3	4	5
----------------	----	---	---	---	---	---

Частота n_i	2	1	2	2	2	1
---------------	---	---	---	---	---	---

Оценить с надежностью 0,95 математическое ожидание нормально распределенного признака генеральной совокупности по выборочной средней при помощи доверительного интервала.

23. Среднее время сборки изделия составляло 90 минут. Инженер изобрел новый метод сборки этого изделия, и продолжительность сборки 10 изделий новым способом составила 79; 74; 112; 95; 83; 96; 77; 84; 70; 90 (мин). Построить доверительный интервал для нового среднего времени сборки с надежностью 95%.

24. Даны результаты 8 независимых измерений одной и той же величины (длины протяжки) прибором, не имеющим систематических ошибок: 369, 378, 315, 420, 385, 401, 372, 383. Определить несмещенную оценку дисперсии ошибок измерения.

25. В итоге пяти измерений длины стержня одним прибором (без систематических ошибок) получены следующие результаты (в мм): 92; 94; 103; 105; 106. Определить несмещенную оценку дисперсии ошибок измерений.

26. Случайная величина X (число поврежденных изделий в одном контейнере) распределена по закону Пуассона с неизвестным параметром λ . Приведено эмпирическое распределение числа поврежденных изделий в 500 контейнерах. Найти точечную оценку неизвестного параметра.

x_i	0	1	2	3	4	5	6	7
n_i	199	169	87	31	9	3	1	1

27. Случайная величина X (время безотказной работы элемента) распределена по показательному закону. Приведено эмпирическое распределение среднего времени работы 1000 элементов:

x_i	5	15	25	35	45	55	65
n_i	365	245	150	100	70	45	25

Найти точечную оценку неизвестного параметра.

28. Случайная величина X задана функцией распределения $F(x) = 1 - e^{-\lambda x}$ ($x \geq 0$).

Произведена выборка

x_i	3	5	6	8	10
n_i	2	3	5	10	10

Найти статистическую оценку параметра λ методом моментов.

29. Используя критерий χ^2 на уровне значимости 0,01 проверить, согласуется ли гипотеза о нормальном распределении генеральной совокупности X с эмпирическим распределением выборки:

Эмпирическая частота n_i	8	16	40	72	36	18	10
Теоретическая частота n'_i	6	18	36	76	39	18	7

30. При уровне значимости 0,05 проверьте гипотезу о нормальном распределении генеральной совокупности, если известны эмпирические и теоретические частоты:

Эмпирические частоты	6	12	16	40	13	8	5
----------------------	---	----	----	----	----	---	---

Теоретические частоты	4	11	15	43	15	6	6
-----------------------	---	----	----	----	----	---	---

31. Установить, пользуясь критерием Пирсона, при $\alpha = 0,05$ случайно или значимо расхождение между эмпирическими n_i , и теоретическими частотами n'_i , которые вычислены из предположения, что совокупность распределена нормально.

n_i	5	7	15	14	21	16	9	7	6
n'_i	6	6	14	15	22	15	8	8	6

32. В таблице представлены данные о средних размерах пенсий в Кыргызстане за 2011-2015гг.

Год	2011	2012	2013	2014	2015
Выплаты, сом	3853	4274	4508	4710	4896

Необходимо сделать прогноз о среднем размере пенсии на 2018г.

ЗАДАНИЯ ДЛЯ ТИПОВОГО РАСЧЕТА № 1

ТИПОВОЙ РАСЧЕТ № 2

ВАРИАНТ 1

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(3;4)$, $B(2;-1)$, $C(1,-7)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x+2)^2 + (y-1)^2 = 9$; б) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$; в) $\frac{x^2}{49} - \frac{y^2}{25} = 1$; г) $y^2 = 6x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $x = -\frac{5}{3}\sqrt{9-y^2}$; б) $y = 1 - 3\sqrt{x}$; в) $x^2 + y^2 - 2x - 6y + 4 = 0$.

ВАРИАНТ 2

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(-4;-5)$, $B(3;3)$, $C(5,-2)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x+3)^2 + (y-5)^2 = 4$; б) $\frac{x^2}{49} + \frac{y^2}{4} = 1$; в) $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{16} = 1$; г) $y^2 = 7x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $x = \frac{5}{4}\sqrt{16 + y^2}$; б) $y = -1 + \sqrt{7x}$; в) $25x^2 + 9y^2 - 50x + 18y - 191 = 0$.

ВАРИАНТ 3

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(-3;5)$, $B(4;-3)$, $C(-2,-4)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x+1)^2 + (y-2)^2 = 16$; б) $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{25} = 1$; в) $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$; г) $y^2 = 5x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $x = -\frac{6}{5}\sqrt{25 - y^2}$; б) $16x^2 - 25y^2 - 32x - 100y - 484 = 0$; в) $x = 2 - \sqrt{5y - 5}$.

ВАРИАНТ 4

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(3;-2)$, $B(-5;-4)$, $C(-1,6)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x-3)^2 + (y+4)^2 = 25$; б) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$; в) $\frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{25} = 1$; г) $y^2 = 16x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $x = 1 + \frac{6}{5}\sqrt{25 - y^2}$; б) $25x^2 - 64y^2 + 100x + 12y - 1564 = 0$; в) $y = 1 - 4\sqrt{x+1}$.

ВАРИАНТ 5

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(2;5)$, $B(-3;4)$, $C(-4,-2)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x+3)^2 + (y+3)^2 = 4$; б) $\frac{x^2}{49} + \frac{y^2}{25} = 1$; в) $\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{9} = 1$; г) $y^2 = 3x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $y = 1 + \frac{5}{7}\sqrt{49 - x^2}$; б) $y = -3 + \sqrt{3x - 3}$; в) $y = -\frac{1}{2}\sqrt{x^2 - 36}$.

ВАРИАНТ 6

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(-3;2)$, $B(-2;-5)$, $C(6,-1)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x-1)^2 + (y+1)^2 = 1$; б) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{4} = 1$; в) $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{4} = 1$; г) $y^2 = 4x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $y = -\frac{1}{4}\sqrt{16-x^2}$; б) $x = 2 + \sqrt{y-4}$; в) $4x^2 - 9y^2 + 16x + 36y - 56 = 0$.

ВАРИАНТ 7

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(-6;-4)$, $B(3;-7)$, $C(1,2)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x+2)^2 + (y-1)^2 = 36$; б) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$; в) $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{4} = 1$; г) $y^2 = 2x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $4x^2 - 9y^2 + 24x + 18y - 9 = 0$; б) $y = 1 - 2\sqrt{x+4}$; в) $y = -\sqrt{16+x^2}$.

ВАРИАНТ 8

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(2;1)$, $B(-7;3)$, $C(-4,-3)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x-4)^2 + (y+2)^2 = 49$; б) $\frac{x^2}{49} + \frac{y^2}{36} = 1$; в) $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{9} = 1$; г) $y^2 = 6x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $x = 1 - 2\sqrt{5 - y^2 + 4y}$; б) $9x^2 - 25y^2 - 72x - 90 = 0$; в) $x = 2 + \sqrt{y}$.

ВАРИАНТ 9

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(-3;-4)$, $B(-6;7)$, $C(-1,1)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x+4)^2 + (y-4)^2 = 9$; б) $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{9} = 1$; в) $\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{16} = 1$; г) $y^2 = x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $x^2 + y^2 + 8x - 8y - 23 = 0$; б) $y = -\frac{2}{3}\sqrt{x^2 - 36}$; в) $y = 2 - \sqrt{x+1}$.

ВАРИАНТ 10

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(4;-5)$, $B(2;2)$, $C(7,4)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x-5)^2 + (y+1)^2 = 4$; б) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$; в) $\frac{x^2}{49} - \frac{y^2}{9} = 1$; г) $y^2 = 8x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $y = -\frac{3}{4}\sqrt{x^2 - 16} + 1$; б) $x = 4 - \sqrt{y + 1}$; в) $9x^2 - 49y^2 + 36x - 409 = 0$.

ВАРИАНТ 11

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(-3; -4)$, $B(-2; -1)$, $C(-1, -7)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x + 5)^2 + (y - 6)^2 = 16$; б) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{4} = 1$; в) $\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{25} = 1$; г) $y^2 = -9x$.

Задание 3. Какую линию второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $2x^2 + y^2 - 8x + 50y + 8 = 0$; б) $x = \frac{1}{2}\sqrt{y^2 - 16}$; в) $y = 1 - \sqrt{x + 1}$.

ВАРИАНТ 12

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(4; -5)$, $B(-3; 3)$, $C(-5, -2)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x - 1)^2 + (y + 5)^2 = 1$; б) $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{16} = 1$; в) $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{4} = 1$; г) $y^2 = -7x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $x = 1 - \frac{1}{2}\sqrt{y^2 - 16}$; б) $x^2 + 4y^2 + 6x + 40y + 105 = 0$; в) $x = 2 + \sqrt{2 - y}$.

ВАРИАНТ 13

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(3;5)$, $B(-4;-3)$, $C(2,-4)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x+1)^2 + (y-3)^2 = 25$; б) $\frac{x^2}{49} + \frac{y^2}{9} = 1$; в) $\frac{x^2}{49} - \frac{y^2}{16} = 1$; г) $y^2 = -5x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $y = 1 + \frac{1}{2}\sqrt{x^2 - 16}$; б) $x^2 + 4y^2 - 6x + 40y + 108 = 0$; в) $x = 2 - \sqrt{2 - y}$.

ВАРИАНТ 14

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(-3;-2)$, $B(5;-4)$, $C(1,6)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x-3)^2 + (y-2)^2 = 36$; б) $\frac{x^2}{64} + \frac{y^2}{25} = 1$; в) $\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{4} = 1$; г) $y^2 = -16x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $9x^2 + 4y^2 + 54x - 8y + 49 = 0$; б) $y = -\frac{3}{2}\sqrt{y^2 - 4}$; в) $y = 2 - \sqrt{x + 1}$.

ВАРИАНТ 15

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(-2;5)$, $B(3;4)$, $C(4,-2)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x + 2)^2 + (y + 4)^2 = 49$; б) $\frac{x^2}{49} + \frac{y^2}{16} = 1$; в) $\frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{36} = 1$; г) $y^2 = -3x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $x^2 + 4y^2 + 6x - 16y + 624 = 0$; б) $y = 2 + \frac{3}{2}\sqrt{x^2 - 4}$; в) $x = 1 - \sqrt{2y - 6}$.

ВАРИАНТ 16

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(3;2)$, $B(2;-5)$, $C(-6,-1)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x - 3)^2 + (y - 2)^2 = 9$; б) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{25} = 1$; в) $\frac{y^2}{25} - \frac{x^2}{49} = 1$; г) $y^2 = -4x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $4x^2 + y^2 + 24x + 4y + 36 = 0$; б) $y = -\frac{5}{3}\sqrt{9 - x^2}$; в) $x = 1 - 3\sqrt{y}$.

ВАРИАНТ 17

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(6; -4)$, $B(-3; -7)$, $C(-1, 2)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x - 5)^2 + (y + 3)^2 = 4$; б) $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{49} = 1$; в) $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{25} = 1$; г) $y^2 = -2x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $y = 1 + \frac{6}{5}\sqrt{25 - x^2}$; б) $4x^2 + y^2 - 24x + 4y + 36 = 0$; в) $x = 1 - 4\sqrt{y + 1}$.

ВАРИАНТ 18

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(-2; -1)$, $B(7; 3)$, $C(4, -3)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x + 1)^2 + (y + 1)^2 = 16$; б) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{36} = 1$; в) $\frac{y^2}{9} - \frac{x^2}{16} = 1$; г) $y^2 = -6x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $x = -\frac{1}{4}\sqrt{16 - y^2}$; б) $y = 2 + \sqrt{x - 4}$; в) $x^2 + 4y^2 - 8x + 8y + 16 = 0.7$

ВАРИАНТ 19

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(3;4)$, $B(6;7)$, $C(1,1)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x + 4)^2 + (y - 3)^2 = 25$; б) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{25} = 1$; в) $\frac{y^2}{25} - \frac{x^2}{64} = 1$; г) $y^2 = -x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $4x^2 + y^2 + 8x - 8y + 16 = 0$; б) $x = -\frac{2}{3}\sqrt{y^2 - 36}$; в) $x = 2 - \sqrt{y + 1}$.

ВАРИАНТ 20

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(-4;-5)$, $B(-2;2)$, $C(-7,4)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x - 3)^2 + (y - 3)^2 = 4$; б) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{49} = 1$; в) $\frac{y^2}{9} - \frac{x^2}{36} = 1$; г) $y^2 = -8x$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $4x^2 + y^2 + 40x + 6y + 105 = 0$; б) $y = \frac{5}{4}\sqrt{16 + x^2}$; в) $x = -1 + \sqrt{7y}$.

ВАРИАНТ 21

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(-3;-4)$, $B(2;1)$, $C(1,7)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x+1)^2 + (y-1)^2 = 1$; б) $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{16} = 1$; в) $\frac{y^2}{4} - \frac{x^2}{9} = 1$; г) $x^2 = 9y$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $9x^2 + 4y^2 - 72x + 24y + 144 = 0$; б) $x = -3 + \sqrt{3y-3}$; в) $x = -\frac{1}{2}\sqrt{y^2 - 36}$.

ВАРИАНТ 22

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(-4;5)$, $B(3;-3)$, $C(5,2)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x-1)^2 + (y+2)^2 = 36$; б) $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{9} = 1$; в) $\frac{y^2}{4} - \frac{x^2}{16} = 1$; г) $x^2 = 7y$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $x^2 + 25y^2 + 6x - 50y + 9 = 0$; б) $y = 1 - 2\sqrt{5 - x^2 + 4x}$; в) $y = 2 + \sqrt{x}$.

ВАРИАНТ 23

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(-3;-5)$, $B(4;3)$, $C(-2,4)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x+2)^2 + (y-4)^2 = 49$; б) $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{49} = 1$; в) $\frac{y^2}{9} - \frac{x^2}{25} = 1$; г) $x^2 = 5y$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $y = 1 + \frac{6}{5}\sqrt{25 - x^2}$; б) $4x^2 + 9y^2 + 24x - 72y + 144 = 0$; в) $x = 1 - 4\sqrt{y+1}$.

ВАРИАНТ 24

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(3;2)$, $B(-5;4)$, $C(-1,-6)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x-4)^2 + (y+4)^2 = 9$; б) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{36} = 1$; в) $\frac{y^2}{16} - \frac{x^2}{36} = 1$; г) $x^2 = 16y$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $25x^2 + y^2 - 50x - 6y + 9 = 0$; б) $x = 1 - 2\sqrt{y + 4}$; в) $x = -\sqrt{16 + y^2}$.

Типовой расчет №2

Вариант №1

1. Найти расстояние от точки $M_0(-12, 7, -1)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(-3, 4, -7)$, $M_2(1, 5, -4)$, $M_3(-5, -2, 0)$.
2. Найти угол между плоскостями $x - 3y + 5z = 0$, $2x - y + 5z - 16 = 0$.
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости $\frac{x-1}{6} = \frac{y-3}{1} = \frac{z+5}{3}$, $3x - 2y + 5z - 3 = 0$.
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 А) $x = 4$, $y = 0$, $y = \sqrt{x}$, $z = 0$, $z = 2$.
 Б) $z = 6 - x^2 - y^2$, $z = \sqrt{x^2 + y^2}$.

Вариант № 2

1. Найти расстояние от точки $M_0(1, -6, -5)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(-1, 2, -3)$, $M_2(4, -1, 0)$, $M_3(2, 1, -2)$.
2. Найти угол между плоскостями $x - 3y + z - 1 = 0$, $x + z - 1 = 0$.
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости $\frac{x+1}{-2} = \frac{y}{0} = \frac{z+1}{3}$, $x + 4y + 13z - 23 = 0$.
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 А) $z = y^2$, $x = -1$, $x = 2$, $z = 4$.
 Б) $z = x^2 + y^2$, $x^2 + y^2 = 4$, $z = 6$.

Вариант № 3

1. Найти расстояние от точки $M_0(-7, 0, -1)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(-3, -1, 1)$, $M_2(-9, 1, -2)$, $M_3(3, -5, 4)$.
2. Найти угол между плоскостями $4x - 5y + 3z - 1 = 0$, $2x - 4y - z + 9 = 0$.
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости $\frac{x-3}{7} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z-8}{0}$, $5x + 9y + 4z - 25 = 0$.
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 А) $y = x^2 - 1$, $y = 0$, $z = 0$, $z = 2$.
 Б) $x^2 + y^2 = 9$, $z = \sqrt{x^2 + y^2}$, $z = 5$.

Вариант №4

1. Найти расстояние от точки $M_0(-2,4,21)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(1,-1,1)$, $M_2(-2,0,3)$, $M_3(2,1,-1)$.
2. Найти угол между плоскостями $3x - y + 2z + 15 = 0$, $5x + 9y - 3z - 1 = 0$.
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости $\frac{x-1}{7} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-6}{-1}$, $4x + y - 6z - 5 = 0$.
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 - А) $x = y^2 - 4$, $x = 0$, $z = 0$, $z = 1$.
 - Б) $x^2 + y^2 = 1$, $x^2 + y^2 = 9$, $z = 0$, $z = 5$.

Вариант №5

1. Найти расстояние от точки $M_0(2,-1,4)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(1,2,0)$, $M_2(1,-1,2)$, $M_3(0,1,-1)$.
2. Найти угол между плоскостями $6x + 2y - 4z + 17 = 0$, $9x + 3y - 6z - 4 = 0$.
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости $\frac{x-5}{-1} = \frac{y+3}{5} = \frac{z-1}{2}$, $3x + 7y - 5z - 11 = 0$.
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 - А) $z = y^2$, $x = -1$, $x = 2$, $z = 4$.
 - Б) $z = 6 - x^2 - y^2$, $z = \sqrt{x^2 + y^2}$

Вариант №6

1. Найти расстояние от точки $M_0(-5,-9,1)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(1,0,2)$, $M_2(1,2,-1)$, $M_3(2,-2,1)$.
2. Найти угол между плоскостями $x - y\sqrt{2} + z - 1 = 0$, $2x + y\sqrt{2} - z + 36 = 0$.
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости $\frac{x-3}{1} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z+5}{0}$, $x + 7y + 3z + 11 = 0$.
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 - А) $z = 2x^2$, $z = 2$, $y = 1$, $y = 2$.
 - Б) $x^2 + y^2 = 1$, $x^2 + y^2 = 4$, $z = 0$, $y + z = 4$

Вариант №7

1. Найти расстояние от точки $M_0(3,-2,-9)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(1,2,-3)$, $M_2(1,0,1)$, $M_3(-2,-1,6)$.
2. Найти угол между плоскостями $3y - z = 0$, $2y - z = 0$.

3. Найти точку пересечения прямой и плоскости

$$\frac{x-1}{8} = \frac{y-8}{-5} = \frac{z+5}{12}, \quad x-2y-3z+18=0.$$
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 А) $z=5-y^2, x=0, x=2, z=1.$
 Б) $z=x^2+y^2, x^2+y^2=4, z=6$

Вариант №8

1. Найти расстояние от точки $M_0(-6,7,-10)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(3,10,-1), M_2(-2,3,-5), M_3(-6,7,-10).$
2. Найти угол между плоскостями $6x+3y-2z=0, x+2y+6z-12=0.$
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости

$$\frac{x-5}{-2} = \frac{y-2}{0} = \frac{z+4}{-1}, \quad 2x-5y+4z+24=0.$$
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 А) $z=10-x^2, y=-1, y=1, z=1.$
 Б) $z=8-x^2-y^2, z=x^2+y^2$

Вариант №9

1. Найти расстояние от точки $M_0(-2,3,5)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(-1,2,4), M_2(-1,-2,-4), M_3(3,0,-1).$
2. Найти угол между плоскостями $x+2y+2z-3=0, 16x+12y-15z-1=0.$
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости

$$\frac{x-3}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z+3}{2}, \quad 3x+4y+7z-16=0.$$
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 А) $x+y+z=5, x=0, y=0, z=0$
 Б) $x^2+y^2=4, z=\sqrt{x^2+y^2}, z=0$

Вариант №10

1. Найти расстояние от точки $M_0(-3,4,-5)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(0,-3,1), M_2(-4,1,2), M_3(2,-1,5).$
2. Найти угол между плоскостями $2x-y+5z+16=0, x+2y+3z+8=0.$
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости

$$\frac{x+3}{2} = \frac{y-1}{3} = \frac{z-1}{5}, \quad 2x+3y+7z-52=0.$$
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 А) $x-y+z=4, x=0, y=0, z=0.$

Б) $x^2 + y^2 = 4$, $z^2 = x^2 + y^2$, $z = 2$, $z = 6$

Вариант №11

1. Найти расстояние от точки $M_0(4,3,0)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(1,3,0)$, $M_2(4,-1,2)$, $M_3(3,0,1)$.
2. Найти угол между плоскостями $2x + 2y + z - 1 = 0$, $x + z - 1 = 0$.
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости

$$\frac{x-3}{-1} = \frac{y-4}{5} = \frac{z-4}{2}, \quad 7x + y + 4z - 47 = 0.$$
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 А) $y - x + z = 5$, $x = 0$, $y = 0$, $z = 0$.
 Б) $x^2 + y^2 = 1$, $x^2 + y^2 = 4$, $z = 0$, $y + z = 4$

Вариант №12

1. Найти расстояние от точки $M_0(-21,20,-16)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(-2,-1,-1)$, $M_2(0,3,2)$, $M_3(3,1,-4)$.
2. Найти угол между плоскостями $3x + y + z - 4 = 0$, $y + z + 5 = 0$.
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости

$$\frac{x-2}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-4}{3}, \quad x + 3y + 5z - 42 = 0.$$
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 А) $x - y - z = 3$, $x = 0$, $y = 0$, $z = 0$.
 Б) $z = 10 - x^2 - y^2$, $x^2 + y^2 = 9$, $z = 0$

Вариант №13

1. Найти расстояние от точки $M_0(3,6,68)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(2,1,-4)$, $M_2(0,-3,-1)$, $M_3(-3,-5,6)$.
2. Найти угол между плоскостями $3x - 2y - 2z - 16 = 0$, $x + y - 3z - 7 = 0$.
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости

$$\frac{x+3}{1} = \frac{y-2}{-5} = \frac{z+2}{3}, \quad 5x - y + 4z - 3 = 0.$$
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 А) $x + y = 4$, $x = 0$, $y = x$, $z = 0$, $z = 1$.
 Б) $x^2 + y^2 = 1$, $x^2 + y^2 = 16$, $y + z = 5$, $z = 0$

Вариант №14

1. Найти расстояние от точки $M_0(2, -10, 8)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(2, -4, -3)$, $M_2(5, -6, 0)$, $M_3(1, 3, -3)$.
2. Найти угол между плоскостями $2x + 2y + z + 9 = 0$, $2x - y + 3z - 1 = 0$.
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости $\frac{x+2}{-1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+3}{2}$, $x + 2y - z - 2 = 0$.
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 - А) $x - y = 3$, $x = 0$, $y = 0$, $z = 0$, $z = 3$.
 - Б) $x^2 + y^2 = 9$, $z = \sqrt{x^2 + y^2}$, $z = 5$

Вариант №15

1. Найти расстояние от точки $M_0(-3, 2, 7)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(1, -1, 2)$, $M_2(2, 1, 2)$, $M_3(1, 1, 4)$.
2. Найти угол между плоскостями $3x + 2y - 3z - 1 = 0$, $x + y + z - 7 = 0$.
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости $\frac{x-1}{1} = \frac{y+1}{0} = \frac{z-1}{-1}$, $3x - 2y - 4z - 8 = 0$.
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 - А) $y - x = 4$, $x = 0$, $y = 0$, $z = 0$, $z = 4$.
 - Б) $x^2 + y^2 = 4$, $z^2 = x^2 + y^2$, $z = 2$, $z = 6$

Вариант №16

1. Найти расстояние от точки $M_0(5, -4, 5)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(1, 3, 6)$, $M_2(2, 2, 1)$, $M_3(-1, 0, 1)$.
2. Найти угол между плоскостями $x + 2y + 2z - 3 = 0$, $2x - y + 2z + 5 = 0$.
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости $\frac{x-1}{2} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z+2}{3}$, $4x + 2y - z - 11 = 0$.
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 - А) $x = 4$, $y = 0$, $y = \sqrt{x}$, $z = 0$, $z = 2$.
 - Б) $z = 6 - x^2 - y^2$, $z = \sqrt{x^2 + y^2}$.

Вариант №17

1. Найти расстояние от точки $M_0(-12, 1, 8)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(-4, 2, 6)$, $M_2(2, -3, 0)$, $M_3(-10, 5, 8)$.
2. Найти угол между плоскостями $x - 3y - 2z - 8 = 0$, $x + y - z + 3 = 0$.

3. Найти точку пересечения прямой и плоскости

$$\frac{x+2}{1} = \frac{y-2}{0} = \frac{z+3}{0}, \quad 2x - 3y - 5z - 7 = 0.$$
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 А) $z = y^2, x = -1, x = 2, z = 4.$
 Б) $z = x^2 + y^2, x^2 + y^2 = 4, z = 6.$

Вариант №18

1. Найти расстояние от точки $M_0(10,1,8)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(7,2,4), M_2(7,-1,-2), M_3(-5,-2,-1).$
2. Найти угол между плоскостями $3x - 2y + 3z + 23 = 0, y + z + 5 = 0.$
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости

$$\frac{x+2}{-1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+4}{-1}, \quad 2x - y + 3z + 23 = 0.$$
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 А) $z = y^2, x = -1, x = 2, z = 4.$
 Б) $z = 6 - x^2 - y^2, z = \sqrt{x^2 + y^2}$

Вариант №19

1. Найти расстояние от точки $M_0(-3,1,8)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(2,1,4), M_2(3,5,-2), M_3(-7,-3,2).$
2. Найти угол между плоскостями $x + y + 3z - 7 = 0, 2y + z - 1 = 0.$
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости

$$\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{0} = \frac{z-4}{1}, \quad x - 2y + 4z - 19 = 0.$$
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 А) $y = x^2 - 1, y = 0, z = 0, z = 2.$
 Б) $x^2 + y^2 = 9, z = \sqrt{x^2 + y^2}, z = 5.$

Вариант №20

1. Найти расстояние от точки $M_0(10,-8,-7)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(-1,5,2), M_2(-6,0,-3), M_3(3,6,-3).$
2. Найти угол между плоскостями $x - 2y + 2z + 17 = 0, x - 2y - 1 = 0.$
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости

$$\frac{x-1}{-2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+1}{-1}, \quad x - 2y + 5z + 17 = 0.$$

4. Построить тело ограниченное поверхностями

А) $z = 2x^2$, $z = 2$, $y = 1$, $y = 2$.

Б) $x^2 + y^2 = 1$, $x^2 + y^2 = 4$, $z = 0$, $y + z = 4$

Вариант №21

1. Найти расстояние от точки $M_0(-4, -13, 6)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(0, -1, -1)$, $M_2(-2, 3, 5)$, $M_3(1, -5, -9)$.

2. Найти угол между плоскостями $x - 2y + 2z + 17 = 0$, $x - 2y - 1 = 0$.

3. Найти точку пересечения прямой и плоскости

$$\frac{x+1}{-3} = \frac{y+2}{2} = \frac{z-3}{-2}, \quad x + 3y - 5z + 9 = 0.$$

4. Построить тело ограниченное поверхностями

А) $z = 5 - y^2$, $x = 0$, $x = 2$, $z = 1$.

Б) $z = x^2 + y^2$, $x^2 + y^2 = 4$, $z = 6$

Вариант №22

1. Найти расстояние от точки $M_0(-3, -6, -8)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(-3, -1,)$, $M_2(2, 5, 0)$, $M_3(1, 2, 4)$.

2. Найти угол между плоскостями $2x - z + 5 = 0$, $2x + 3y - 7 = 0$.

3. Найти точку пересечения прямой и плоскости

$$\frac{x-5}{1} = \frac{y-3}{-1} = \frac{z-2}{0}, \quad 3x + y - 5z - 12 = 0.$$

4. Построить тело ограниченное поверхностями

А) $z = 10 - x^2$, $y = -1$, $y = 1$, $z = 1$.

Б) $z = 8 - x^2 - y^2$, $z = x^2 + y^2$

Вариант №23

1. Найти расстояние от точки $M_0(14, -3, 7)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(2, -1, -2)$, $M_2(1, 2, 1)$, $M_3(5, 0, -6)$.

2. Найти угол между плоскостями $5x + 3y + z - 18 = 0$, $2y + z - 9 = 0$.

3. Найти точку пересечения прямой и плоскости $\frac{x-1}{1} = \frac{y}{0} = \frac{z+3}{2}$, $2x - y + 4z = 0$.

4. Построить тело ограниченное поверхностями

А) $x + y + z = 5$, $x = 0$, $y = 0$, $z = 0$

Б) $x^2 + y^2 = 4$, $z = \sqrt{x^2 + y^2}$, $z = 0$

Вариант №24

1. Найти расстояние от точки $M_0(-6,5,5)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(-2,0,-4)$, $M_2(-1,7,1)$, $M_3(4,-8,-4)$.
2. Найти угол между плоскостями $4x + 3z - 2 = 0$, $x + 2y + 2z + 5 = 0$.
3. Найти точку пересечения прямой и плоскости $\frac{x-1}{-1} = \frac{y+5}{4} = \frac{z-1}{2}$, $x - 3y + 7z - 24 = 0$.
4. Построить тело ограниченное поверхностями
 - А) $y - x + z = 5$, $x = 0$, $y = 0$, $z = 0$.
 - Б) $x^2 + y^2 = 1$, $x^2 + y^2 = 4$, $z = 0$, $y + z = 4$

ТИПОВОЙ РАСЧЕТ №3

Вариант № 1

I. Вычислить пределы:

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(n - \sqrt{n^2 - 3n + 1} \right)$
2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n+1}{2n-3} \right)^{3n}$
3. $\lim_{x \rightarrow 1} \left(x - \sqrt{x^2 + 8} \right)$
4. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{3x^2 - 2x - 1}{2x^2 + 3x - 5}$
5. $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{\sqrt{x+7} - 2}{x+3}$
6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^3(2x)}{x^2 \cdot \arctg(3x)}$
7. $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{\operatorname{tg}(x-5)}{\sqrt{x+4} - 3}$
8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+3x)}{e^{2x} - 1}$
9. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3n^2 - 2n + 8}{5n^2 + 3n - 9}$

Вариант № 2

I. Вычислить пределы:

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt{n^2 + 5n - 4} - n \right)$
2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n-2}{n+5} \right)^{5n}$
3. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 2x + 6}{2^x - 2}$
4. $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - 2x - 3}{x^2 + 3x + 2}$
5. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x^3 + 3x^2}{\sqrt{x^2 + 16} - 4}$
6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin^2(4x)}{x \cdot \operatorname{tg}(2x)}$
7. $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 2x - 8}{e^{x-4} - 1}$
8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5^{6x} - 1}{\ln(1+8x)}$
9. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3n^3 + 2n^2 + 8}{5n^2 + 3n^3 + 19}$

Вариант № 3

I. Вычислить пределы:

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt{4n^2 + 5n + 1} - 2n \right)$
2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{3n+5}{3n-2} \right)^{n+5}$
3. $\lim_{x \rightarrow -2} \left[\ln(x+3) - x^2 + 5 \right]$
4. $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 7x + 12}{2x^2 - 12x + 18}$
5. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+9} - 3}{x^2 - 4x}$
6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 \cdot \operatorname{tg}(5x)}{\arcsin^3(2x)}$
7. $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x^2 + 9} - 5}{\sin(x-4)}$
8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1-7x)}{e^{5x} - 1}$
9. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 + 2n^4 + 8}{5n^2 - 3n^3 - 9}$

Вариант № 4

I. Вычислить пределы:

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(n^2 - \sqrt{n^4 + 3n^3 - 2n} \right)$
2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{5n+6}{5n+5} \right)^{2n-1}$
3. $\lim_{x \rightarrow 3} \left(\sqrt{2x^2 - 9} - 2x \right)$

$$4. \lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 4}{x^2 - x - 6}$$

$$5. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{3 - \sqrt{x^2 + 8}}{2x - 2}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arctg^3(2x)}{x \cdot \sin(5x)}$$

$$7. \lim_{x \rightarrow 2} \frac{3^{2x-4} - 1}{x^2 - 4}$$

$$8. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{4x} - 1}{\ln(1 - 2x)}$$

$$9. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{9n^5 - 2n^4 + 1}{n^2 - 3n^5 - 8}$$

Вариант № 5

I. Вычислить пределы:

$$1. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(2n - \sqrt{4n^2 - 5n + 5} \right)$$

$$2. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n - 4}{2n + 3} \right)^{5-n}$$

$$3. \lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x^2 - 4x + 2}{3x^2 + 5x - 6}$$

$$4. \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - x - 2}{x^2 - 4}$$

$$5. \lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x - 6}{5 - \sqrt{x + 23}}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(2x)}{\operatorname{tg}^2(5x)}$$

$$7. \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\operatorname{arctg}(2x - 6)}{4 - \sqrt{x + 13}}$$

$$8. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 + 2x)}{7^{3x} - 1}$$

$$9. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{9n^3 + 2n^2 + 8n}{5n^2 - 3n^3 - 9}$$

Вариант № 6

I. Вычислить пределы:

$$1. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt{9n^2 - 2n + 4} - 3n \right)$$

$$2. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{10n - 3}{10n + 4} \right)^{5n-2}$$

$$3. \lim_{x \rightarrow -1} \frac{5x^2 + 2x - 3}{4x^2 - x - 5}$$

$$4. \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{5x + 1}{5x - 7} \right)^{x^2}$$

$$5. \lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sqrt{2x + 13} - 3}{3x + 6}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 \cdot \sin^2(4x)}{\operatorname{arctg}^4(2x)}$$

$$7. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 + 2x - 3}{e^{3x-3} - 1}$$

$$8. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{8^{4x} - 1}{\ln(1 + 9x)}$$

$$9. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^4 + n^3 + 8}{3n^2 + 3n^4 - 9}$$

Вариант № 7

I. Вычислить пределы:

$$1. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(2n^2 - \sqrt{4n^4 + 2n - 1} \right)$$

$$2. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n + 3}{n + 7} \right)^{3n^2}$$

$$3. \lim_{x \rightarrow 4} \frac{3^{x-3} - 1}{2^{x-2} - 1}$$

$$4. \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x^3 - 3x^2 - 2x}{x^2 - 5x + 6}$$

$$5. \lim_{x \rightarrow 3} \frac{3x - 9}{1 - \sqrt{4x - 11}}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}^3(4x)}{x \cdot \operatorname{tg}^2(3x)}$$

$$7. \lim_{x \rightarrow 3} \frac{3 - \sqrt{2x + 3}}{\sin(3x - 9)}$$

$$8. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 + 5x)}{e^{-6x} - 1}$$

$$9. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4n^5 + 2n + 8}{6n^3 + 3n^5 - 9n}$$

Вариант № 8

I. Вычислить пределы:

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n^2 - 4n + 10} - n)$
2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{4n-1}{4n+5} \right)^{6-2n}$
3. $\lim_{x \rightarrow -3} (\sqrt{x^2 + 16} - x + 1)$
4. $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{2x^2 + x - 15}{x^2 - 9}$
5. $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{15 - 5x}{3 - \sqrt{4x - 3}}$
6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2(6x)}{\operatorname{arctg}^2(3x)}$
7. $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{7^{3x+3} - 1}{6x^2 + 7x + 1}$
8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{-3x} - 1}{\ln(1 + 5x)}$
9. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^3 + 2n^2 + 6n + 2}{5n^2 - 3n^3 - 9n + 4}$

Вариант № 9

I. Вычислить пределы:

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{16n^2 - 2n + 7} - 4n)$
2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{6n-4}{6n+5} \right)^{-2n^2}$
3. $\lim_{x \rightarrow -4} \frac{\ln(2x+9)}{x^2 - 1}$
4. $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 8x + 16}{2x^2 - 5x - 12}$
5. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4x^3 - x^2}{\sqrt{x^2 + 1} - 1}$
6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin^2(5x)}{1 - \cos(4x)}$
7. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{5x^2 - 8x - 4}{\operatorname{arctg}(8 - 4x)}$
8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 + 7x)}{8^{4x} - 1}$
9. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^4 - 5n^2 + 2}{3n^2 + 9n + 1}$

Вариант № 10

I. Вычислить пределы:

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(n^2 - \sqrt{n^4 - 3n^2 + 11} \right)$
2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{7n+2}{7n-4} \right)^{3n+2}$
3. $\lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{2x+3}{x+4} \right)^{x-5}$
4. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{7x^2 - 5x - 2}{-x^2 + 3x - 2}$
5. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{\sqrt{x+24} - 5}$
6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}^3(2x)}{x \cdot \sin^2(5x)}$
7. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{e^{x^2-1} - 1}{\sqrt{2x+7} - 3}$
8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3^{7x} - 1}{\ln(1 + 10x)}$
9. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{9n^6 + 2n^2 + 2}{n^6 - 3n^3 - 9}$

Вариант № 11

I. Вычислить пределы:

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(3n - \sqrt{9n^2 - 2n + 5} \right)$
2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{8n-3}{8n+1} \right)^{5-4n}$
3. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{3^x - 1}{2x^2 - 4x + 3}$

$$4. \lim_{x \rightarrow 5} \frac{2x^2 - 5x - 25}{x^2 - 25}$$

$$5. \lim_{x \rightarrow 3} \frac{4 - \sqrt{6x - 2}}{9 - 3x}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^3 \cdot \arcsin^2(3x)}{\operatorname{tg}^5(3x)}$$

$$7. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x^2 + 3} - 2}{\sin(4x - 4)}$$

$$8. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{-9x} - 1}{\ln(1 - 6x)}$$

$$9. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{6n^3 + 9n + 2}{3n^3 + 9n^2 + 4}$$

Вариант № 12

I. Вычислить пределы:

$$1. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt{n^4 + 5n^2 + 4} - n^2 \right)$$

$$2. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{9n + 2}{9n - 5} \right)^{3n+4}$$

$$3. \lim_{x \rightarrow -2} \frac{2x + 5}{\ln(x + 3)}$$

$$4. \lim_{x \rightarrow -1} \frac{5x^2 - x - 6}{3x^3 + 4x^2 + x}$$

$$5. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x^2 + 9} - 3}{x^3 + 3x^2}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}^3(5x)}{\operatorname{arctg}^3(4x)}$$

$$7. \lim_{x \rightarrow -2} \frac{5x^{2-4} - 1}{2x^2 + 3x - 2}$$

$$8. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 - 12x)}{e^{4x} - 1}$$

$$9. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{5n^3 - 2n^2 + 6n}{3n^3 - 9n + 4}$$

Вариант № 13

I. Вычислить пределы:

$$1. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(5n - \sqrt{25n^2 + 4n + 4} \right)$$

$$2. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{10n + 51}{10n - 64} \right)^{20n+4}$$

$$3. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - 3x + 4}{2x^2 - 6x + 1}$$

$$4. \lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2 - x - 12}{2x^2 + 12x + 18}$$

$$5. \lim_{x \rightarrow -3} \frac{\sqrt{3x + 10} - 1}{2x + 6}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(6x)}{x \cdot \operatorname{arctg}(2x)}$$

$$7. \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sin(3x - 6)}{2 - \sqrt{x + 2}}$$

$$8. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 + 5x)}{2^{-10x} - 1}$$

$$9. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{5n^3 - 2n^2 + 6}{4n^3 + 4n + 5}$$

Вариант № 14

I. Вычислить пределы:

$$1. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt{n^4 + 2n^2 - 6} - n^2 \right)$$

$$2. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{11n - 2}{11n + 3} \right)^{4-5n}$$

$$3. \lim_{x \rightarrow 6} \frac{x^2 - 36}{2x^2 - 11x - 6}$$

$$4. \lim_{x \rightarrow 1} \left[\ln(x^2 + 3) - \ln(3x^2 + 1) \right]$$

$$5. \lim_{x \rightarrow -3} \frac{2x + 6}{7 - \sqrt{19 - 10x}}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin^4(2x)}{\operatorname{tg}^4(3x)}$$

$$7. \lim_{x \rightarrow 5} \frac{2x^2 - 7x - 15}{e^{x^2-25} - 1}$$

$$8. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^{-8x} - 1}{\ln(1 - 16x)}$$

$$9. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^6 - 2n^4 + 6n^2}{9n^6 - 3n^5 - n}$$

Вариант № 15

I. Вычислить пределы:

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n^4 - 3n + 2} - n^2)$
2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n - 4}{2n + 5} \right)^{5n^2}$
3. $\lim_{x \rightarrow -2} (\sqrt{x^2 + 12} - \sqrt{3x^2 - 3})$
4. $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{-4x^2 + 3x + 27}{2x^2 - 5x - 3}$
5. $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sqrt{2x + 13} - 3}{3x + 6}$
6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \cdot \operatorname{arctg}^2(7x)}{\arcsin^3(2x)}$
7. $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{3 - \sqrt{4x + 21}}{\operatorname{tg}(5x + 15)}$
8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{20x} - 1}{\ln(1 + 5x)}$
9. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3n^4 + 2n^3 + n}{7n^5 + 3n^2 + 4}$

Вариант № 16

I. Вычислить пределы:

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} (6n - \sqrt{36n^2 - 2n + 5})$
2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{3n - 5}{3n + 5} \right)^{-n^2}$
3. $\lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{2x + 1}{5x - 2} \right)^{3x-1}$
4. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{5x^2 - 12x + 4}{3x^2 + x - 14}$
5. $\lim_{x \rightarrow -4} \frac{6 - \sqrt{x^2 + 20}}{3x + 12}$
6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin^2(8x)}{x \cdot \sin^2(5x)}$
7. $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\operatorname{arctg}(15 - 5x)}{2x^2 + 3x - 27}$
8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 + 15x)}{e^{-3x} - 1}$
9. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 + 2n + 9}{5n^3 - 7n + 5}$

Вариант № 17

I. Вычислить пределы:

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} (2n^2 - \sqrt{4n^4 - 3n^2 + 1})$
2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{7n - 3}{7n + 1} \right)^{2-6n}$
3. $\lim_{x \rightarrow -4} \frac{2x^2 + 5x - 12}{2x^2 + 16x + 32}$
4. $\lim_{x \rightarrow 2} [\ln(3x^2 - 6) - \ln(x^2 + 2)]$
5. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{16 - 3x} - 4}{x^2 + 2x}$
6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \cdot \sin^2(3x)}{1 - \cos(4x)}$
7. $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{8^{2x+2} - 1}{\sqrt{x^2 + 15} - 4}$
8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{10^{7x} - 1}{\ln(1 + 21x)}$
9. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{15n^3 + 7n^2 + 6}{3n^3 - 5n + 4}$

Вариант № 18

I. Вычислить пределы:

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{9n^4 + 5n^2 + 2} - 3n^2)$
2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n - 7}{2n + 5} \right)^{3n}$
3. $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 4x + 3}{x^2 - 3x - 10}$

$$4. \lim_{x \rightarrow -5} \frac{x^2 - 25}{3x^2 + 10x - 25}$$

$$5. \lim_{x \rightarrow -2} \frac{3x + 6}{\sqrt{5x + 11} - 1}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}^4(2x)}{x \cdot \arcsin^3(3x)}$$

$$7. \lim_{x \rightarrow -3} \frac{3x^2 + 7x - 6}{e^{2x+6} - 1}$$

$$8. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 - 16x)}{6^{8x} - 1}$$

$$9. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 + n - 12}{3n^2 + 6n - 4}$$

Вариант № 19

I. Вычислить пределы:

$$1. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(7n - \sqrt{49n^2 + 4n + 4} \right)$$

$$2. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{3n - 4}{3n + 1} \right)^{n-2}$$

$$3. \lim_{x \rightarrow 4} \frac{\ln(2x - 7)}{x - 3}$$

$$4. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{4x^2 + 7x + 3}{3x^2 - 5x - 8}$$

$$5. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{5x - 5}{6 - \sqrt{39 - 3x}}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^3(3x)}{\operatorname{tg}^4(4x)}$$

$$7. \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x^2 + 16} - 5}{\arcsin(2x - 6)}$$

$$8. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 - 18x)}{e^{9x} - 1}$$

$$9. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{15n^3 + 2n^2 - n + 2}{7n^3 + 3n^2 - 7n + 8}$$

Вариант № 20

I. Вычислить пределы:

$$1. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt{49n^2 - n} - 7n \right)$$

$$2. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n + 5}{2n + 6} \right)^{4n^2}$$

$$3. \lim_{x \rightarrow -1} \left(\sqrt{3x + 7} - \sqrt{2x + 3} \right)$$

$$4. \lim_{x \rightarrow 6} \frac{2x^2 - 13x + 6}{-x^2 + 4x + 12}$$

$$5. \lim_{x \rightarrow 5} \frac{\sqrt{2x - 1} - 3}{4x - 20}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}^3(3x)}{x \cdot \sin(9x)}$$

$$7. \lim_{x \rightarrow 5} \frac{4^{20-4x} - 1}{x^2 - 25}$$

$$8. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{14x} - 1}{\ln(1 + 21x)}$$

$$9. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n^4 + 3n^3 - 6n}{n^5 + n^3 - 9n + 8}$$

Вариант 21

I. Вычислить пределы:

$$1. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(n - \sqrt{n^2 - n + 2} \right)$$

$$2. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n + 1}{n - 3} \right)^{3n}$$

$$3. \lim_{x \rightarrow 1} \left(x - \sqrt{x^2 + 3} \right)$$

$$4. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^2 + 3x - 5}{3x^2 - 2x - 1}$$

$$5. \lim_{x \rightarrow -3} \frac{x + 3}{\sqrt{x + 7} - 2}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2(4x)}{x \cdot \operatorname{arctg}(3x)}$$

$$7. \lim_{x \rightarrow 5} \frac{\operatorname{tg}(2x - 10)}{\sqrt{x + 4} - 3}$$

$$8. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 + 2x)}{e^{7x} - 1}$$

$$9. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^3 - 2n + 8}{5n^2 + 3n - 9}$$

Вариант 22

I. Вычислить пределы:

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n^2 + n - 1} - n)$
2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{4n - 2}{4n + 5} \right)^n$
3. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 2x + 6}{2^x - 2}$
4. $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + 3x + 2}{x^2 - 2x - 3}$
5. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x^2 + x}{\sqrt{x^2 + 16} - 4}$
6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}^3(4x)}{x^2 \cdot \operatorname{tg}(2x)}$
7. $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{e^{x-4} - 1}{x^2 - 2x - 8}$
8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3^{6x} - 1}{\ln(1 + 4x)}$
9. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3n^3 + 2n^2 + 8}{n^4 + 3n^3 + 9}$

Вариант 23

I. Вычислить пределы:

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{9n^2 + 5n + 1} - 3n)$
2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n + 5}{2n - 2} \right)^{n+1}$
3. $\lim_{x \rightarrow -2} [\ln(x + 3) - x^2 + 5]$
4. $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 7x + 12}{x^2 - 6x + 9}$
5. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x + 9} - 3}{x^2 + x}$
6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 \cdot \operatorname{tg}(8x)}{\arcsin^3(7x)}$
7. $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x^2 + 9} - 5}{\sin(2x - 8)}$
8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 + 9x)}{e^{4x} - 1}$
9. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n^3 + 2n^4 + 8}{5n^2 - 3n^3 - 9}$

Вариант 24

I. Вычислить пределы:

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} (n^2 - \sqrt{n^4 + n^3 - 2})$
2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n + 6}{n + 5} \right)^{2n+1}$
3. $\lim_{x \rightarrow 3} (\sqrt{2x^2 - 9} - x)$
4. $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - x - 6}{x^2 - 4}$
5. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{3 - \sqrt{x^2 + 8}}{x^2 - x}$
6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}^2(2x)}{x \cdot \sin(3x)}$
7. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{5^{x-2} - 1}{x^2 - 4}$
8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{3x} - 1}{\ln(1 - 8x)}$
9. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^5 - n^4 + 1}{n^2 - 3n^5 - 8}$

3 семестр
ТИПОВОЙ РАСЧЕТ № 1

Вариант № 1

1. Найти производные следующих функций:

а) $y = 2x^5 - \frac{4}{x^3} + 3\sqrt{x}$

б) $y = \frac{2 \arcsin x + 3^x}{4 \ln x - 2x^2}$

в) $y = \ln \sin(2x + 5)$

г) $y = x^{\ln x}$

д) $y = (e^x - 3 \cos x)(5 - 4 \log_2 x)$

е) $y = \ln \sqrt{\frac{1+x}{1-x}} + \operatorname{arctg} x^3$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \ln(1 + 2t), \\ y = t^2 - 2t. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталю:

а) $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{x^2 - \pi^2}{\sin(3x)}$;

б) $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\ln(x^2 - 15)}{e^{x-4} - 1}$.

4. Провести исследование функции $y = \frac{x^3 + 4}{x^2}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 2

1. Найти производные следующих функций:

а) $y = \sqrt[5]{x^2} - 4x^3 + \frac{2}{x^4}$

б) $y = \frac{4 \arccos x - e^x}{3 \log_2 x + 5x^3}$

в) $y = \frac{1}{2} \sin^4(\cos x)$

г) $y = x^{\arcsin x}$

д) $y = (2^x + 4 \sin x)(3 \ln x - 2)$

е) $y = 8^{\sqrt{\operatorname{tg} x}} + \sin^4(\cos x)$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \operatorname{arctg} 2t, \\ y = t^2 + 2t. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталю:

а) $\lim_{x \rightarrow 2\pi} \frac{\operatorname{tg}(2x)}{\sin x}$;

б) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{3^{x-1} - 1}{\ln(2x - 1)}$.

4. Провести исследование функции $y = \frac{4x^2}{3+x^2}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 3

1. Найти производные следующих функций:

а) $y = 3x^4 + \sqrt[3]{x^5} - \frac{4}{x^2}$

б) $y = \frac{2 \ln x - 8x^4}{4^x - 2 \operatorname{arccctg} x}$

в) $y = \arccos(\operatorname{ctg} 4x)$

г) $y = x^{\sqrt{x+1}}$

д) $y = (5 \operatorname{tg} x - e^x)(4 \log_7 x + 3)$

е) $y = \sqrt[3]{\frac{x^3 + 1}{3x - 2}} + e^{-\ln(1 + \cos x)}$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \ln(1 - 4t), \\ y = 2t^2 + 4t. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталю:

а) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin(\pi x)}{x^2 - 1};$

б) $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{e^{x+3} - 1}{\ln(2x + 9) - \ln 3}.$

4. Провести исследование функции $y = \frac{2}{x^2 + 2x}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 4

1. Найти производные следующих функций:

а) $y = 7\sqrt{x} - \frac{2}{x^5} - 3x^3$

б) $y = \frac{e^x + 6 \arcsin x}{5x^2 - 2 \log_4 x}$

в) $y = \operatorname{arctg} e^{2x}$

г) $y = (\operatorname{tg} x)^{x^3}$

д) $y = (8 \operatorname{ctg} x + 3^x)(2 \ln x - 5)$

е) $y = \ln(\arcsin x) + \frac{1}{2} \ln^2 x + \arcsin(\ln x)$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \operatorname{arctg} 3t, \\ y = 3t^2 - 12t. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталю:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\operatorname{tg}(\pi x)}{\sin(3\pi x)}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow -2} \frac{\ln(x^2 - 3)}{4^{x+2} - 1}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{x^2 - x + 1}{x - 1}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 5

1. Найти производные следующих функций:

$$\text{а) } y = 7x + \frac{5}{x^2} - \sqrt[3]{x^4}$$

$$\text{б) } y = \frac{7^x - 3 \arccos x}{4x^3 + 3 \ln x}$$

$$\text{в) } y = \ln(\arcsin 3x)$$

$$\text{г) } y = (\sin x)^{\cos x}$$

$$\text{д) } y = (e^x - 4 \operatorname{tg} x)(3 + 7 \log_3 x)$$

$$\text{е) } y = \operatorname{arctg} \frac{1+x^2}{1-x^2} + \sqrt{\arccos(1-2x)}$$

2. Найти производную y'_x от параметрически заданной функции

$$\begin{cases} x = \ln(1 + 6t), \\ y = 3t^2 - 12t. \end{cases}$$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталю:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 2\pi} \frac{x^2 - 4\pi^2}{\operatorname{tg}(x)};$$

$$\text{б) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\ln(9 - 4x)}{e^{3x-6} - 1}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{12x}{9 + x^2}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 6

1. Найти производные следующих функций:

$$\text{а) } y = 5x^2 - \sqrt[3]{x^4} + \frac{4}{x^3}$$

$$\text{б) } y = \frac{7x^2 + 4 \log_3 x}{2e^x - 5 \operatorname{arccot} x}$$

$$\text{в) } y = e^{\operatorname{tg}(3x-2)}$$

$$\text{г) } y = (\arcsin x)^{x^2+1}$$

$$\text{д) } y = (5^x + 2 \cos x)(10 - 3 \ln x)$$

$$\text{е) } y = \frac{1}{3} \ln \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1} - \frac{1}{2} \sqrt{x^3 - x^2}$$

2. Найти производную y'_x от параметрически заданной функции:

$$\begin{cases} x = \operatorname{arctg} 4t, \\ y = t^4 + 4t^3. \end{cases}$$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталю:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow \pi/4} \frac{\sin(3x + \pi/4)}{\pi/4 - x}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow 4} \frac{5^{2x-3} - 5^5}{e^{x-4} - 1}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{x^2 - 3x + 3}{x - 1}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 7

1. Найти производные следующих функций:

$$\text{а) } y = 3x^5 - \sqrt{x^3} + \frac{10}{x^5}$$

$$\text{б) } y = \frac{3 \operatorname{arctg} x - 5^x}{4 \ln x - 5x^6}$$

$$\text{в) } y = \ln(e^{2x} + 3)$$

$$\text{г) } y = (\sin x)^{\sqrt{x}}$$

$$\text{д) } y = (e^x + 6 \operatorname{ctg} x)(9 + 7 \log_6 x)$$

$$\text{е) } y = \arcsin \frac{x+1}{\sqrt{2}} - \arccos \frac{1}{\sqrt{x}}$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \ln(1 - 5t), \\ y = t^5 - 10t^2. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталья:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 2x}{\sin(2\pi x)};$$

$$\text{б) } \lim_{x \rightarrow -2} \frac{3^{5x+10} - 1}{\ln(4x+9)}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{4 - x^3}{x^2}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 8

1. Найти производные следующих функций:

$$\text{а) } y = \sqrt[3]{x^7} - 4x^6 + \frac{4}{x^5}$$

$$\text{б) } y = \frac{2 \arccos x + e^x}{3 \log_2 x - 7x^3}$$

$$\text{в) } y = 3^{-\arcsin(6x)}$$

$$\text{г) } y = (x^3 - 1)^x$$

$$\text{д) } y = (7^x - 4 \sin x)(4 + 3 \ln x)$$

$$\text{е) } y = \frac{1}{2} \ln \operatorname{tg} \frac{x}{2} - \frac{1}{2} \operatorname{tg}^2(3^x)$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \operatorname{arctg} 5t, \\ y = 5t^2 - 20t. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталья:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2-x}{\operatorname{ctg} \frac{\pi x}{4}}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow 4} \frac{3^{x-4} - 1}{\ln(33 - 2x^2)}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{x^2 - 4x + 1}{x - 4}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 9

1. Найти производные следующих функций:

$$\text{а) } y = 8x^2 + \sqrt[3]{x^4} - \frac{2}{x^3}$$

$$\text{б) } y = \frac{5 \ln x + 3x^4}{6 \arcsin x - 2^x}$$

$$\text{в) } y = (1 + \sin 2x)^{10}$$

$$\text{г) } y = (x^4 + 5)^{\operatorname{ctg} x}$$

$$\text{д) } y = (4 \log_5 x - e^x)(6 - 5 \operatorname{tg} x) \quad \text{е) } y = \arcsin \sqrt{1 + \sin x} + 2^{-(x^2 + 2x)}$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \ln(2 + 3t), \\ y = t^6 - 3t^2. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталю:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\operatorname{tg}(2\pi x)}{2x^2 - 6x};$$

$$\text{б) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\ln(4x - 6) - \ln 2}{2^{3x-6} - 1}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{2x^3 + 1}{x^2}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 10

1. Найти производные следующих функций:

$$\text{а) } y = 4x^6 - \sqrt[3]{x^7} - \frac{7}{x^4}$$

$$\text{б) } y = \frac{5 \arccos x - e^x}{4 \log_5 x - 6x^3}$$

$$\text{в) } y = 2^{\arcsin 5x}$$

$$\text{г) } y = (\ln x)^x$$

$$\text{д) } y = (10 \ln x + 6^x)(2 \sin x - \sqrt{3}) \quad \text{е) } y = \ln \sqrt{\frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}} + \ln^3 x$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \operatorname{arctg} 6t, \\ y = 3t^4 + 2t^3. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталю:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\cos(x/2)}{\pi - x}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\ln(2x^2 - 1)}{3^{x-1} - 1}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{(x-1)^2}{x^2}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 11

1. Найти производные следующих функций:

$$\text{а) } y = 2\sqrt{x^3} + 3x^2 - \frac{2}{x^5}$$

$$\text{б) } y = \frac{6^x - 3\arctg x}{5x^2 - 9\ln x}$$

$$\text{в) } y = (1 + \cos 3x)^6$$

$$\text{г) } y = (\arccos x)^{x^2}$$

$$\text{д) } y = (e^x - 7\log_3 x)(\sqrt{2} - 3\text{tg} x) \quad \text{е) } y = \arctg \sqrt{\sin x} + \frac{1}{2} \cos x^2$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \ln(5 - 4t), \\ y = t^8 + 2t^4. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталья:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 3\pi} \frac{x^2 - 9\pi^2}{\sin(x/3)};$$

$$\text{б) } \lim_{x \rightarrow 5} \frac{e^{x-3} - e^2}{4^{10-2x} - 1}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{x^2}{(x-1)^2}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 12

1. Найти производные следующих функций:

$$\text{а) } y = 4x^3 - \sqrt[5]{x^2} + \frac{6}{x^2}$$

$$\text{б) } y = \frac{8x^4 - 7\log_8 x}{e^x + 2\arcsin x}$$

$$\text{в) } y = \ln \text{tg}(4x - 1)$$

$$\text{г) } y = (\sin x)^{x^3}$$

$$\text{д) } y = (4^x + 6\ln x)(8 + 3\cos x) \quad \text{е) } y = 6\sqrt[6]{1 - \sin^2 x} + \arccos(2^x)$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \arctg 7t, \\ y = 7t^4 - 21t. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталья:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow \pi/8} \frac{\pi/4 - 2x}{\sin(2x + 3\pi/4)}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow 5} \frac{\ln(3x - 14)}{4^{2x-10} - 1}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{12 - 3x^2}{x^2 + 12}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 13

1. Найти производные следующих функций:

$$\begin{array}{ll} \text{а) } y = 5x^3 - \frac{8}{x^2} + 4\sqrt{x} & \text{б) } y = \frac{9^x - 3\arccos x}{5x^3 + 8\ln x} \\ \text{в) } y = \sin(e^{4x+3}) & \text{г) } y = (x^2 + 2)^{3x} \\ \text{д) } y = (e^x - 5\log_8 x)(6\operatorname{ctg}x - 1) & \text{е) } y = \log_3 \sqrt[3]{x^3 - 1} + \ln(\ln x) \end{array}$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \ln(8 - 7t), \\ y = t^7 - 7t^2. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталья:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{2x - 6}{\operatorname{ctg} \frac{\pi x}{6}}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{7^{2x-3} - 7^3}{e^{6-2x} - 1}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{-8x}{x^2 + 4}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 14

1. Найти производные следующих функций:

$$\begin{array}{ll} \text{а) } y = \frac{9}{x^3} + \sqrt[3]{x^4} + 5x^4 & \text{б) } y = \frac{5\arccos x - e^x}{2\log_4 x - 6x^2} \\ \text{в) } y = \arcsin(\ln(2x)) & \text{г) } y = x^{\operatorname{arctg}x} \\ \text{д) } y = (2^x + 3\ln x)(4\cos x + 11) & \text{е) } y = \ln \sqrt{\frac{1 + \sin x}{1 - \sin x}} + 3^{\sin^2 x} \end{array}$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \operatorname{arcctg} 7t, \\ y = t^7 - 7t^2. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталья:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 2\pi} \frac{1 + \cos(x/2)}{(x - 2\pi)^2}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\ln(13 - 3x^2)}{3^{x-2} - 1}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{3x^4 + 1}{x^3}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 15

1. Найти производные следующих функций:

$$\begin{array}{ll} \text{а) } y = \frac{4}{x^5} + \sqrt[5]{x^2} - 7x^3 & \text{б) } y = \frac{4 \ln x - 3x^6}{7 \operatorname{arctg} x + 8^x} \\ \text{в) } y = \ln(1 + \operatorname{arctg} 2x) & \text{г) } y = (\cos x)^{\operatorname{tg} x} \\ \text{д) } y = (e^x - 5 \log_4 x)(9 \sin x - 12) & \text{е) } y = 6\sqrt[6]{1 - \sin x} + \arcsin(3^x) \end{array}$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \ln(4 + 3t), \\ y = 6t^3 - 15t^2. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталю:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\operatorname{tg} \pi x}{\sin(x - 2)}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow -4} \frac{e^{3x+12} - 1}{\ln(3x + 13)}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{4x}{(x+1)^2}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 16

1. Найти производные следующих функций:

$$\begin{array}{ll} 1. y = \frac{8}{x^3} - 4\sqrt{x^3} + 2x^7 & 2. y = \frac{3 \arcsin x - e^x}{5 \log_3 x + 6x^2} \\ 3. y = \ln \cos(2x + 5) & 4. y = (x^3 + 1)^{\operatorname{tg} x} \\ 5. y = (6 \ln x - 5^x)(15 + 7 \sin x) & 6. y = \cos^4 x \cos x^4 - \cos(4x + 1) \end{array}$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \operatorname{arctg} 6t, \\ y = 2t^3 - 9t^2. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталья:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow \pi/4} \frac{\operatorname{tg}(x + 3\pi/4)}{\pi - 4x}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow -3} \frac{8^{x+6} - 8^3}{e^{2x+6} - 1}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{8(x-1)}{(x+1)^2}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 17

1. Найти производные следующих функций:

$$1. y = 5x^2 - \sqrt[3]{x^7} - \frac{2}{x^6}$$

$$2. y = \frac{2\operatorname{arctg}x + 4^x}{3\ln x - 4x^5}$$

$$3. y = \arccos(\log_4 7x)$$

$$4. y = (\operatorname{tg}x)^{\sin x}$$

$$5. y = (3\log_9 x + e^x)(21 - 2\cos x) \quad 6. y = e^{\frac{x}{\ln^2 x}} - \frac{1}{\sqrt{3}} \operatorname{arctg} \frac{x}{\sqrt{3}}$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \ln(2 - 5t), \\ y = t^5 + 5t^2. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталья:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 2\pi} \frac{4\pi - 2x}{\cos(x/4)}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow -1} \frac{e^{x+1} - 1}{\ln(4x^2 - 3)}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{1 - 2x^3}{x^2}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 18

1. Найти производные следующих функций:

$$1. y = 10x^2 + 3\sqrt{x^5} - \frac{5}{x^4}$$

$$2. y = \frac{7x^4 - 5\log_9 x}{e^x - 3\arcsin x}$$

$$3. y = \operatorname{arctg}(\cos 3x)$$

$$4. y = (\cos x)^{\operatorname{tg}x}$$

$$5. y = (4\ln x - 6^x)(1 + 5\operatorname{ctg}x) \quad 6. y = \sin \frac{1+x^2}{1-x^2} + \operatorname{arcctg}(\sqrt{x})$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \operatorname{arcctg} 5t, \\ y = 3t^5 + 5t^2. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталья:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 3\pi/2} \frac{6\pi - 4x}{\operatorname{ctg} \frac{x}{3}}. \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow -1} \frac{e^{x+1} - 1}{3^{2x+3} - 3}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{x^3 - 32}{x^2}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 19

1. Найти производные следующих функций:

$$1. y = \sqrt{x^5} + \frac{4}{x^3} - 3x^3$$

$$2. y = \frac{5^x - 3\operatorname{arctg} x}{4x^3 + 2\ln x}$$

$$3. y = e^{\sin(6x-5)}$$

$$4. y = (x^4 + 1)^{\sqrt{x}}$$

$$5. y = (2\log_3 x - 6\cos x)(9 + e^x) \quad 6. y = \arcsin^3(\ln(1 + x^2))$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \ln(3 + 4t), \\ y = 2t^4 - 6t^2. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталю:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 4\pi} \frac{(3x - 12\pi)^2}{1 + \cos(x/4)}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2^{5-5x} - 1}{\ln(5x - 4)}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{3x - 2}{x^3}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант № 20

1. Найти производные следующих функций:

$$1. y = 9x^3 - \frac{7}{x^4} + \sqrt[3]{x^7}$$

$$2. y = \frac{e^x + 2\arcsin x}{5x^2 - 4\log_7 x}$$

$$3. y = \sin(\ln 2x)$$

$$4. y = (2x + 1)^{e^x}$$

$$5. y = (5\ln x + 8\operatorname{tg} x)(5^x - 8) \quad 6. y = \ln \frac{1 + e^x}{1 - e^{-x}} + \sin(\operatorname{tg}^2 x)$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \operatorname{arcc} \operatorname{tg} 4t, \\ y = 3t^4 - 8t^2. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталю:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow \pi/6} \frac{\pi - 6x}{\operatorname{tg}(2x + 2\pi/3)}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\ln(2x - 5)}{e^{3x-9} - 1}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{x^2 - 6x + 9}{(x-1)^2}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант 21

1. Найти производные следующих функций:

$$1. y = 2x^5 - \frac{4}{x^3} + 3\sqrt{x}$$

$$2. y = \frac{2 \arcsin x + 2^x}{4 \ln x - 2x^2}$$

$$3. y = \ln \cos(3x + 5)$$

$$4. y = x^{\ln x}$$

$$5. y = (e^x - 3 \cos x)(5 - 4 \log_2 x)$$

$$6. y = \ln \sqrt{\frac{1-x}{1+x}} + \operatorname{arctg} x^2$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \operatorname{arctg} 4t, \\ y = t^2 - 3t. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталья:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 2\pi} \frac{\operatorname{tg}(2x)}{\sin x};$$

$$\text{б) } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{3^{x-1} - 1}{\ln(2x - 1)}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{4x^2}{3 + x^2}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант 22

1. Найти производные следующих функций:

$$1. y = \sqrt[5]{x^4} - 5x^3 + \frac{2}{x^6}$$

$$2. y = \frac{4 \arcsin x - e^x}{3 \ln x + 5x^3}$$

$$3. y = \frac{1}{2} \sin^4(\ln x)$$

$$4. y = x^{\arccos x}$$

$$5. y = (2^x + 4 \sin x)(3 \ln x - 2)$$

$$6. y = 2^{\sqrt{\operatorname{ctg} x}} + \cos^4(\sin x)$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \operatorname{arctg} t, \\ y = t^2 + 2t. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталья:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 2\pi} \frac{\sin x}{\operatorname{tg}(2x)}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\ln(2x-1)}{2^{x-1}-1}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{2x^2}{1+x^2}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант 23

1. Найти производные следующих функций:

$$1. y = 3x^5 + \sqrt[3]{x^4} - \frac{4}{x^3}$$

$$2. y = \frac{\ln x - 2x^3}{5^x - 2 \arccos x}$$

$$3. y = \arccos(\operatorname{tg} 3x)$$

$$4. y = x^{\sqrt{6x+2}}$$

$$5. y = (5 \operatorname{tg} x + 2^x)(4 \ln x + 3)$$

$$6. y = \sqrt{\frac{x+1}{3x-2}} + e^{-\ln(1+x^2)}$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \ln(1-3t), \\ y = t^2 - t. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталю:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{\sin(\pi x)};$$

$$\text{б) } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\ln(2x+9) - \ln 3}{e^{3x+9} - 1}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{2}{x^2 + 2x}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Вариант 24

1. Найти производные следующих функций:

$$1. y = 9\sqrt{x} - \frac{2}{x^7} - 3x^4$$

$$2. y = \frac{2^x + 6 \arcsin x}{5x^2 - 2 \ln x}$$

$$3. y = \operatorname{arctg} e^{5x}$$

$$4. y = (\operatorname{ctg} x)^{x^2}$$

$$5. y = (\operatorname{tg} x + 2^x)(2 \ln x - 5x)$$

$$6. y = \ln(\arccos x) + \frac{1}{3} \ln^3 x + \arcsin(x^3)$$

2. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \operatorname{arctg} 3t, \\ y = t^2 - 4t. \end{cases}$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталю:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sin(3\pi x)}{\operatorname{tg}(\pi x)}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow -2} \frac{3^{x+2} - 1}{\ln(x^2 - 3)}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{x^2 - x + 1}{x - 1}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

ТИПОВОЙ РАСЧЕТ №2

Вариант № 1

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = y^2 \cos(x + y)$.
2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = \frac{x^2}{y - 2z}$.
3. Найти экстремумы функции двух переменных: $z = 2x^3 + 6xy^2 - 30x - 24y$.
4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x \partial y^2}$ от функции $z = x^3 + xy^2 - 5xy^3$.

Вариант № 2

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = x^2 \operatorname{tgy}$.
2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = xe^{yz}$.
3. Найти экстремумы функции двух переменных: $z = 3x^2y - y^3 + 6x^2 + 9y^2 - 4$.
4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x^2 \partial y}$ от функции $z = x^2 + y^3 + y \cos x + e^x + 5$.

Вариант № 3

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = y^2 \operatorname{ctgx}$.
2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = x^2 \sin \sqrt{y+z}$.
3. Найти экстремумы функции двух переменных: $z = 6x^2y + 2y^3 - 24x - 30y$.
4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x^2 \partial y}$ от функции $z = e^x \cos y + x^2 + \sin y$.

ВАРИАНТ № 4

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = (2y^2 - 2x)(3y + x)$.
2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = \ln(x^2 + y - 2z)$.
3. Найти экстремумы функции двух переменных: $z = x^3 - 8y^3 - 6xy + 1$.
4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x^2 \partial y}$ от функции $z = y^4 + 3x^2 + 4xy + 5x - 2y + \pi$.

Вариант № 5

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = e^{x^2+3y^2}$.
2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = \frac{x+y^2}{2z}$.
3. Найти экстремумы функции двух переменных: $z = x^3 - xy^2 + 3x^2 + y^2 - 1$.
4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x \partial y^2}$ от функции $z = x^2 + 5xy + 6y^2x + 2$.

Вариант № 6

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = \frac{y^2}{x+5}$.

2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных $u = xye^z$.

3. Найти экстремумы функции двух переменных:
 $z = x^2y - \frac{1}{3}y^3 + 2x^2 + 3y^2 - 1$.

4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x \partial y^2}$ от функции $z = \frac{x}{y} + y^2$.

Вариант № 7

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = y \log_2 5x$.

2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = xz \cdot \operatorname{tg} \sqrt{y}$.

3. Найти экстремумы функции двух переменных:
 $z = x^3 + 6xy + 3y^2 - 18x - 18y$.

4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x \partial y^2}$ от функции $z = x^4 + 5x^2y - 7xy^2 + 8$.

Вариант № 8

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = x^2 3^{x+y}$.

2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = x^{yz}$.

3. Найти экстремумы функции двух переменных:

$$z = x^2y - y^3 - x^2 - 3y^2 + 3.$$

4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x^2 \partial y}$ от функции $z = x^2 + 3y^3 + 5x^2y + 5x - 4y$.

Вариант № 9

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = y^2 5^{x^2+4y}$.

2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = \frac{2x^2 + y}{z + x}$.

3. Найти экстремумы функции двух переменных:

$$z = 3x^2 - 6xy - y^3 - 12x + 12y.$$

4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x^2 \partial y}$ от функции $z = x^3 + 4x^2y - 2xy^2 - 15xy + 1$.

Вариант № 10

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = (x + 3) \arcsin y^2$.

2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = yze^{x^2}$.

3. Найти экстремумы функции двух переменных: $z = 2x^3 - xy^2 + 5x^2 + y^2$.

4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x^2 \partial y}$ от функции $z = 2x^3 + xy^2 + 5x^2 - y + 1$.

Вариант № 11

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = \frac{2y^2 - 2x}{3y + x}$.

2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = x \cos \sqrt{z}$.
3. Найти экстремумы функции двух переменных: $z = x^2 y - 2y^3 - x^2 - 5y^2$.
4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x \partial y^2}$ от функции $z = e^{x^2} + 4x - 5xy^3$.

Вариант № 12

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = \frac{2x^2 + y}{3y + x}$.
2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = x \ln(y + z)$.
3. Найти экстремумы функции двух переменных: $z = 2x^3 + y^2 + 6xy + 12x$.
4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x^2 \partial y}$ от функции $z = \ln x - x^2 + y^2 + 4x^3 y^2$.

Вариант № 13

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = x^y$.
2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = \frac{y^2}{x + z}$.
3. Найти экстремумы функции двух переменных: $z = 8x^3 - y^3 - 12xy - 1$.
4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x^3}$ от функции $z = e^{x^2} + 5 \cos y - 4x^2 y^4$.

Вариант № 14

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = x \cdot \operatorname{tg} \sqrt{y}$.

2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = x^2 z e^y$.

3. Найти экстремумы функции двух переменных:
 $z = 2x^3 + 16y^3 - 12x^2 y - 9x^2$.

4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial y^3}$ от функции $z = y \cos x + x \sin y$.

Вариант № 15

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = x y e^{x^2}$.

2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = x \arctg(yz)$.

3. Найти экстремумы функции двух переменных:
 $z = -8x^3 + y^3 + 6xy^2 + 9y^2$.

4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x^2 \partial y}$ от функции $z = x^6 + y^2 + \log_3 x + 5x^2 y^4 + 1$.

Вариант № 16

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = \frac{x + y^2}{2x - y}$

2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = y^{zx^2}$.

3. Найти экстремумы функции двух переменных: $z = e^{-\frac{x}{2}}(x^2 + y^2)$.

4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x \partial y^2}$ от функции $z = y^2 e^{x^2} - x - 1$.

Вариант № 17

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = \ln(x^2 + y)$
2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = \frac{x}{y^2 - 2z}$.
3. Найти экстремумы функции двух переменных: $z = e^{-2x^2}(x - y^2)$.
4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial y^3}$ от функции $z = x^2 y + xy^2 - 5 \ln y$.

Вариант № 18

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = x^2 \sin(x + y^2)$.
2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = y^2 x e^z$.
3. Найти экстремумы функции двух переменных: $z = e^{-\frac{y}{2}}(x^2 - y)$.
4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x^3}$ от функции $z = e^x \sin y + x e^y$.

Вариант № 19

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = x e^{xy}$.
2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = z \sin x \cos y$.
3. Найти экстремумы функции двух переменных: $z = e^{-2y^2}(x^2 + y)$.
4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x \partial y^2}$ от функции $z = (x + 1)^2 + \frac{1}{y} - 6xy^2$.

Вариант № 20

1. Найти частные производные первого порядка функции двух

переменных: $z = \frac{x^2}{y-2}$.

2. Найти частные производные первого порядка функции трех

переменных: $u = \frac{x+y}{\ln(z-x)}$.

3. Найти экстремумы функции двух переменных:

$$z = -\frac{1}{2}x^2 + 8xy - y^3 - 13x - 12y.$$

4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x^2 \partial y}$ от функции $z = 3x^2 + x^3 y^2 + 5x - 4y + \ln 5$.

ВАРИАНТ № 21

1. Найти частные производные первого порядка функции двух

переменных $z = y^2 \cos(x+y)$.

2. Найти частные производные первого порядка функции трех

переменных: $u = \frac{x^2}{y-2z}$.

3. Найти экстремумы функции двух переменных:

$$z = 2x^3 + 6xy^2 - 30x - 24y.$$

4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x \partial y^2}$ от функции $z = x^3 + xy^2 - 5xy^3$.

ВАРИАНТ № 22

1. Найти частные производные первого порядка функции двух

переменных $z = (y+3)\arcsin x^2$.

2. Найти частные производные первого порядка функции трех

переменных: $u = xze^{y^2}$.

3. Найти экстремумы функции двух переменных: $z = 2x^3 - xy^2 + 5x^2 + y^2$.

4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x^2 \partial y}$ от функции $z = 2x^3 + 4xy^2 + x^2 - y + 3$.

ВАРИАНТ № 23

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = x^2 \cos y$.
2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = xe^{y+z}$.
3. Найти экстремумы функции двух переменных:
 $z = 3x^2y - y^3 + 6x^2 + 9y^2 - 4$.
4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x^2 \partial y}$ от функции $z = x^2 + y^3 + y \ln x + e^x + 5$.

ВАРИАНТ № 24

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = x^2 \operatorname{ctgy}$.
2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = y^2 \sin \sqrt{x+z}$.
3. Найти экстремумы функции двух переменных:
 $z = 6x^2y + 2y^3 - 24x - 30y$.
4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x^2 \partial y}$ от функции $z = e^x \cos y + y^2 + \sin x$.

ТИПОВОЙ РАСЧЕТ № 3 . Неопределенный интеграл

Вариант № 1

Найти неопределенные интегралы:

1. $\int \left(\sqrt[3]{x^5} + \frac{2}{x^3} - 3 \right) dx .$
2. $\int \frac{x^2}{x^3 + 8} dx .$
3. $\int \frac{1}{\sqrt{x} - 1} dx .$
4. $\int (5x^2 - 16x^4 - 2) \log_2 x dx .$
5. $\int (1 - 4x)^7 dx .$
6. $\int \frac{dx}{\sqrt{18 + 4x - 4x^2}} .$
7. $\int \frac{3x - 4}{x + 6} dx .$

Вариант № 2

Найти неопределенные интегралы:

1. $\int \left(\sqrt[4]{x^3} - \frac{3}{x^2} + 2 \right) dx .$
2. $\int \sin^5 x \cos x dx .$
3. $\int \frac{1}{\sqrt{x} - 1} dx .$
4. $\int (5 - 4x) \sin 3x dx .$
5. $\int \frac{dx}{4 - 3x} .$
6. $\int \frac{dx}{\sqrt{4x^2 - 6x + 9}} .$
7. $\int \frac{3x + 2}{x - 1} dx .$

Вариант № 3

Найти неопределенные интегралы:

$$1. \int \left(\sqrt[3]{x^2} + \frac{5}{x^4} - 2 \right) dx.$$

$$2. \int \frac{\sqrt[5]{\ln x}}{x} dx.$$

$$3. \int \frac{\sqrt{x+1} + 1}{\sqrt{x+1} - 1} dx.$$

$$4. \int (2x+1)e^{5x} dx.$$

$$5. \int \sin(5-3x) dx.$$

$$6. \int \frac{dx}{\sqrt{12-5x-4x^2}}.$$

$$7. \int \frac{4x-5}{x+2} dx.$$

Вариант № 4

Найти неопределенные интегралы:

$$1. \int \left(\sqrt[5]{x^2} - \frac{6}{x^5} + 9 \right) dx.$$

$$2. \int \frac{x^2}{x^3+8} dx.$$

$$3. \int \frac{x+1}{\sqrt[3]{2x+1}} dx.$$

$$4. \int (4-5x)3^x dx.$$

$$5. \int e^{10x+2} dx.$$

$$6. \int \frac{5-4x}{2x^2+16x-20} dx.$$

$$7. \int \frac{2x+7}{x-3} dx.$$

Вариант № 5

Найти неопределенные интегралы:

$$1. \int \left(\sqrt[6]{x^5} - \frac{8}{x^3} - 10 \right) dx.$$

$$2. \int e^{\sin x} \cos x dx.$$

3. $\int \frac{1}{1 + \sqrt{x}} dx.$
4. $\int (x^3 - 4x + 1) \ln x dx.$
5. $\int \frac{dx}{\sqrt[3]{5 + 3x}}.$
6. $\int \frac{dx}{\sqrt{9x^2 + 27x - 15}}.$
7. $\int \frac{3x - 4}{x + 6} dx.$

Вариант № 6

Найти неопределенные интегралы:

1. $\int \left(\sqrt[4]{x^5} + \frac{7}{x^2} - 14 \right) dx.$
2. $\int \frac{(\arctg x)^3}{1 + x^2} dx.$
3. $\int \frac{dx}{\sqrt{x+1} + \sqrt{(x+1)^3}}.$
4. $\int 4x \arctg x dx.$
5. $\int \frac{dx}{3x + 4}.$
6. $\int \frac{dx}{\sqrt{18 + 4x - 4x^2}}.$
7. $\int \frac{5x - 1}{x + 8} dx.$

Вариант № 7

Найти неопределенные интегралы:

1. $\int \left(\sqrt[3]{x^7} - \frac{5}{x^2} + 4 \right) dx.$
2. $\int e^{-x^4} \cdot x^3 dx.$
3. $\int \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x} - 1} dx.$
4. $\int (5x^2 - 16x^4 - 2) \log_2 x dx.$

5. $\int \sin(3 + 4x) dx.$

6. $\int \frac{dx}{5x^2 - 15x + 10}.$

7. $\int \frac{4x+1}{x-7} dx.$

Вариант № 8

Найти неопределенные интегралы:

1. $\int \left(\sqrt[4]{x^7} + \frac{3}{x^4} - 8 \right) dx.$

2. $\int (e^x + 4)^3 e^x dx.$

3. $\int \frac{dx}{1 + \sqrt{3x - 2}}.$

4. $\int (x^5 - 4x^3 + 3) \log_3 x dx.$

5. $\int e^{2-5x} dx.$

6. $\int \frac{dx}{\sqrt{5x^2 - 14x + 20}}.$

7. $\int \frac{5x+2}{x-2} dx.$

Вариант № 9

Найти неопределенные интегралы:

1. $\int \left(\sqrt[5]{x^9} - \frac{5}{x^7} + 4 \right) dx.$

2. $\int \frac{\arcsin x + 5}{\sqrt{1-x^2}} dx.$

3. $\int x\sqrt{1+x} dx.$

4. $\int (3 - 5x) \cos 3x dx.$

5. $\int \frac{dx}{\sqrt[3]{(3-4x)^2}}.$

6. $\int \frac{dx}{\sqrt{21-8x-3x^2}}.$

7. $\int \frac{6x-8}{x+4} dx.$

Вариант № 10

Найти неопределенные интегралы:

1. $\int \left(\sqrt[7]{x^2} + \frac{4}{x^8} - 2 \right) dx.$

2. $\int \frac{x}{(2+x^2)} dx.$

3. $\int \frac{dx}{(1+x)\sqrt{x}}.$

4. $\int (6x+2)\sin 6x dx.$

5. $\int \frac{dx}{2-5x}.$

6. $\int \frac{dx}{\sqrt{2x^2+8x-10}}.$

7. $\int \frac{6x+7}{x-8} dx.$

Вариант № 11

Найти неопределенные интегралы:

1. $\int \left(\sqrt[8]{x^3} - \frac{10}{x^2} + 15 \right) dx.$

2. $\int \sqrt[6]{5-x^4} \cdot x^3 dx.$

3. $\int \frac{\sqrt[3]{(x-2)^2}}{\sqrt[3]{(x-2)^2+3}} dx.$

4. $\int (3-2x)e^{2x} dx.$

5. $\int \cos(4x+3) dx.$

6. $\int \frac{dx}{3x^2+10x-15}.$

7. $\int \frac{8x-5}{x+6} dx.$

Вариант № 12

Найти неопределенные интегралы:

1. $\int \left(\sqrt[6]{x^5} - \frac{6}{x^4} - 10 \right) dx.$

2. $\int \frac{(\operatorname{arctg} x)^3}{1+x^2} dx.$
3. $\int \frac{dx}{1+\sqrt{3x-2}}.$
4. $\int (3-5x)\cos 3x dx.$
5. $\int e^{10x+2} dx.$
6. $\int \frac{dx}{\sqrt{21-8x-3x^2}}.$
7. $\int \frac{6x-8}{x+4} dx.$

Вариант № 13

Найти неопределенные интегралы:

1. $\int \left(\sqrt[5]{x^2} - \frac{6}{x^5} + 9 \right) dx.$
2. $\int \frac{\sqrt[5]{\ln x}}{x} dx.$
3. $\int \frac{\sqrt{x+1}+1}{\sqrt{x+1}-1} dx.$
4. $\int 4x \operatorname{arctg} x dx.$
5. $\int \frac{dx}{2-5x}.$
6. $\int \frac{dx}{5x^2-15x+10}$
7. $\int \frac{5x-1}{x+8} dx.$

Вариант № 14

Найти неопределенные интегралы:

1. $\int \left(\sqrt[4]{x^5} + \frac{7}{x^2} - 14 \right) dx.$
2. $\int (e^x + 4)^3 e^x dx.$
3. $\int \frac{\sqrt[3]{(x-2)^2}}{\sqrt[3]{(x-2)^2+3}} dx.$
4. $\int (5-4x)\sin 3x dx.$

$$5. \int \frac{dx}{3x+4}.$$

$$6. \int \frac{dx}{\sqrt{9x^2 + 27x - 15}}.$$

$$7. \int \frac{4x-5}{x+2} dx$$

Вариант № 15

Найти неопределенные интегралы:

$$1. \int \left(\sqrt[3]{x^2} + \frac{5}{x^4} - 2 \right) dx.$$

$$2. \int \frac{\arcsin x + 5}{\sqrt{1-x^2}} dx.$$

$$3. \int \frac{1}{1+\sqrt{x}} dx.$$

$$4. \int (3-2x)e^{2x} dx.$$

$$5. \int \sin(5-3x) dx.$$

$$6. \int \frac{dx}{\sqrt{12-5x-4x^2}}.$$

$$7. \int \frac{2x-1}{x+3} dx.$$

Вариант № 16

Найти неопределенные интегралы:

$$1. \int \left(\sqrt[3]{x^7} - \frac{5}{x^2} + 4 \right) dx.$$

$$2. \int e^{\sin x} \cos x dx.$$

$$3. \int \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-1} dx.$$

$$4. \int (3x-2)\cos 2x dx.$$

$$5. \int e^{2-5x} dx.$$

$$6. \int \frac{dx}{3x^2 - 12x + 5}.$$

$$7. \int \frac{2x+7}{x-3} dx$$

Вариант № 17

Найти неопределенные интегралы:

$$1. \int \left(\sqrt[4]{x^3} - \frac{3}{x^2} + 2 \right) dx.$$

$$2. \int \sqrt[6]{5-x^4} \cdot x^3 dx.$$

$$3. \int \frac{dx}{(1+x)\sqrt{x}}.$$

$$4. \int (6x+2)\sin 6x dx.$$

$$5. \int \frac{dx}{4-3x}.$$

$$6. \int \frac{dx}{\sqrt{2x^2+8x-10}}.$$

$$7. \int \frac{4x+1}{x-7} dx$$

Вариант № 18

Найти неопределенные интегралы:

$$1. \int \left(\sqrt[4]{x^7} + \frac{3}{x^4} - 8 \right) dx.$$

$$2. \int \sin^5 x \cos x dx.$$

$$3. \int \frac{xdx}{\sqrt{5-4x}}.$$

$$4. \int (x^5 - 4x^3 + 3)\log_3 x dx.$$

$$5. \int \cos(4x+3)dx.$$

$$6. \int \frac{dx}{\sqrt{4x^2-6x+9}}.$$

$$7. \int \frac{6x+7}{x-8} dx$$

Вариант № 19

Найти неопределенные интегралы:

$$1. \int \left(\sqrt[7]{x^2} + \frac{4}{x^8} - 2 \right) dx.$$

$$2. \int e^{-x^4} \cdot x^3 dx.$$

$$3. \int \frac{x+1}{\sqrt[3]{2x+1}} dx.$$

$$4. \int (2x+1)e^{5x} dx.$$

$$5. \int \frac{dx}{\sqrt[3]{5+3x}}.$$

$$6. \int \frac{dx}{3x^2 + 10x - 15}.$$

$$7. \int \frac{8x-5}{x+6} dx.$$

Вариант № 20

Найти неопределенные интегралы:

$$1. \int \left(\sqrt[8]{x^3} - \frac{10}{x^2} + 15 \right) dx.$$

$$2. \int x\sqrt{5-x^2} dx.$$

$$3. \int \frac{dx}{\sqrt{x+1} + \sqrt{(x+1)^3}}.$$

$$4. \int (4-5x)3^x dx.$$

$$5. \int \sin(3+4x) dx.$$

$$6. \int \frac{dx}{\sqrt{5x^2 - 14x + 20}}.$$

$$7. \int \frac{5x+2}{x-2} dx.$$

Вариант №21

Найти неопределенные интегралы:

$$1. \int \left(\sqrt[3]{x^5} + \frac{2}{x^3} - 3 \right) dx.$$

$$2. \int \frac{x^2}{x^3+8} dx.$$

$$3. \int \frac{1}{\sqrt{x}-1} dx.$$

4. $\int (5x^2 - 16x^4 - 2) \log_2 x \, dx$.
5. $\int (1 - 4x)^7 \, dx$.
6. $\int \frac{dx}{\sqrt{18 + 4x - 4x^2}}$.
7. $\int \frac{3x - 4}{x + 6} \, dx$.

Вариант №22

Найти неопределенные интегралы:

1. $\int \left(\sqrt[5]{x^9} - \frac{5}{x^7} + 4 \right) dx$.
2. $\int \frac{x}{(2 + x^2)^2} dx$.
3. $\int x \sqrt{1 + x} \, dx$.
4. $\int (x^3 - 4x + 1) \ln x \, dx$.
5. $\int \frac{dx}{\sqrt[3]{(3 - 4x)^2}}$.
6. $\int \frac{5 - 4x}{2x^2 + 16x - 20} \, dx$.
7. $\int \frac{3x + 2}{x - 1} \, dx$.

Вариант №23

Найти неопределенные интегралы:

1. $\int \left(\sqrt[3]{x^4} + \frac{3}{x^4} - 3x \right) dx$.
2. $\int x \sqrt{2 - x^2} \, dx$.
3. $\int \frac{x \, dx}{\sqrt{3 - 4x}}$.
4. $\int (x - 2) \cos 3x \, dx$.
5. $\int (1 + 2x)^7 \, dx$.

$$6. \int \frac{dx}{3x^2 - 12x + 5}.$$

$$7. \int \frac{3x-1}{x+4} dx.$$

Вариант №24

Найти неопределенные интегралы:

$$1. \int \left(\sqrt[4]{x^7} - \frac{3}{x^5} + 2 \right) dx.$$

$$2. \int \sin^8 x \cos x dx.$$

$$3. \int \frac{1}{\sqrt{x-5}} dx.$$

$$4. \int (2x+3) \sin 3x dx.$$

$$5. \int \frac{dx}{4-2x}.$$

$$6. \int \frac{dx}{\sqrt{4x^2 - 6x + 9}}.$$

$$7. \int \frac{5x+2}{x-3} dx.$$

Вариант №25

Найти неопределенные интегралы:

$$1. \int \left(\sqrt[3]{x^5} + \frac{2}{x^3} - 3 \right) dx.$$

$$2. \int x \sqrt{5-x^2} dx.$$

$$3. \int \frac{xdx}{\sqrt{5-4x}}.$$

$$4. \int (3x-2) \cos 2x dx.$$

$$5. \int (1-4x)^7 dx.$$

$$6. \int \frac{dx}{3x^2 - 12x + 5}.$$

$$7. \int \frac{2x-1}{x+3} dx.$$

ТИПОВОЙ РАСЧЕТ № 4 . Определенный интеграл

Вариант №1

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_1^2 x\sqrt{5-x^2} dx; \quad \text{б) } \int_1^9 \frac{dx}{5+2\sqrt{x}}; \quad \text{в) } \int_0^{\pi/3} x \cos x dx; \quad \text{г) } \int_0^{\pi/2} \frac{dx}{3+2\cos x}.$$

Вариант №2

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_0^{\pi/2} \sin^3 x \cos x dx; \quad \text{б) } \int_1^{16} \frac{dx}{x+\sqrt[4]{x}}; \quad \text{в) } \int_0^{\ln 5} x e^{-x} dx; \quad \text{г) } \int_0^1 x^2 \sqrt{1-x^2} dx.$$

Вариант №3. Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_1^e \frac{\sqrt[3]{\ln x}}{x} dx; \quad \text{б) } \int_4^9 \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-1} dx; \quad \text{в) } \int_0^1 \ln(1+2x) dx; \quad \text{г) } \int_0^{\pi/2} \frac{dx}{1+\cos x + \sin x}.$$

Вариант №4

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_0^{\pi/2} e^{\sin x} \cos x dx; \quad \text{б) } \int_0^4 \frac{1}{1+\sqrt{2x+1}} dx; \quad \text{в) } \int_0^1 \ln(x+1) dx; \quad \text{г) } \int_0^{\sqrt{5}/2} \frac{dx}{\sqrt{(5-x^2)^3}}.$$

Вариант №5

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_0^1 \frac{x^2}{x^3+8} dx; \quad \text{б) } \int_0^2 \frac{1}{\sqrt{x+1} + \sqrt{(x+1)^3}} dx; \quad \text{в) } \int_0^{\pi/3} x \cos 3x dx;$$

$$\text{г) } \int_{\pi/6}^{\pi/3} \frac{dx}{\cos^3 x \sin^5 x}.$$

Вариант №6

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_0^1 \frac{(\operatorname{arctg} x)^3}{1+x^2} dx; \quad \text{б) } \int_3^8 \frac{\sqrt{x+1}+1}{\sqrt{x+1}-1} dx; \quad \text{в) } \int_0^\pi x \sin x dx; \quad \text{г) } \int_1^2 \frac{\sqrt{x^2-1}}{x^4} dx.$$

Вариант №7

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_0^1 \frac{(10x-2)}{\sqrt{5x^2-2x+1}} dx; \quad \text{б) } \int_{-1}^1 \frac{x dx}{\sqrt{5+4x}}; \quad \text{в) } \int_0^1 (x-1)e^{-x} dx; \quad \text{г) } \int_0^{\pi/2} \frac{dx}{5+5\cos x + \sin x}$$

Вариант №8

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_0^2 e^{-x^4} \cdot x^3 dx; \quad \text{б) } \int_9^{25} \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x+2}} dx; \quad \text{в) } \int_0^{2\pi} x \cos x dx; \quad \text{г) } \int_0^1 \sqrt{4-x^2} dx.$$

Вариант №9

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_0^1 \frac{x}{(2+x^2)^2} dx; \quad \text{б) } \int_0^3 x\sqrt{1+x} dx; \quad \text{в) } \int_0^2 x e^{-\frac{x}{2}} dx; \quad \text{г) } \int_0^{\pi/2} \frac{dx}{1+3\cos x + 2\sin x}.$$

Вариант №10

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_{\pi/4}^{\pi/3} \frac{\sin x}{\cos^3 x} dx; \quad \text{б) } \int_1^3 \frac{dx}{(1+x)\sqrt{x}}; \quad \text{в) } \int_0^1 \ln(x+2) dx; \quad \text{г) } \int_0^5 x^2 \sqrt{25-x^2} dx.$$

Вариант №11

Вычислить определенные интегралы:

а) $\int_{1/\pi}^{2/\pi} \frac{1}{x^2} \sin \frac{1}{x} dx$; б) $\int_{-2}^0 \frac{1}{(2-x)\sqrt{1-x}} dx$; в) $\int_1^e x \ln x dx$; г) $\int_{\pi/4}^{\pi/3} \frac{dx}{1+3\cos^2 x+2\sin^2 x}$

Вариант №12

Вычислить определенные интегралы:

а) $\int_1^{e^3} \frac{1}{x\sqrt{1+\ln x}} dx$; б) $\int_2^{10} \frac{x^2 dx}{\sqrt{x-1}}$; в) $\int_0^1 x e^{-x} dx$; г) $\int_0^{2\sqrt{2}} \sqrt{16-x^2} dx$.

Вариант №13

Вычислить определенные интегралы:

а) $\int_0^1 (e^x + 4)^3 e^x dx$; б) $\int_4^{12} \frac{\sqrt{x-3}+3}{\sqrt{x-3}-3} dx$; в) $\int_0^1 x e^{2x} dx$; г) $\int_0^{\pi/4} \frac{dx}{1+2\sin^2 x}$.

Вариант №14

Вычислить определенные интегралы:

а) $\int_1^e \frac{1}{x\sqrt{1-\ln^2 x}} dx$; б) $\int_{-4/3}^{11/3} \frac{dx}{\sqrt{3x+5}-\sqrt[4]{3x+5}}$; в) $\int_0^1 x \cdot \operatorname{arctg} x dx$;
г) $\int_0^{16} \sqrt{256-x^2} dx$.

Вариант №15

Вычислить определенные интегралы:

а) $\int_0^1 \frac{x^2}{x^6+4} dx$; б) $\int_{-4/3}^{1/3} \frac{dx}{6+\sqrt{3x+8}}$; в) $\int_0^{\ln 2} x e^{-x} dx$; г) $\int_0^{\pi/4} \frac{dx}{1+\sin^2 x}$.

Вариант №16

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_0^1 \frac{\arcsin x}{\sqrt{1-x^2}} dx; \quad \text{б) } \int_1^9 \frac{dx}{1+\sqrt{3x-2}}; \quad \text{в) } \int_0^{e-1} \ln(x+1) dx; \quad \text{г) } \int_0^5 \frac{dx}{(25+x^2)\sqrt{25+x^2}}$$

.

Вариант №17

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_1^2 e^x \sin e^x dx; \quad \text{б) } \int_{-1}^{62} \frac{\sqrt{x+2}}{\sqrt{x+2} - \sqrt[3]{x+2}} dx; \quad \text{в) } \int_0^{2\pi} (x+\pi) \cos x dx;$$

$$\text{г) } \int_0^{\pi/3} \frac{dx}{2+4\cos^2 x + 3\sin^2 x}.$$

Вариант №18

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_1^2 \frac{e^x}{e^x+1} dx; \quad \text{б) } \int_1^4 \frac{\sqrt{x}}{1+\sqrt{x^3}} dx; \quad \text{в) } \int_2^e \ln x dx; \quad \text{г) } \int_0^3 \frac{dx}{(9+x^2)^{3/2}}.$$

Вариант №19

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_{-2}^4 \sqrt{8+2x} dx; \quad \text{б) } \int_1^3 \frac{\sqrt{x}}{x+1} dx; \quad \text{в) } \int_0^{\pi} x \sin 2x dx; \quad \text{г) } \int_{\pi/3}^{\pi/2} \frac{dx}{2+\sin x}.$$

Вариант №20

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_0^2 \frac{x^2}{\sqrt[3]{1-x^3}} dx; \quad \text{б) } \int_0^{13} \frac{x+1}{\sqrt[3]{2x+1}} dx; \quad \text{в) } \int_1^e x^3 \ln x dx; \quad \text{г) } \int_{\sqrt{2}}^{2\sqrt{2}} \frac{\sqrt{x^2-2}}{x^4} dx.$$

Вариант №21

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_1^{\sqrt{3}} \frac{1}{(1+x^2)\arctg x} dx; \quad \text{б) } \int_1^{41} \frac{1}{\sqrt{2x-1} - \sqrt[4]{2x-1}} dx; \quad \text{в) } \int_0^{\frac{\pi}{6}} x \cos 3x dx;$$

$$\text{г) } \int_0^{\frac{\pi}{3}} \frac{dx}{2+3\sin x+4\cos x}.$$

Вариант №22

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_{\frac{1}{2}}^{\frac{\sqrt{3}}{2}} \frac{dx}{\arcsin^2 x \sqrt{1-x^2}}; \quad \text{б) } \int_0^4 \frac{dx}{1+\sqrt{2x+1}}; \quad \text{в) } \int_0^{\frac{1}{2}} \arcsin x dx; \quad \text{г) } \int_0^3 x^2 \sqrt{9-x^2} dx.$$

Вариант №23

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_1^2 \frac{x^3}{x^8+5} dx; \quad \text{б) } \int_3^{29} \frac{\sqrt[3]{(x-2)^2}}{\sqrt[3]{(x-2)^2+3}} dx; \quad \text{в) } \int_0^{\sqrt{3}} x \arctg x dx; \quad \text{г) } \int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{3}} \frac{dx}{\cos x \sin^3 x}.$$

Вариант №24

Вычислить определенные интегралы:

$$\text{a) } \int_0^1 \frac{x^2}{(8x^3+27)^{\frac{3}{2}}} dx; \quad \text{б) } \int_{-1}^1 \frac{x dx}{\sqrt{4x+5}}; \quad \text{в) } \int_0^{\frac{\pi}{6}} x \sin 3x dx; \quad \text{г) } \int_0^{5/2} \frac{x^2 dx}{\sqrt{25-x^2}}.$$

ТИПОВОЙ РАСЧЕТ № 5. Несобственные интегралы

1. Найти несобственные интегралы I рода или доказать расходимость:

$$1) \int_1^{+\infty} \frac{\ln x}{\sqrt[3]{x^4}} dx,$$

$$2) \int_0^{+\infty} \frac{e^x \arctg e^x}{1 + e^{2x}} dx$$

$$3) \int_2^{+\infty} \frac{3^x dx}{3^{2x} - 4 \cdot 3^x + 3}$$

$$4) \int_1^{+\infty} \frac{\ln x dx}{x \sqrt{x}};$$

$$5) \int_0^{+\infty} e^{-2x} (4x - 3) dx$$

$$6) \int_1^{+\infty} \frac{dx}{(1 - 9x) \sqrt{x}};$$

$$7) \int_{-\infty}^0 x^2 e^{3x} dx;$$

$$8) \int_{-\infty}^0 (3x + 4) e^{4x} dx$$

$$9) \int_1^{+\infty} \frac{1 + 2x}{x^2(1 + x)} dx;$$

$$10) \int_1^{+\infty} \frac{dx}{(1 + \sqrt[3]{x}) \sqrt{x}};$$

$$11) \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{dx}{(x^2 + 4)(x^2 + 9)}$$

$$12) \int_{-\infty}^0 (1 - 6x) e^{2x} dx$$

$$13) \int_2^{+\infty} \frac{dx}{\sqrt[4]{x}(\sqrt{x} - 1)};$$

$$14) \int_1^{+\infty} \frac{\ln x}{x^{5/3}} dx;$$

$$15) \int_1^{+\infty} \frac{\ln(x^2 + 4)}{x^2} dx$$

$$16) \int_3^{+\infty} \frac{dx}{(5 + x) \sqrt{1 + x}}$$

$$17) \int_0^{+\infty} \frac{\ln(x + 1)}{(x + 1)^2} dx$$

$$18) \int_0^{+\infty} e^{-4x} (2 - 9x) dx$$

$$19) \int_0^{+\infty} \sqrt{x+1} \ln(x+1) dx$$

$$20) \int_{-\infty}^0 (5x-2)e^{3x} dx$$

$$21) \int_0^{+\infty} \frac{e^{2x}}{(e^x+1)^3} dx;$$

$$22) \int_1^{+\infty} \frac{\sqrt{x} dx}{1+\sqrt{x}};$$

$$23) \int_0^{+\infty} (4-3x)e^{-3x} dx$$

$$24) \int_2^{+\infty} \frac{dx}{x\sqrt{2x-3}}$$

2. Найти несобственные интегралы II рода или доказать расходимость:

$$1) \int_0^2 \frac{xdx}{\sqrt{4-x^2}}.$$

$$2) \int_3^6 \frac{dx}{x^2-7x+10}$$

$$3) \int_0^2 \sqrt{\frac{\arcsin\left(\frac{x}{2}\right)}{4-x^2}} dx$$

$$4) \int_0^3 \frac{dx}{(x-1)^2}.$$

$$5) \int_0^2 \frac{x^2 dx}{\sqrt{8-x^3}}$$

$$6) \int_0^1 \frac{x^3 dx}{\sqrt[4]{1-x^4}}.$$

$$7) \int_0^{\pi/4} \operatorname{ctg} x dx.$$

$$8) \int_0^1 \frac{e^{2x} dx}{\sqrt{e^{4x}-1}}$$

$$9) \int_0^3 \sqrt{\frac{\arcsin \frac{x}{3}}{4\sqrt{9-x^2}}} dx$$

$$10) \int_0^1 \frac{e^x dx}{\sqrt{e^{2x}-1}}$$

$$11) \int_0^2 \frac{x dx}{\sqrt{16-x^4}}.$$

$$12) \int_1^4 \frac{dx}{(x-3)^3}.$$

$$13) \int_0^1 \frac{e^{2x} dx}{\sqrt{e^{2x} - 1}}$$

$$14) \int_{2,5}^4 \frac{dx}{x^2 - 5x + 6}$$

$$15) \int_0^1 \frac{x dx}{\sqrt{1-x^4}}$$

$$16) \int_{\pi/4}^{\pi/2} \operatorname{tg} x dx$$

$$17) \int_0^{2/3} \frac{x dx}{\sqrt{4-9x^2}}$$

$$18) \int_0^{1/2} \frac{x^3 dx}{\sqrt{1-16x^4}}$$

$$19) \int_0^1 \frac{e^x dx}{\sqrt{e^x - 1}}$$

$$20) \int_{-1/2}^0 \frac{x^2 dx}{\sqrt[3]{1+8x^3}}$$

$$21) \int_0^1 \frac{x^2 dx}{\sqrt{1-x^6}}$$

$$22) \int_2^3 \frac{x dx}{\sqrt[4]{x^2 - 4}}$$

$$23) \int_0^1 \frac{x^2 dx}{\sqrt[3]{1-x^3}}$$

$$24) \int_0^{1/2} \frac{x dx}{\sqrt{1-4x^2}}$$

Типовой расчет №6. Приложения определенного интеграла

Вариант №1

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^2$, $y = 2 - x^2$.
2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией: $\begin{cases} x = 2 \cos t \\ y = 3 \sin t \end{cases}$.
3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r = 4 \cos \varphi$, $r = 2$ ($r \geq 2$).
4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = \ln(x^2 - 1)$, $2 \leq x \leq 3$.
5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = 6 \cos^3 t, \\ y = 6 \sin^3 t, \end{cases} \quad 0 \leq t \leq \pi/3.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $\rho = 6e^{12\varphi/5}$, $-\pi/2 \leq \varphi \leq \pi/2$.
7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox фигуры, ограниченной графиками функций: $y = 3\sin x$, $y = \sin x$, $0 \leq x \leq \pi$.

Вариант №2

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = \frac{2}{x}$, $y = -\frac{x}{2} - \frac{5}{2}$.
2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией: $\begin{cases} x = 3\cos t \\ y = 5\sin t \end{cases}$
3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией, заданной уравнением в полярных координатах: $r = \cos 2\varphi$.
4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = 1 - \ln \cos x$, $0 \leq x \leq \pi/6$.
5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями: $\begin{cases} x = 3(\cos t + t \sin t), \\ y = 3(\sin t - t \cos t), \end{cases} 0 \leq t \leq \pi/3$.
6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 1 - \sin \varphi$, $0 \leq \varphi \leq \pi/2$.
7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox фигуры, ограниченной графиками функций: $y = xe^x$, $y = 0$, $x = 1$.

Вариант №3

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^2$, $y = 1 + \frac{8}{9}x^2$.
2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией: $\begin{cases} x = \cos^3 t \\ y = 3\sin^3 t \end{cases}$.

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r^2 = 4\cos 2\varphi$, $r = 2$.
4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = 2 - e^x$, $\ln \sqrt{3} \leq x \leq \ln \sqrt{8}$.
5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:
- $$\begin{cases} x = 3,5(2\cos t - \cos 2t), \\ y = 3,5(2\sin t - \sin 2t), \end{cases} \quad 0 \leq t \leq \pi/2.$$
6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 5e^{5\varphi/12}$, $0 \leq \varphi \leq \pi/3$.
7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox фигуры, ограниченной графиками функций: $y = x^2$, $y^2 - x = 0$.

Вариант №4

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = 3 - 2x - x^2$, $y = 0$
2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной первой аркой циклоиды:
- $$\begin{cases} x = 4(t - \sin t) \\ y = 4(1 - \cos t) \end{cases}$$
3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r = 4\sin 3\varphi$, $r = 2$ ($r \geq 2$).
4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = \sqrt{1 - x^2} + \arcsin x$, $0 \leq x \leq \frac{7}{9}$.
5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:
- $$\begin{cases} x = 4(t - \sin t), \\ y = 4(1 - \cos t), \end{cases} \quad \pi/2 \leq t \leq 2\pi/3.$$
6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 4(1 - \sin \varphi)$, $0 \leq \varphi \leq \pi/6$.

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox фигуры, ограниченной графиками функций: $y = 2 - x^2$, $y = x$, $x = 0$.

Вариант №5

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^2 + 2$, $y = 1 - x^2$
 $x = 0$, $x = 1$.

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией: $\begin{cases} x = 4 \cos t \\ y = 5 \sin t \end{cases}$.

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r = 1 + \cos \varphi$, $r = \cos \varphi$.

4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = 1 - \arccos x + \sqrt{1 - x^2}$, $0 \leq x \leq \frac{9}{16}$.

5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = e^t (\cos t + \sin t), \\ x = e^t (\cos t - \sin t), \end{cases} \quad \pi/2 \leq t \leq \pi.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 2(1 - \cos \varphi)$, $\pi/3 \leq \varphi \leq \pi$.

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox фигуры, ограниченной графиками функций: $y = 2x - x^2$, $y = -x + 2$, $x = 0$.

Вариант №6

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = \sqrt{x}$, $y = 2 - x$
 $y = 0$.

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией: $\begin{cases} x = 4 \cos^3 t \\ y = 4 \sin^3 t \end{cases}$.

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией, заданной уравнением в полярных координатах: $r = \sin 3\varphi$.

4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = e^x + e$, $\ln \sqrt{3} \leq x \leq \ln \sqrt{15}$.

5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = (t^2 - 2)\sin t + 2t \cos t, \\ y = (2 - t^2)\cos t + 2t \sin t, \end{cases} \quad 0 \leq t \leq 2\pi.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 3e^{3\varphi/4}$, $-\pi/2 \leq \varphi \leq \pi/2$.

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox фигуры, ограниченной графиками функций: $y = x^3$, $y = \sqrt{x}$.

Вариант №7

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = \frac{1}{1+x^2}$, $y = \frac{x^2}{2}$.

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией: $\begin{cases} x = 2\cos^3 t \\ y = \sin^3 t \end{cases}$.

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r = 6\sin 3\varphi$, $r = 3$ ($r \geq 3$).

4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = \ln x$, $\sqrt{3} \leq x \leq \sqrt{15}$.

5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = 6(\cos t + t \sin t), \\ y = 6(\sin t - t \cos t), \end{cases} \quad 0 \leq t \leq \pi.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 2\cos \varphi$, $0 \leq \varphi \leq \pi/6$.

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox фигуры, ограниченной графиками функций: $y = x^2$, $y = 1$, $x = 2$.

Вариант №8

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями : $y = 2x - x^2$, $y = -x$.
2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной первой аркой циклоиды:

$$\begin{cases} x = 2(t - \sin t) \\ y = 2(1 - \cos t) \end{cases}$$
3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией, заданной уравнением в полярных координатах, $r = \cos 3\varphi$.
4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат, $y = 1 - \ln \sin x$, $\pi/3 \leq x \leq \pi/2$.
5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = (t^2 - 2) \sin t + 2t \cos t, \\ y = (2 - t^2) \cos t + 2t \sin t, \end{cases} \quad 0 \leq t \leq \pi/2.$$
6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах, $r = 5(1 - \cos \varphi)$, $0 \leq \varphi \leq 2\pi/3$.
7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox фигуры, ограниченной графиками функций, $y = e^x$, $y = 0$, $x = 0$, $x = 1$.

Вариант №9

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y^2 = 2(x - 1)$, $x = 3$.
2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией:
$$\begin{cases} x = 5 \cos t \\ y = 3 \sin t \end{cases}$$
3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r = 6 \cos 3\varphi$, $r = 3$, ($r \geq 3$).
4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = \arcsin x - \sqrt{1 - x^2}$, $0 \leq x \leq \frac{15}{16}$.
5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = 5(t - \sin t), \\ y = 5(1 - \cos t), \end{cases} \quad 0 \leq t \leq \pi.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 5e^{5\varphi/12}$, $-\pi/2 \leq \varphi \leq \pi/2$.
7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox фигуры, ограниченной графиками функций: $y = x^3 + 2$, $x = 1$, $y = 1$.

Вариант №10

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = \sin x$, $y = \cos x$, $x = 0$ ($x \geq 0$).
2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией:
$$\begin{cases} x = 4\cos^3 t \\ y = 3\sin^3 t \end{cases}$$
3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r = 2(1 + \cos \varphi)$, $r = 2$ ($r \geq 2$).
4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат $y = 1 - \ln(x^2 - 1)$, $3 \leq x \leq 4$.
5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:
$$\begin{cases} x = 8\cos^3 t, \\ y = 8\sin^3 t, \end{cases} \quad 0 \leq t \leq \pi/6.$$
6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 8(1 - \cos \varphi)$, $\pi/3 \leq \varphi \leq \pi/2$.
7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox фигуры, ограниченной графиками функций: $y = 5\cos x$, $y = \cos x$, $x = 0$, $x \geq 0$.

Вариант №11

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $xy = 4$, $y = x$, $x = 4$.
2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией:
$$\begin{cases} x = 4\cos^3 t \\ y = 4\sin^3 t \end{cases}$$
3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r = \cos \varphi$, $r = 2\cos \varphi$.

4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной

системе координат: $y = \frac{x^2}{4} - \frac{\ln x}{2}, \quad 1 \leq x \leq 2.$

5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями

$$\begin{cases} x = e^t (\cos t + \sin t), \\ y = e^t (\cos t - \sin t), \end{cases} \quad 0 \leq t \leq 3\pi/2.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных

координатах: $r = \sqrt{2}e^\varphi, \quad 0 \leq \varphi \leq \pi/3.$

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox фигуры,

ограниченной графиками функций: $y = -x^2 + 9, \quad y = 0.$

Вариант №12

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$y = 3\sqrt{x}, \quad y = \frac{3}{x}, \quad x = 9.$$

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной первой аркой циклоиды:

$$\begin{cases} x = 5(t - \sin t) \\ y = 5(1 - \cos t) \end{cases}$$

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными

уравнениями в полярных координатах: $r^2 = 9\sqrt{2} \cos 2\varphi, \quad r = 3 \quad (r \geq 3).$

4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной

системе координат: $y = \ln \sin x, \quad \pi/3 \leq x \leq \pi/2.$

5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = 4(\cos t + t \sin t), \\ y = 4(\sin t - t \cos t), \end{cases} \quad 0 \leq t \leq 2.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных

координатах: $r = 2e^{4\varphi/3}, \quad -\pi/2 \leq \varphi \leq \pi/2.$

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox фигуры, ограниченной графиками функций: $y = \sin^2 x$, $x = \pi/2$, $y = 0$.

Вариант №13

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y^2 = 8x$, $x = 8$.

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией:
$$\begin{cases} x = 7 \cos t \\ y = 8 \sin t \end{cases}$$

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r = \sin \varphi$, $r = 2 \sin \varphi$.

4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = e^x + 6$, $\ln \sqrt{8} \leq x \leq \ln \sqrt{15}$.

5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = 4 \cos^3 t, \\ y = 4 \sin^3 t, \end{cases} \quad \pi/6 \leq t \leq \pi/4.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 6(1 + \sin \varphi)$, $0 \leq \varphi \leq \pi/2$.

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox фигуры, ограниченной графиками функций: $y = 2x - x^2$, $y = -x + 2$.

Вариант №14

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y^2 = 2x + 4$, $x = 0$.

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией:
$$\begin{cases} x = 2 \cos^3 t \\ y = \sin^3 t \end{cases}$$

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r = 2(1 + \cos \varphi)$, $r = 2 \cos \varphi$.

4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = \ln \cos x + 2$, $0 \leq x \leq \pi/6$.

5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = e^t (\cos t + \sin t), \\ y = e^t (\cos t - \sin t), \end{cases} \quad 0 \leq t \leq \pi.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 8 \cos \varphi$, $0 \leq \varphi \leq \pi / 4$.

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Oy фигуры, ограниченной графиками функций: $y = \sqrt{x}$, $y = x^2$.

Вариант №15

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^2 + 2x$, $y = x + 2$.

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией: $\begin{cases} x = 3 \cos^3 t \\ y = 2 \sin^3 t \end{cases}$.

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r^2 = 4\sqrt{2} \cos 2\varphi$, $r = 2$ ($r \geq 2$).

4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = \sqrt{1 - x^2} + \arcsin x$, $0 \leq x \leq \frac{7}{9}$.

5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = 2(2 \cos t - \cos 2t), \\ y = 2(2 \sin t - \sin 2t), \end{cases} \quad 0 \leq t \leq \pi / 3.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 4e^{4\varphi/3}$, $0 \leq \varphi \leq \pi / 3$.

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Oy фигуры, ограниченной графиками функций: $x = y^2 + 1$, $y = 0$, $y = 1$, $x = 0,5$.

Вариант №16

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y^2 = 1 - x$, $x = -3$.

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной первой аркой циклоиды:

$$\begin{cases} x = 5(t - \sin t) \\ y = 5(1 - \cos t) \end{cases}$$

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 4\cos 4\varphi$.

4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = \sqrt{x^3}$, $0 \leq x \leq 4$.

5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = 3(2 \cos t - \cos 2t), \\ y = 3(2 \sin t - \sin 2t), \end{cases} \quad 0 \leq t \leq 2\pi.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 6\cos \varphi$, $0 \leq \varphi \leq \pi/3$.

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Oy фигуры, ограниченной графиками функций: $y = x^2$, $x = 2$, $y = 0$.

Вариант №17

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^3 + 1$, $y = 0$, $x = 2$.

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией: $\begin{cases} x = 2\cos t \\ y = 4\sin t \end{cases}$.

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r^2 = 4\cos 2\varphi$, $r = \sqrt{2}$ ($r \geq \sqrt{2}$).

4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = \ln(1 - x^2)$, $0 \leq x \leq \frac{1}{4}$.

5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = (t^2 - 2)\sin t + 2t \cos t, \\ y = (2 - t^2)\cos t + 2t \sin t, \end{cases} \quad 0 \leq t \leq \pi/3.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 3(1 + \sin \varphi)$, $0 \leq \varphi \leq \pi / 2$.

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Oy фигуры, ограниченной графиками функций: $y^2 = 9x$, $y = 3x$.

Вариант №18

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = 4x - x^2$, $y = x$.

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией: $\begin{cases} x = 3 \cos t \\ y = 3 \sin t \end{cases}$.

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r = \sin 6\varphi$.

4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = e^x + 13$, $\ln \sqrt{15} \leq x \leq \ln \sqrt{24}$.

5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = 3(t - \sin t), \\ y = 3(t - \cos t), \end{cases} \quad \pi \leq t \leq 2\pi.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = \sqrt{2}e^\varphi$, $\pi / 3 \leq \varphi \leq \pi / 2$.

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Oy фигуры, ограниченной графиками функций: $y^2 = x - 2$, $y = 0$, $y = x^3$, $y = 1$.

Вариант №19

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^2$, $y = 2 - x^2$.

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией: $\begin{cases} x = 2 \cos^3 t \\ y = 4 \sin^3 t \end{cases}$.

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r = 2 \cos \varphi$, $r = 3 \cos \varphi$.

4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = 1 + \ln \cos x$, $0 \leq x \leq \pi/6$.

5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = 2(\cos t + t \sin t), \\ y = 2(\sin t - t \cos t), \end{cases} \quad 0 \leq t \leq \pi/2.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 2 \sin \varphi$, $0 \leq \varphi \leq \pi/6$.

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Oy фигуры, ограниченной графиками функций: $y = x^3$, $y = x$.

Вариант №20

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y^2 = 3x$, $x^2 = 3y$.

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной первой аркой циклоиды:

$$\begin{cases} x = 3(t - \sin t) \\ y = 3(1 - \cos t) \end{cases}.$$

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 2 \sin 4\varphi$.

4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = -\ln \cos x$, $0 \leq x \leq \pi/6$.

5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = (t^2 - 2) \sin t + 2t \cos t, \\ y = (2 - t^2) \cos t + 2t \sin t, \end{cases} \quad 0 \leq t \leq \pi.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 12e^{12\varphi/5}$, $0 \leq \varphi \leq \pi/3$.

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Oy фигуры, ограниченной графиками функций: $y = x^3$, $y = x^2$.

Вариант №21

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^2 - 4$, $y = x + 8$.
2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией:
$$\begin{cases} x = 2 \cos t \\ y = 3 \sin t \end{cases}$$
.
3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r = 2 \cos 6\varphi$.
4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = e^x + 26$, $\ln \sqrt{8} \leq x \leq \ln \sqrt{24}$.
5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:
$$\begin{cases} x = 2,5(t - \sin t), \\ y = 2,5(1 - \cos t), \end{cases} \quad \pi/2 \leq t \leq \pi.$$
6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 7(1 - \sin \varphi)$, $0 \leq \varphi \leq \pi/6$.
7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Oy фигуры, ограниченной графиками функций: $y = x^2$, $y = 1$, $x = 2$.

Вариант №22

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $xy = 2$, $x + 2y - 5 = 0$.
2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией:
$$\begin{cases} x = \cos^3 t \\ y = 2 \sin^3 t \end{cases}$$
.
3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r = 3 \sin \varphi$, $r = 5 \sin \varphi$.
4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = 1 + \arcsin x - \sqrt{1 - x^2}$, $0 \leq x \leq \frac{3}{4}$.
5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = 10 \cos^3 t, \\ y = 10 \sin^3 t, \end{cases} \quad 0 \leq t \leq \pi/2.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 3e^{3\varphi/4}$, $0 \leq \varphi \leq \pi/3$.

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Oy фигуры, ограниченной графиками функций: $y = x$, $y = 0$, $x = 2$.

Вариант №23

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^2$, $4y = x^2$, $x = \pm 2$.

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией: $\begin{cases} x = 4 \cos^3 t \\ y = 3 \sin^3 t \end{cases}$.

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 3(1 + \cos \varphi)$.

4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = 2 + \arcsin \sqrt{x} + \sqrt{x - x^2}$, $\frac{1}{4} \leq x \leq 1$.

5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = e^t (\cos t + \sin t), \\ y = e^t (\cos t - \sin t), \end{cases} \quad 0 \leq t \leq 2\pi.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 8 \sin \varphi$, $0 \leq \varphi \leq \pi/4$.

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Oy фигуры, ограниченной графиками функций: $y = x^2$, $x = 2$, $y = 0$.

Вариант №24

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = \frac{\sqrt{x}}{2}$, $y = \frac{1}{2x}$,

$x = 16$.

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией: $\begin{cases} x = 3 \cos t \\ y = 4 \sin t \end{cases}$.
3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r = 2 \sin \varphi$, $r = 4 \sin \varphi$.
4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = \frac{e^x + e^{-x}}{2} + 3$, $0 \leq x \leq 2$.
5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями: $\begin{cases} x = 2(t - \sin t), \\ y = 2(1 - \cos t), \end{cases} 0 \leq t \leq \pi/2$.
6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 4 \cos \varphi$, $\pi/4 \leq \varphi \leq \pi/2$.
7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Oy фигуры, ограниченной графиками функций: $y = 2x$, $x = 4$, $y = 0$.

Вариант №25

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^2$, $y = 8 - x^2$.
2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией: $\begin{cases} x = 2 \cos^3 t \\ y = 3 \sin^3 t \end{cases}$.
3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r = 6 \sin \varphi$, $r = 4 \sin \varphi$.
4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = \arccos \sqrt{x} - \sqrt{x - x^2} + 4$, $0 \leq x \leq \frac{1}{2}$.
5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями: $\begin{cases} x = 2 \cos^3 t, \\ y = 2 \sin^3 t, \end{cases} 0 \leq t \leq \pi/4$.
6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 6 \sin \varphi$, $0 \leq \varphi \leq \pi/3$.

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Oy фигуры, ограниченной графиками функций: $y = x^2$, $y = x$.

4 семестр

Типовой расчета № 1

Вариант №1

- 1) Все буквы русского алфавита написаны на 33 карточках. Какова вероятность того, что наудачу взятая карточка окажется с гласной буквой?
- 2) Ребенок не умеющий читать играет с буквами разрезной азбуки: А, Г, Е, З, Л, Б. Какова вероятность того, что переставляя буквы наугад, он составит слово «ГАЗЕЛЬ»?
- 3) Две одинаковые монеты радиуса r размещены внутри круга R , в который наудачу бросается точка. Вычислить вероятность того, что эта точка упадет на одну из монет, если эти монеты не пересекаются.
- 4) В ящике 15 шаров. Из них 3 белые, пять – синие, семь – черные. Наудачу извлекают два шара без возвращения. Найти вероятность того, что шары одного цвета.
- 5) Издательство отправило газеты в два почтовых отделения. Вероятность своевременной доставки газет в каждое почтовое отделение равна 0,9. Найти вероятность того, что а) оба отделения получают газеты вовремя; б) хотя бы одно получит вовремя.
- 6) При разрыве снаряда образуются крупные, средние и мелкие осколки, число которых составляет соответственно 0,1; 0,3; 0,6 от общего числа осколков. При попадании в танк крупный осколок пробивает его броню с вероятностью 0,9, средний - с вероятностью 0,3 и мелкий с вероятностью 0,1. Найти вероятность того, что попавший в броню осколок пробьет его.
- 7) Вероятность для изделий некоторого производства удовлетворять стандарту равна 0,96. Предлагается упрощенная схема проверки на стандартность, дающая положительный результат с вероятностью 0,98 для изделий удовлетворяющих стандарту, а для изделий, не удовлетворяющих стандарту с вероятностью 0,05. Найти вероятность того, что изделие признанное стандартным при проверке, действительно удовлетворяет стандарту.
- 8) Всхожесть семян цветов оценивается вероятностью 0,6. Найти вероятность того, что из 1000 посеянных семян взойдет 600?
- 9) Известно, что в среднем 86% деталей изготавливаемых в цехе являются стандартными. Случайно отобрали 1000 деталей. Найти вероятность того, что относительная частота нестандартных деталей отклонится от вероятности такой детали по модулю не более чем на 0,04.

Вариант №2

- 1) Какова вероятность того, что случайно выбранное целое число от 1 до 30 является делителем числа 30.
- 2) На книжной полке случайным образом расставлены четыре книги по математике и три по физике. Найти вероятность того, что книги по каждому предмету окажутся рядом.
- 3) В круг радиуса R вписан правильный треугольник. Внутри круга наудачу брошена точка. Вероятность попадания точки в фигуру пропорциональна ее площади и не зависит от ее расположения. Найти вероятность того, что точка попадет в треугольник.
- 4) Безотказная работа прибора обуславливается безотказной работой каждого из трех механизмов-узлов, составляющих его и вероятности безотказной работы которых в течении времени T соответственно равны 0,6; 0,7; 0,9. Найти вероятность безотказной работы прибора за время T .
- 5) В партии, состоящей из 20 изделий, имеется 5 дефектных. Из партии выбираются для контроля 7 изделий. Если среди контрольных окажется более трех дефектных, бракуется вся партия. Найти вероятность того, что партия будет забракована.
- 6) В трех урнах лежат шары. В первой урне пять белых и пятнадцать черных; во второй – десять белых и десять черных и в третьей урне десять черных. Найти вероятность того, что случайно взятый шар из случайно выбранной урны окажется черным.
- 7) Для участия в студенческих отборочных спортивных соревнованиях выделено из первой группы курса – 4 , из второй – 6, из третьей группы – 5 студентов. Вероятность того, что студент первой, второй, третьей группы попадает в сборную института, соответственно равны 0,9; 0,7; 0,8. Наудачу выбранный студент попал сборную. К какой из групп вероятнее всего принадлежит этот студент?
- 8) При каждом отдельном выстреле из орудия вероятность попадания в цель равна 0.9. вычислить вероятность того, что из 19 выстрелов удачными будут 10.
- 9) По данным телевизионного ателье в течении гарантийного срока выходят из строя в среднем 12% кинескопов. Какова вероятность того, что из 46 наугад выбранных кинескопов не менее 20 проработают гарантийный срок.

Вариант №3

- 1) Какова вероятность того, что задуманное двузначное число делится на 5.
- 2) Из чисел 1, 2, 3, ...30 случайно отбирают 10 различных. Найти вероятность того, что 5 чисел четные и пять – нечетные.
- 3) В круг радиуса R помещен меньший круг радиуса r . Найти вероятность того, что наудачу брошенная в большой круг точка, попадет также и в меньший круг.

- 4) Найти вероятность того, что выбранное наудачу изделие первосортное, если известно, что 4% всей продукции является браком, а 75% не бракованных изделий удовлетворяют требованиям первого сорта.
- 5) Для сигнализации об аварии установлены два независимо работающих сигнализатора. Вероятность того, что при аварии сработает первый сигнализатор 0,95, второй – 0,9. Найти вероятность того, что при аварии сработает только один сигнализатор.
- 6) В продажу поступают телевизоры трех заводов. Продукция первого завода содержит 20% брака, второго – 10%, третьего – 5%. Найти вероятность приобретения исправного телевизора, если в магазин поступило 30% телевизоров с первого завода, 20% - со второго, 50% - с третьего завода.
- 7) При отклонении от нормального режима работы автомата срабатывает сигнализатор С-1 с вероятностью 0,8, а сигнализатор С-2 с вероятностью 1. Вероятности того, что автомат снабжен сигнализатором С-1 или С-2 соответственно равны 0,6 и 0,4. Получен сигнал о разрядке автомата. Найти вероятность того, что сигнал получен от сигнализатора С-1.
- 8) Два равносильных игрока играют в настольный теннис. Какова вероятность того, что игрок выиграет не менее трех партий из пяти.
- 9) Вероятность того, что изготовленные часы будут стандартными равна 0,97. Найти вероятность того, что среди 1000 изготовленных часов относительная частота стандартных часов отклонится от вероятности таких часов по модулю не более чем на 0,02.

Вариант №4

- 1) Бросаются две игральные кости. Найти вероятность того, что сумма очков равна 8, а разность 4.
- 2) На шести одинаковых карточках написаны числа 2, 4, 7, 8, 12, 10. Наудачу взяты две карточки. Какова вероятность того, что образованная из этих чисел дробь сократима?
- 3) Абонент ждет телефонного звонка в течении одного часа. Найти вероятность того, что вызов произойдет в последние 20 минут этого часа.
- 4) Из трех орудий произведен залп по цели. Вероятность промаха при одном выстреле из первого орудия равна 0,3, из второго – 0,2, из третьего – 0,1. Найти вероятность того, что а) попадет только одно орудие; б) цель будет поражена.
- 5) Три станка работают независимо друг от друга. Вероятность выхода из строя первого станка равна 0,1, второго – 0,3, третьего – 0,2. Найти вероятность того, что из строя выйдут не менее двух станков.
- 6) В одной партии изделий 12 штук, а в другой – 10 штук. В каждой партии по два изделия бракованные. Изделие взятое наудачу из второй партии переложили в первую партию, после чего из первой партии наудачу взяли изделие. Найти вероятность того, что изделие извлеченное из первой партии будет годным.

- 7) Пассажир может купить билет в одной из трех касс. Вероятность того, что он направится к первой кассе 0,5; ко второй – $1/3$; к третьей – $1/6$. Вероятность, что билетов уже нет в первой кассе – $1/5$; во второй – $1/6$; в третьей – $1/8$. Он обратился в одну из касс и получил билет. Найти вероятность того, что он обратился в первую кассу.
- 8) Вероятность попадания в цель при одном выстреле 0,001. Найти вероятность того, что при 1000 выстрелах будет не менее двух попаданий.
- 9) Найти вероятность того, что из 100 посаженных семян прорастут не менее 80, если их всхожесть равна 0,6.

Вариант №5

- 1) В словаре языка А.С. Пушкина имеется 22000 различных слов, из которых 16000 А.С. Пушкин употребляет в своих произведениях только один раз. Найти вероятность того, что наудачу взятое из этого словаря слово, употреблялось писателем более одного раза.
- 2) Десять человек разбились на две команды, по пять человек в каждой, для игры в волейбол. Найти вероятность того, что два брата попадут в одну команду.
- 3) Два действительных числа выбираются так, что $|x| \leq 3$, $|y| \leq 5$. Какова вероятность того, что дробь $\frac{x}{y}$ окажется положительной.
- 4) Студент знает 40 из 50 вопросов программы. Найти вероятность того, что студент ответит на билет, содержащий три вопроса.
- 5) Вероятность того, что нужная сборщику деталь содержится в первом, втором, третьем, четвертом ящиках соответственно равна 0,6; 0,7; 0,8; 0,9. Найти вероятность того, что деталь содержится не более чем в трех ящиках.
- 6) В первом кармане три монеты по 20 копеек и три монеты по 3 копейки, а в левом кармане шесть монет по 20 копеек и три монеты по 3 копейки. Из правого кармана в левый перекаладывают наугад пять монет. Найти вероятность того, что монета, извлеченная из левого кармана после перекаладывания будет в 20 копеек.
- 7) У рыбака есть три любимых места рыбалки. Эти места он посещает с одинаковой вероятностью. Вероятность того, что рыба клюнет на первом месте $1/3$, на втором – $1/2$, на третьем – $1/4$. Известно, что рыбак поймал рыбку, забросив удочку. Какова вероятность того, что он рыбачил на третьем месте.
- 8) Что вероятнее: выиграть у равносильного противника в шахматы три партии из четырех или пять из восьми?
- 9) Штамповка металлических клемм дает 20% брака. Найти вероятность того, что в партии из 600 клемм число не соответствующих стандарту клемм будет от 100 до 125.

Вариант №6

ПРИЛОЖЕНИЕ 3. Задания для типовых расчетов

- 1) На складе хранится 500 аккумуляторов. Известно, что после года хранения 20 штук выходят из строя. Требуется найти вероятность того, что наудачу взятый после года хранения аккумулятор окажется годным.
- 2) Из чисел 1, 2, 3, ...30 случайно отбирают 10 различных. Найти вероятность того, что ровно 5 чисел делятся на три.
- 3) В прямоугольник 5×4 см² вписан круг радиуса 1,5 см. Какова вероятность того, что точка, случайным образом поставленная в прямоугольник, окажется внутри круга?
- 4) Из букв слова «РОТОР», составленного с помощью разрезной азбуки, наудачу последовательно извлекают 3 буквы и складывают в ряд. Какова вероятность того, что получится слово «ТОР».
- 5) Студент знает 40 из 50 вопросов программы. Каждый экзаменационный билет содержит три вопроса. Найти вероятность того, что студент знает только два вопроса.
- 6) Прибор, установленный на борту самолета может работать в двух режимах: в условиях нормального крейсерского полета и в условиях перегрузки взлета и посадки. Крейсерский режим осуществляется в 80% всего времени полета, а условие перегрузки в 20%. Вероятность выхода прибора из строя во время перегрузки равна 0,4, а во время крейсерского полета – 0,1. Найти вероятность надежности прибора за время всего полета.
- 7) Имеются два ящика с красными и синими шарами: в первом 3 синих и 5 красных, во втором 7 синих и 11 красных. Наудачу выбирается шар. Шар извлекали из наудачу взятого ящика. Известно, что извлеченный шар оказался синим. Найти вероятность того, что извлекали из первого ящика.
- 8) В среднем 90% поездов прибывают без опоздания. Считая опоздания поездов независимыми событиями, найти вероятность того, что из пяти поездов опаздывают не более одного.
- 9) В среднем из 100 деталей не удовлетворяют стандарту 20 деталей. Найти вероятность того, что среди 2500 деталей будет от 1950 до 2060 стандартных деталей.

Вариант №7

- 1) Какова вероятность того, что четырехзначный номер случайно взятого автомобиля имеет все цифры различные. Замечание: считать номер 0000 возможным.
- 2) В вещевой лотерее разыгрываются пять предметов. Всего в урне 30 билетов. Первый подошедший к урне вынимает четыре билета. Найти вероятность того, что два из этих билетов окажутся выигрышными.
- 3) Метровую ленту случайным образом разрезают ножницами. Найти вероятность того, что длина обрезка составит не менее 80 см.

- 4) Имеется 10 карточек, на которых написаны числа 3, 3, 3, 4, 4, 5, 5, 6, 6, 6. Одну за другой вынимают две карточки. Найти вероятность того, что на одной карточке будет четное число, а на другой нечетное.
- 5) Журналист разыскивает нужную ему книгу в трех библиотеках. Вероятность наличия книги в первой библиотеке равна 0,9, во второй – 0,8, в третьей – 0,6. Найти вероятность того, что а) книга есть только в первой библиотеке; б) книга есть только в одной библиотеке.
- 6) На столе экзаменатора 20 билетов, пронумерованных от 1 до 20. Найти вероятность того, что студент берущий билет вторым, возьмет билет с однозначным номером.
- 7) Три оператора радиолокационной установки производят соответственно 25%, 35% и 40% всех измерений, допуская при этом 5%, 4% и 2% ошибок. Случайно произведенное измерение оказалось ошибочным. Какова вероятность того, что измерение производил второй оператор?
- 8) Всхожесть семян оценивается вероятностью 0,8. Найти наивероятнейшее число семян, которые не взойдут, если посеяли 10 семян.
- 9) Статистическая вероятность рождения мальчика равна 0,515. Какова вероятность того, что среди 10000 новорожденных мальчиков будет не

Вариант №8

- 1) Куб, грани которого окрашены, распилен на 64 одинаковых кубиков. Кубики перемешаны. Найти вероятность того, что наудачу взятый кубик будет иметь одну окрашенную грань.
- 2) Библиотечка состоит из 10 книг, причем 5 книг стоят по 4 сома каждая, три книги – по одному сому и две книги по три сома. Найти вероятность того, что взятые наудачу две книги стоят в сумме 5 сомов.
- 3) На отрезке длиной 20 см помещен меньший отрезок длиной 10 см. Найти вероятность того, что точка, наудачу поставленная на больший отрезок, попадет также и на меньший отрезок.
- 4) Из трех орудий произведен залп по цели. Вероятность промаха при одном выстреле из первого орудия равна 0,5, из второго – 0,6, из третьего – 0,9. Найти вероятность того, что а) цель будет поражена; б) цель не поражена; в) попадет только второе орудие.
- 5) Абонент забыл последнюю цифру нужного номера телефона и набирает ее наудачу. Найти вероятность того, что ему придется звонить не более чем в три места.
- 6) Группа студентов состоит из 5 отличников, 10 хорошистов, 8 троечников и двух двоечников. Отличники на предстоящем экзамене могут получить только отличные оценки, хорошо успевающие студенты могут с одинаковой вероятностью получить хорошие и отличные оценки, троечники получают отличные оценки только в двух

случаях из десяти. Двоечники получить отличную оценку не могут. Найти вероятность того, что наугад вызванный студент получит отличную оценку.

7) Электролампы изготавливаются на трех заводах. Первый завод производит 15% общего количества электроламп, второй - 40%, третий - 45%. Продукция 1-го завода содержит 70% стандартных ламп, второго - 81%, третьего - 90%. В магазине лампы оказались не рассортированными, и купленная наугад лампа оказалась негодной. Найти вероятность того, что лампа изготовлена на заводе №2

8) Оптовая база снабжает 10 магазинов, вероятность поступления от каждого из которых заявки на очередной день равна 0,6. Найти наивероятнейшее число заявок в день и вероятность этого наивероятнейшего числа.

9) В среднем 30% студентов сдают экзамен на хорошо и отлично (по данной дисциплине). Найти вероятность того, что, по крайней мере, семь человек из десяти получают хорошие или отличные оценки.

Вариант №9

1) Подброшены две игральные кости. Найти вероятность того, что сумма очков равна 5, а произведение равно 4.

2) Найти вероятность того, что дни рождения 12 человек придутся на разные месяцы.

3) В квадрат со стороной 10 см наудачу ставится точка. Найти вероятность того, что она попадет вне вписанного в квадрат круга.

4) Вيني Пух собрался вкусно пообедать. С вероятностью $p_1=0,3$ что-нибудь вкусное есть у кролика, а с вероятностью $p_2=0,6$ что-нибудь вкусное есть у Пяточки, но с вероятностями $q_1=0,2$ и $q_2=0,9$ их нет дома. К кому надежнее зайти, думает Вيني Пух?

5) Три студента решают одну и ту же задачу. Вероятность того, что задачу решит первый студент равна 0,2, второй - 0,4, третий - 0,8. Найти вероятность того, что а) задача решена; б) задача не решена; в) задачу решит только третий студент.

6) На столе экзаменатора 20 билетов, пронумерованных от 1 до 20. Найти вероятность того, что студент, берущий билет вторым, возьмет билет с двузначным номером.

7) Три стрелка производят по одному выстрелу по одной мишени. Вероятность попадания для первого стрелка равна 0,6, для второго - 0,5, для третьего - 0,4. В результате произведенных выстрелов в мишени оказалось две пробоины. Найти вероятность того, что в мишень попали второй и третий стрелки.

8) Вероятность того, что покупателю магазина не требуется обувь 37 размера, равна 0,2. Найти наивероятнейшее число покупателей, которым потребуется обувь 37 размера, если в магазине ожидается 800 покупателей.

9) Найти вероятность того, что в партии из 5000 изделий отклонение относительной частоты бракованных изделий от вероятности таких изделий равной 0,02, по модулю превысит 0,01.

Вариант №10

- 1) Абонент забыл три последние цифры номера телефона и набирает их наудачу. Найти вероятность того, что он наберет правильный номер.
- 2) Среди кандидатов в студенческий совет три первокурсника, пять второкурсников и семь третьекурсников. Из этого состава отбирают 5 человек. Найти вероятность того, что: а) выбраны одни второкурсники; б) выбраны одни третьекурсники.
- 3) Две одинаковые монеты радиуса r размещены внутри круга R , в который наудачу бросается точка. Вычислить вероятность того, что эта точка упадет на одну из монет, если эти монеты не пересекаются.
- 4) На участке AB у мотоциклиста-гонщика имеется 2 препятствия. Вероятность остановки на каждом из них 0,1. Вероятность, что от пункта B до пункта C не будет остановки равна 0,7. Найти вероятность того, что на участке AC не будет остановки.
- 5) На столе экзаменатора лежат 30 билетов, пронумерованных от 1 до 30. Найти вероятность того, что первые два студента, берущие билеты возьмут а) билеты с однозначными номерами; б) билеты с двузначными номерами; в) один с однозначным другой с двузначным номером.
- 6) Радиолампа может принадлежать к одной из двух партий с вероятностями $p_1=0.6$ и $p_2= 0,4$. Вероятности того, что лампа проработает заданное число часов, равны соответственно 0,7 и 0,8. Найти вероятность того, что взятая лампа проработает заданное число часов.
- 7) Имеется десять одинаковых коробок, из которых в девяти находятся по два черных и два белых шара; а в одной (*) 5 белых и 1 черный шар. Из одной наудачу взятой коробки извлечен белый шар. Какова вероятность того, что шар извлекался из коробки (*)?
- 8) Вероятность попадания при одном выстреле равна 0,7. Найти вероятность не менее пяти попаданий при шести выстрелах.
- 9) Всхожесть хранящихся на складе зерен пшеницы составляет 80%. Наудачу отобрали 100 зерен. Найти вероятность того, что число проросших семян будет в пределах от 68 до 90 штук.

Вариант №11

- 1) Участники жеребьевки тянут жетоны из ящика. Номера жетонов от 1 до 100. Найти вероятность того, что номер первого наудачу извлеченного жетона не содержит цифру 6.

- 2) В группе 18 девушек и 12 юношей. Надо выбрать делегацию из 2 человек. Найти вероятность того, что будут делегированы юноша и девушка.
- 3) В некоторый круг вписан правильный треугольник. Зная, что попадание точки в круг достоверно и что вероятность попадания точки в какую-либо часть этого круга зависит только от площади этой части и пропорциональна ей, найти вероятность попадания точки в треугольник.
- 4) В колоде 36 карт. Наудачу извлекают две карты без возвращения. Найти вероятность того, что а) извлеченные карты разного цвета; б) извлеченные карты одного цвета.
- 5) По цели производится три независимых выстрела. Вероятность промаха при одном выстреле равна 0,4. Для поражения цели достаточно двух попаданий. Найти вероятность поражения цели.
- 6) В группе из десяти студентов, пришедших на экзамен, пять подготовлены хорошо, два – отлично, два – удовлетворительно, один – плохо. Отлично подготовленный студент может ответить на все 20 вопросов из двадцати возможных; хорошо подготовленный студент может ответить на 16 вопросов; удовлетворительно подготовленный – на 10 вопросов; плохо подготовленный – на 5 вопросов. Найти вероятность того, что наудачу вызванный студент ответит на три заданные ему вопроса.
- 7) В группе 20 лыжников, 6 конькобежцев и 4 горнолыжника. Вероятность выполнить норму мастера спорта для лыжника равна 0,9; для конькобежца – 0,8; для горнолыжника 0,75. Наудачу выбранный спортсмен не выполнил норму мастера спорта. Какова вероятность того, что это лыжник?
- 8) Было посеяно 28 семян тыквы с одинаковой всхожестью. Найти вероятность всхожести семян, если наиболее вероятные числа проросших семян 17 и 18.
- 9) Если в среднем левши составляют 1% , то каковы шансы на то, что среди случайно выбранных 200 человек левшей будет не более четырех.

Вариант №12

- 1) В лотерее разыгрываются 1000 билетов. Среди них один выигрыш в 50 сомов, пять – по 20 сомов, двадцать – по 10 сомов и пятьдесят выигрышей по 5 сомов. Некто купил один билет. Найти вероятность выигрыша не менее 10 сомов.
- 2) Из десяти деталей две являются бракованными. Наудачу взяли 5 деталей. Найти вероятность того, что три детали из взятых будут не бракованными.
- 3) Мишень в тире представляет собой круг радиуса R . Стрелок выбивает 10 очков, если попадает в малый круг в центре с радиусом r , $r < R$. Какова вероятность выбить 10 очков при одном выстреле?
- 4) В одном ящике 6 белых и 4 черных шара, в другом 7 белых и 3 черных. Из каждого ящика наудачу извлекают по одному шару. Найти вероятность того, что а) шары черные; б) только один черный; в) хотя бы один черный.

- 5) Студент знает 35 из 40 вопросов программы. Для получения зачета необходимо ответить не менее чем на два из трех заданных вопросов. Найти вероятность сдачи зачета студентом.
- 6) В трех урнах лежат мячи. В первой 5 футбольных мячей и 10 волейбольных; во второй урне 6 футбольных и 4 волейбольных; в третьей 5 футбольных и 5 волейбольных. Какова вероятность того, что наудачу взятый мяч из наудачу выбранной урны будет волейбольным.
- 7) Для сигнализации об аварии используется индикатор. Он принадлежит с вероятностями 0,2, 0,3, 0,5 к одному из трех типов. Вероятности срабатывания для которых равны 1, 0,75, 0,4. От индикатора получен сигнал. К какому типу вероятнее всего он относится?
- 8) В мастерской имеется 190 моторов. Вероятность того, что в данный момент мотор работает с полной нагрузкой, равна 0,8. Найти вероятность того, что в данный момент времени работают 140 моторов.
- 9) В НИИ земледелия проверяется всхожесть семян кукурузы. Сколько семян следует посеять, чтобы относительная частота всхожих семян отличалась от вероятности всхожести равной 0,95 меньше чем на 0,01 с вероятностью 0,99.

Вариант №13

- 1) Найти вероятность того, что наудачу выбранный член последовательности $u_n = n^2 + 1, n = 1, 2, \dots, 10$ есть число кратное пяти.
- 2) Студент знает 20 из 30 вопросов программы. В билете 3 вопроса. Найти вероятность того, что студент, взявший билет, ответит на два вопроса билета.
- 3) На отрезок AB длиной 12 см наугад бросают точку M , причем вероятность попадания точки в какой-либо подынтервал отрезка AB не зависит от его положения внутри AB и пропорциональна его длине. Какова вероятность того, что площадь квадрата построенного на AM , будет больше 36 см^2 и меньше 81 см^2 ?
- 4) В урне 30 шаров из них 5 белых, 10 синих, 15 красных. Шары извлекают без возвращения до тех пор, пока не появится белый шар. Найти вероятность того, что придется производить четвертое извлечение.
- 5) В ящике содержится 10 деталей, из которых четыре окрашены. Сборщик наудачу взял три детали. Найти вероятность того, что хотя бы одна из деталей окрашена.
- 6) В одном пакете 10 конфет «Ласточка» и 5 конфет «Весна». В другом пакете 8 конфет «Ласточка» и 2 конфеты «Весна». Из первого пакета наудачу взяли одну конфету и переложили во второй пакет, после чего из второго пакета наудачу извлекли одну конфету. Найти вероятность того, что извлекли конфету «Весна».
- 7) Из 18 стрелков пять попадают в мишень с вероятностью 0,8; семь – с вероятностью 0,7; четыре – с вероятностью 0,6 и два – с вероятностью 0,5. Наудачу

вызванный стрелок произвел выстрел, но в мишень не попал. Какова вероятность того, что он принадлежит к четвертой группе стрелков?

8) В ВУЗе обучается 730 студентов. Найти наиболее вероятное число студентов, родившихся первого января и вероятность этого наимвероятнейшего числа.

9) Из каждого десятка деталей девять удовлетворяют стандарту. Найти вероятность того, что из 50 взятых со склада деталей число стандартных окажется между 42 и 48.

Вариант №14

1) Куб, грани которого окрашены, распилен на 64 одинаковых кубиков. Кубики перемешаны. Найти вероятность того, что наудачу взятый кубик будет иметь две окрашенных грани.

2) Из чисел 1, 2, 3, ...30 случайно отбирают 10 различных. Найти вероятность того, что все отобранные числа окажутся нечетными.

3) В квадрат со стороной 4 см «бросают» точку. Какова вероятность, что расстояние от этой точки до ближайшей стороны квадрата будет меньше 1 см?

4) Подброшены три игральные кости. Найти вероятность того, что на всех костях выпадет тройка.

5) Три станка работают независимо друг от друга. Вероятность выхода из строя первого станка равна 0,1, для второго – 0,3, для третьего – 0,3. Найти вероятность того, что а) выйдет из строя хотя бы один станок; б) из строя выйдет только первый станок.

б) В партии саженцев имеются в одинаковых количествах саженцы липы, тополя и березы. Вероятности того, что саженец приживается после посадки, равны соответственно 0,8; 0,9; 0,7. Найти вероятность того, что наудачу выбранный саженец приживется.

7) На складе 20 холодильников, изготовленных на заводе №1 и 40 – на заводе №2. Вероятность того, что холодильник изготовленный на заводе №1 будет иметь брак равна 0,1; для второго завода – 0,2. Холодильники упакованы в коробки. Наудачу взятый холодильник оказался с браком. Найти вероятность того, что он изготовлен на заводе №1.

8) В цехе имеется 10 однотипных станков. Вероятность того, что каждый станок в течении смены будет работать с остановками равна 0,2. Найти вероятность того, что в течении смены без остановок будут работать не менее двух станков.

9) При контрольной проверке изготовленных приборов было установлено, что в среднем 15 из 100 штук оказываются дефектными. Найти вероятность того, что число дефектных приборов среди взятых наудачу 400 штук будет отличаться от наиболее вероятного их числа по модулю не более чем на 20 штук.

Вариант №15

- 1) В лотерее разыгрываются 500 билетов. Крупные выигрыши падают на билеты, номера которых содержат три одинаковых цифры. Некто купил один билет. Найти вероятность того, что он выиграет крупный выигрыш.
- 2) У сборщика 12 деталей, мало отличающихся друг от друга. Из них пять деталей первого вида, четыре – второго, и три – третьего. Какова вероятность того, что среди шести взятых наудачу деталей окажутся три детали первого вида, две – второго и одна третьего вида?
- 3) Внутри круга радиуса R брошена точка. Вероятность попадания точки в любую часть круга пропорциональна площади этой части и не зависит от ее расположения относительно круга. Найти вероятность того, что точка окажется внутри квадрата, вписанного в круг.
- 4) В урне 15 шаров из них 10 цветных, остальные белые. Шары извлекают без возвращения до тех пор, пока не появится белый шар. Найти вероятность того, что придется производить четвертое извлечение.
- 5) В десятиламповом радиоприемнике перегорела одна лампа. С целью устранения неисправности наудачу выбранную лампу заменяют исправной из запасного комплекта, после чего сразу проверяют работу приемника. Какова вероятность того, что приемник будет работать нормально после замены а) одной; б) пяти; в) десяти ламп?
- 6) Электролампы изготавливаются на трех заводах. Первый завод производит 45% общего количества электроламп, второй - 40%, третий -15% . Продукция 1-го завода содержит 70% стандартных ламп, второго – 80%, третьего – 81% . В магазин лампы поступают с трех заводов. Найти вероятность того, что купленная лампа окажется стандартной.
- 7) В группе из 20 стрелков имеются четыре отличных стрелка; десять – хороших и шесть посредственных стрелков. Вероятность попадания в цель при одном выстреле для отличного стрелка равна 0,9; для хорошего – 0,7, для посредственного – 0,4. Наудачу вызванный стрелок поразил цель. Найти вероятность того, что стрелял посредственный стрелок.
- 8) На заводе вырабатывается в среднем 80% холодильников отличного качества. Какова вероятность того, что в партии из 1000 холодильников окажется наименьшее число холодильников отличного качества?
- 9) В течении года за индивидуальной консультацией по теории вероятностей обращаются в среднем 80% студентов. Найти вероятность того, что в этом году из 120 студентов за консультацией обратятся не менее 95 человек.

Вариант №16

- 1) Куб, грани которого окрашены, распилен на 1000 одинаковых кубиков. Кубики перемешали, после чего извлекли наудачу один. Найти вероятность того, что кубик будет иметь три окрашенные грани.

- 2) В партии, состоящей из 20 изделий, имеются 5 дефектных. Из партии для контроля берут семь изделий. Если среди контрольных окажется более трех дефектных вся партия бракуется. Найти вероятность того, что партия будет забракована.
- 3) На отрезке L длиной 20 см помещен меньший отрезок l длиной 10 см. Найти вероятность того, что точка, наудачу поставленная на больший отрезок, попадет так же и на меньший отрезок. Предполагается, что вероятность попадания точки на отрезок пропорциональна длине отрезка и не зависит от его расположения.
- 4) В одном ящике 10 белых и пять черных шаров. Во втором ящике семь белых и три черных шара. Из каждого ящика наудачу извлекают по одному шару. Найти вероятность того, что а) оба шара одного цвета; б) оба шара разного цвета.
- 5) Из чисел 1, 2, 3, ...20 наудачу выбирают пять чисел. Найти вероятность того, что все числа нечетные.
- 6) Литье в болванках поступает из двух цехов: 70% из первого, остальные из второго. Материал первого цеха имеет 10% брака, а второго 20%. Найти вероятность того, что наудачу взятая болванка оказывается без дефектов.
- 7) Два цеха штампуют однотипные детали. В первом цехе брак составляет 0,1%; во втором – 1%. Для контроля отобрано 50 изделий первого цеха и 60 – второго. Детали оказались перемешанными. Найти вероятность того, что наудачу извлеченная деталь, оказавшаяся годной, изготовлена в первом цехе.
- 8) Проверяют партию из 50 приборов. Вероятность того, что прибор будет без брака равна 0,9. Найти наиболее вероятное число приборов с браком и вероятность этого наиболее вероятного числа.
- 9) Вероятность того, что покупателю магазина потребуется обувь 37 размера, равна 0,2. Найти вероятность того, что доля покупателей, которым необходим 37 размер, отклонится от вероятности этого события по модулю не более чем на 0,4, если в магазине ожидается 8000 покупателей.

Вариант №17

- 1) В книге 50 страниц. Найти вероятность того, что номер наугад открытой страницы будет кратен 8.
- 2) Из последовательности чисел 1, 2, 3, ...10 наугад выбирают два числа. Найти вероятность того, что одно из них меньше 6, а другое больше.
- 3) Найти вероятность того, что точка, наудачу брошенная в квадрат, попадет в круг, вписанный в него.
- 4) В партии, содержащей 20 радиоприемников, имеется три неисправных. Наудачу отобрали три приемника. Найти вероятность того, что а) отобрали только исправные радиоприемники; б) отобрали только неисправные.
- 5) Вероятность того, что противник находится на обстреливаемом участке равна 0,7, Вероятность попадания в этом случае равна 0,6. Для поражения достаточно одного попадания. Найти вероятность поражения при двух выстрелах.

- б) На карточках написаны числа от 20 до 30. Извлекают сначала одну карточку, а потом другую (без возвращения). Найти вероятность того, что число на второй карточке будет четным.
- 7) Два стрелка независимо один от другого стреляют по одной и той же мишени, делая каждый по одному выстрелу. Вероятность попадания для первого равна 0,8; для второго – 0,4. После стрельбы в мишени обнаружена одна пробоина. Найти вероятность того, что эта пробоина принадлежит первому стрелку.
- 8) Радиоаппаратура состоит из 1000 электроэлементов. Вероятность отказа одного из них (безразлично какого) в течении года равна 0,001. Какова вероятность отказа а) двух элементов; б) не менее двух элементов в год.
- 9) С конвейера сходит в среднем 85% изделий первого сорта. Определить сколько следует взять изделий, чтобы с вероятностью 0,997 можно было утверждать, что частота изделий первого сорта отличается от наиболее вероятного их числа по модулю не более чем на 2?

Вариант №18

- 1) Подброшены две игральные кости. Найти вероятность того, что произведение выпавших очков будет четным.
- 2) Колода из 52 игральные карт делится наугад на две равные части. Найти вероятность того, что в одной из частей будет ровно один туз.
- 3) На 200-км газопроводе между компрессорными станциями А и В происходит утечка газа. Утечка равновероятна в любой точке газопровода. Найти вероятность того, что она расположена не далее 20 км от какой-нибудь из компрессорных станций А, В.
- 4) Два биатлониста произвели по одному выстрелу. Вероятности попадания в цель для каждого биатлониста соответственно равны 0,9 и $\frac{5}{6}$. Найти вероятность того, что цель не поражена.
- 5) В одном ящике 6 белых и 4 черных шара, в другом 8 белых и 2 черных. Из каждого ящика наудачу извлекают по одному шару. Найти вероятность того, что а) хотя бы один шар среди извлеченных белый; б) только один белый.
- 6) В ящике 20 деталей, изготовленных на заводе №1 и 40 деталей – на заводе №2. На первом заводе брак составляет 5%, на втором – 10%. Найти вероятность того, что наудачу взятая деталь будет не бракованной.
- 7) В девять одинаковых закрытых урн помещено по десять шаров, различающихся только цветом. В две урны положено по пять белых шаров; в три урны – по четыре белых шара; в четыре урны – по три белых шара. Из какой-то одной урны нажатием кнопки выброшен шар, оказавшийся белым. Найти вероятность того, что эта урна содержала 3 белых шара.
- 8) Вероятность того, что любой абонент позвонит на коммутатор в течении часа равна 0,005. Телефонная станция обслуживает 600 абонентов. Найти вероятность того, что в течении часа позвонят пять абонентов.
- 9) Медиками установлено, что 94% лиц, которым сделаны прививки против туберкулеза, приобретают иммунитет против этого заболевания. Какова

вероятность того, что среди 10000 граждан, получивших прививки менее 1000 не будут защищены от этого заболевания.

Вариант №19

- 1) Из колоды, содержащей 36 карт, наудачу извлекают одну. Найти вероятность того, что будет извлечена фигура любой масти. Замечание: под фигурой понимают даму, валета, короля.
- 2) На один ряд, состоящий из семи мест, случайным образом рассаживаются семь студентов. Найти вероятность того, что два друга окажутся рядом.
- 3) На плоскости начерчены две концентрические окружности радиусов 5 см и 10 см. Найти вероятность того, что точка брошенная в большой круг, попадет также и в кольцо, образованное построенными окружностями. Предполагается, что вероятность попадания точки в часть круга пропорциональна площади этой части и не зависит от ее расположения.
- 4) На шести карточках написаны буквы *В, Д, З, О, Х, У*. После перетасовки вынимают наугад по одной шесть карточек с последующим их возвращением. Каждая из букв на вынутой карточке записывается. Найти вероятность того, что записано слово «ВОЗДУХ».
- 5) Три охотника одновременно выстрелили по одному волку. Вероятность попадания каждого из охотников одинакова и равна 0,4. Определить вероятность того, что волк будет убит, если для этого достаточно одного попадания.
- 6) На карточках написаны цифры от 0 до 9. Наудачу извлекают сначала одну, а потом другую карточку (без возвращения). Найти вероятность того, число на второй извлеченной карточке будет нечетным.
- 7) Счетчик регистрирует частицы трех типов – *A, B, C*. Вероятности появления этих частиц $P(A) = 0,2$, $P(B) = 0,5$, $P(C) = 0,3$. Частицы каждого из этих типов счетчик улавливает с вероятностями 0,8; 0,2; 0,4. Счетчик уловил частицу. Определить вероятность того, что это была частица типа *B*.
- 8) В принятой партии хлопка число длинных волокон составляет 30% от общего числа волокон. Найти вероятность того, что в пучке из семи волокон четыре окажутся длинными.
- 9) Из каждого десятка деталей две оказываются с дефектами. Найти вероятность того, что среди 50 наудачу взятых деталей без дефекта будет большинство.

Вариант №20

- 1) Бросаются одновременно две игральные кости. Найти вероятность того, что произведение выпавших очков равно 8.
- 2) Для выполнения упражнений по перетягиванию каната 12 участников разбили на две команды по шесть человек в каждой. Найти вероятность того, что два наиболее сильных спортсмена окажутся в одной команде.

- 3) В куб вписан шар. Точка наудачу зафиксирована в кубе. Найти вероятность того, что эта точка попадет так же и в шар.
- 4) Четыре охотника договорились стрелять по дичи в определенной последовательности. Следующий охотник производит выстрел лишь в том случае, если промахнулся предыдущий. Вероятность попадания для первого охотника равна 0,6, для второго – 0,7, для третьего – 0,8, для четвертого – 0,8. Найти вероятность того, что будет произведено а) один выстрел; б) два; в) три; г) четыре выстрела.
- 5) . Биатлонист производит четыре выстрела. Вероятность попадания при одном выстреле равна 0,8. Найти вероятность того, что цель поражена а) всеми выстрелами; б) одним выстрелом; в) только вторым выстрелом.
- 6) В ящик, содержащий 3 одинаковые детали, брошена одна стандартная деталь, а затем наудачу извлечена одна деталь. Найти вероятность того, что извлеченная деталь стандартная, если равновероятны все возможные предположения о числе стандартных деталей, первоначально находящихся в ящике.
- 7) Четыре стрелка независимо один от другого стреляют по одной мишени, делая каждый по одному выстрелу. Вероятность попадания в цель при одном выстреле для первого стрелка равна 0,4; для второго – 0,6; для третьего – 0,7; для четвертого – 0,8. После стрельбы в мишени обнаружены три пробоины. Найти вероятность того, что промахнулся четвертый стрелок.
- 8) Вероятность, для данного баскетболиста забросить мяч в корзину при броске равна 0,3. Произведено 12 бросков. Какова вероятность наименьшего числа попаданий.
- 9) ОТК проверяет 900 деталей на стандартность. Вероятность того, что деталь стандартна, равна 0,8. Найти с вероятностью 0,9544 границы, в которых будет заключено число стандартных деталей среди проверенных.

Вариант №21

- 1) Все буквы русского алфавита написаны на 33 карточках. Какова вероятность того, что наудачу взятая карточка окажется с гласной буквой?
- 2) Ребенок не умеющий читать играет с буквами разрезной азбуки: А, Г, Е, З, Л, Ь. Какова вероятность того, что переставляя буквы наугад, он составит слово «ГАЗЕЛЬ»?
- 3) Две одинаковые монеты радиуса r размещены внутри круга R , в который наудачу бросается точка. Вычислить вероятность того, что эта точка упадет на одну из монет, если эти монеты не пересекаются.
- 4) В ящике 15 шаров. Из них 3 белые, пять – синие, семь – черные. Наудачу извлекают два шара без возвращения. Найти вероятность того, что шары одного цвета.
- 5) Издательство отправило газеты в два почтовых отделения. Вероятность своевременной доставки газет в каждое почтовое отделение равна 0,9. Найти

вероятность того, что а) оба отделения получают газеты вовремя; б) хотя бы одно получит вовремя.

б) При разрыве снаряда образуются крупные, средние и мелкие осколки, число которых составляет соответственно 0,1; 0,3; 0,6 от общего числа осколков. При попадании в танк крупный осколок пробивает его броню с вероятностью 0,9, средний - с вероятностью 0,3 и мелкий с вероятностью 0,1. Найти вероятность того, что попавший в броню осколок пробьет его.

7) Вероятность для изделий некоторого производства удовлетворять стандарту равна 0,96. Предлагается упрощенная схема проверки на стандартность, дающая положительный результат с вероятностью 0,98 для изделий удовлетворяющих стандарту, а для изделий, не удовлетворяющих стандарту с вероятностью 0,05. Найти вероятность того, что изделие признанное стандартным при проверке, действительно удовлетворяет стандарту.

8) Всхожесть семян цветов оценивается вероятностью 0,6. Найти вероятность того, что из 1000 посеянных семян взойдет 600?

9) Известно, что в среднем 86% деталей изготавливаемых в цехе являются стандартными. Случайно отобрали 1000 деталей. Найти вероятность того, что относительная частота нестандартных деталей отклонится от вероятности такой детали по модулю не более чем на 0,04.

Вариант №22

1) Какова вероятность того, что случайно выбранное целое число от 1 до 30 является делителем числа 30.

2) На книжной полке случайным образом расставлены четыре книги по математике и три по физике. Найти вероятность того, что книги по каждому предмету окажутся рядом.

3) В круг радиуса R вписан правильный треугольник. Внутри круга наудачу брошена точка. Вероятность попадания точки в фигуру пропорциональна ее площади и не зависит от ее расположения. Найти вероятность того, что точка попадет в треугольник.

4) Безотказная работа прибора обуславливается безотказной работой каждого из трех механизмов-узлов, составляющих его и вероятности безотказной работы которых в течении времени T соответственно равны 0,6; 0,7; 0,9. Найти вероятность безотказной работы прибора за время T .

5) В партии, состоящей из 20 изделий, имеется 5 дефектных. Из партии выбираются для контроля 7 изделий. Если среди контрольных окажется более трех дефектных, бракуется вся партия. Найти вероятность того, что партия будет забракована.

6) В трех урнах лежат шары. В первой урне пять белых и пятнадцать черных; во второй – десять белых и десять черных и в третьей урне десять черных. Найти

вероятность того, что случайно взятый шар из случайно выбранной урны окажется черным.

7) Для участия в студенческих отборочных спортивных соревнованиях выделено из первой группы курса – 4, из второй – 6, из третьей группы – 5 студентов. Вероятность того, что студент первой, второй, третьей группы попадает в сборную института, соответственно равны 0,9; 0,7; 0,8. Наудачу выбранный студент попал в сборную. К какой из групп вероятнее всего принадлежит этот студент?

8) При каждом отдельном выстреле из орудия вероятность попадания в цель равна 0,9. вычислить вероятность того, что из 19 выстрелов удачными будут 10.

9) По данным телевизионного ателье в течении гарантийного срока выходят из строя в среднем 12% кинескопов. Какова вероятность того, что из 46 наугад выбранных кинескопов не менее 20 проработают гарантийный срок.

Вариант №23

1) Какова вероятность того, что задуманное двузначное число делится на 5.

2) Из чисел 1, 2, 3, ...30 случайно отбирают 10 различных. Найти вероятность того, что 5 чисел четные и пять – нечетные.

3) В круг радиуса R помещен меньший круг радиуса r . Найти вероятность того, что наудачу брошенная в большой круг точка, попадет также и в меньший круг.

4) Найти вероятность того, что выбранное наудачу изделие первосортное, если известно, что 4% всей продукции является браком, а 75% не бракованных изделий удовлетворяют требованиям первого сорта.

5) Для сигнализации об аварии установлены два независимо работающих сигнализатора. Вероятность того, что при аварии сработает первый сигнализатор 0,95, второй – 0,9. Найти вероятность того, что при аварии сработает только один сигнализатор.

6) В продажу поступают телевизоры трех заводов. Продукция первого завода содержит 20% брака, второго – 10%, третьего – 5%. Найти вероятность приобретения исправного телевизора, если в магазин поступило 30% телевизоров с первого завода, 20% - со второго, 50% - с третьего завода.

7) При отклонении от нормального режима работы автомата срабатывает сигнализатор С-1 с вероятностью 0,8, а сигнализатор С-2 с вероятностью 1. Вероятности того, что автомат снабжен сигнализатором С-1 или С-2 соответственно равны 0,6 и 0,4. Получен сигнал о разрядке автомата. Найти вероятность того, что сигнал получен от сигнализатора С-1.

8) Два равносильных игрока играют в настольный теннис. Какова вероятность того, что игрок выиграет не менее трех партий из пяти.

9) Вероятность того, что изготовленные часы будут стандартными равна 0,97. Найти вероятность того, что среди 1000 изготовленных часов относительная частота стандартных часов отклонится от вероятности таких часов по модулю не более чем на 0,02.

Вариант №24

- 1) Все буквы русского алфавита написаны на 33 карточках. Какова вероятность того, что наудачу взятая карточка окажется с согласной буквой?
- 2) Ребенок не умеющий читать играет с буквами разрезной азбуки: П, Г, И, О, Р. Какова вероятность того, что переставляя буквы наугад, он составит слово «ПИРОГ»?
- 3) Три одинаковые монеты радиуса r размещены внутри круга R , в который наудачу бросается точка. Вычислить вероятность того, что эта точка упадет на одну из монет, если эти монеты не пересекаются.
- 4) В ящике 10 шаров. Из них пять белые, три – синие, два – черные. Наудачу извлекают два шара без возвращения. Найти вероятность того, что шары одного цвета.
- 5) Издательство отправило газеты в два почтовых отделения. Вероятность своевременной доставки газет в каждое почтовое отделение равна 0,9. Найти вероятность того, что а) оба отделения получают газеты вовремя; б) хотя бы одно получит вовремя.
- б) При разрыве снаряда образуются крупные, средние и мелкие осколки, число которых составляет соответственно 0,1; 0,3; 0,6 от общего числа осколков. При попадании в танк крупный осколок пробивает его броню с вероятностью 0,9, средний - с вероятностью 0,3 и мелкий с вероятностью 0,1. Найти вероятность того, что попавший в броню осколок пробьет его.
- 7) Вероятность для изделий некоторого производства удовлетворять стандарту равна 0,96. Предлагается упрощенная схема проверки на стандартность, дающая положительный результат с вероятностью 0,98 для изделий удовлетворяющих стандарту, а для изделий, не удовлетворяющих стандарту с вероятностью 0,05. Найти вероятность того, что изделие признанное стандартным при проверке, действительно удовлетворяет стандарту.
- 8) Всхожесть семян цветов оценивается вероятностью 0,6. Найти вероятность того, что из 1000 посеянных семян взойдет 300?
- 9) Известно, что в среднем 76% деталей изготавливаемых в цехе являются стандартными. Случайно отобрали 1000 деталей. Найти вероятность того, что относительная частота нестандартных деталей отклонится от вероятности такой детали по модулю не более чем на 0,03.

Типовой расчет № 2

Вариант №1

1. В ящике лежат 10 изделий, одно из них бракованное. Из ящика вынимают изделия одно за другим до тех пор пока не будет вынуто наугад бракованное. Составить закон распределения случайной величины X - числа вынутых изделий. Найти $F(x)$ и построить ее графически. Вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$. Построить график распределения.

2. При каком значении параметра C функция $f(x) = \begin{cases} 0, & x < 1 \\ C/x^4, & x \geq 1 \end{cases}$ будет плотностью вероятности случайной величины X ? Вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$.

3. На автомате изготавливаются заклёпки. Диаметр их головок представляет собой случайную величину, распределённую по нормальному закону с параметрами $M(X) = 2$ мм, $\sigma^2 = 0,01$ мм². Какие размеры диаметра головок можно гарантировать с вероятностью 0,95? Записать функцию $f(x)$.

4. Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,4$; $M(X) = 3,2$; $D(X) = 0,96$

Вариант №2

1) Вероятность того, что телевизор не потребует ремонта в течение гарантийного срока, равна 0,8. Со склада отпущено 6 телевизоров. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X - числа телевизоров, которые потребуют гарантийного ремонта; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти $F(x)$ и построить ее график.

2) Случайная величина X задана законом распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq \frac{2}{3} \\ 3x^2 - 2x, & \frac{2}{3} < x \leq 1 \\ 1, & x > 1 \end{cases}$$

Требуется: 1) найти функцию $f(x)$ 2) вероятность того, что в двух опытах величина примет значение из интервала $(0,7; 0,8)$; 3) построить графики $F(x)$ и $f(x)$.

3) При средней длине некоторой детали в 20 см. найдено, что отклонения, превосходящие $\pm 0,5$ см, встречаются в среднем 4 раза из 100 деталей. Считая, что длина детали распределена по нормальному закону, определите её стандартное отклонение $\sigma(X)$.

4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,3$; $M(X) = 3,7$; $D(X) = 0,21$

Вариант №3

1) Вероятность изготовления стандартной детали равна 0,9. Из партии контролер берёт деталь и проверяет её качество. Если она оказывается нестандартной, дальнейшие испытания прекращаются, а партия задерживается. Если деталь окажется стандартной, то контролер берет следующую и т.д. Но всего он проверяет не более 5 деталей. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X - числа проверенных деталей; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти $F(x)$ и построить её график.

2) Случайная величина задана законом распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0 \\ a(1 - \cos x), & 0 < x \leq \pi \\ 1, & x > \pi \end{cases}$$

Требуется: 1) найти параметр a ; 2) найти $f(x)$; 3) вычислить вероятность того, что случайная величина примет значение большее $5\pi/6$; 4) построить графики $F(x)$ и $f(x)$.

3) Случайные ошибки измерения подчинены нормальному закону со средним квадратическим отклонением $\sigma(X) = 20$ мм и $M(X) = 0$. Найти вероятность того, что из трех независимых измерений ошибка хотя бы одного не превзойдет по модулю 4 мм.

4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,5$; $M(X) = 3,5$; $D(X) = 0,25$.

Вариант №4

1) Рабочий обслуживает 4 станка. Вероятность того, что в течение часа первый станок не потребует регулировки – 0,9, второй – 0,98, третий – 0,75, четвертый – 0,7. Требуется: 1) составить закон распределения числа станков, которые в течение часа не потребуют регулировки; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти $F(x)$ и построить её график.

2) Случайная величина задана законом распределения:

$$f(x) = \begin{cases} ax^2, & 0 \leq x \leq 2 \\ 0, & x < 0, \quad x > 2 \end{cases}$$

Требуется: 1) найти параметр a ; 2) найти функцию $F(x)$; 3) вычислить вероятность события $X < 1$; 4) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$.

3) При весе некоторого изделия в 10 кг, найдено, что отклонение, по абсолютной величине превосходящее 50 г, встречается в среднем 34 раза из тысячи изделий. Считая, что вес изделия есть случайная величина X , распределенная по нормальному закону, найти ее среднее квадратическое отклонение $\sigma(X)$.

- 4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,7$; $M(X) = 3,3$; $D(X) = 0,21$

Вариант №5

- 1) Студент знает 20 из 25 вопросов программы. Экзаменатор задает ему 5 вопросов. Пятерка ставится за 5 правильных ответов, четверка за четыре из 5, и т.д. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X - оценки студента; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти $F(x)$ и построить её график.

- 2) Случайная величина задана законом распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 2 \\ a(x-2)^3, & 2 < x \leq 3 \\ 1, & x > 3 \end{cases}$$

- Требуется: 1) найти параметр a ; 2) найти функцию $f(x)$; 3) вычислить вероятность того, что величина X примет значение большее $\frac{5}{2}$; 4) построить графики $F(x)$ и $f(x)$.

- 3) Станок автомат изготавливает валики, причем контролируется их диаметр X , который имеет нормальный закон распределения с $M(X) = 10$ мм, $\sigma = 0,1$ мм. Найти интервал, в котором с вероятностью 0,9973 будут заключены диаметры изготовленных валиков.

- 4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,9$; $M(X) = 3,1$; $D(X) = 0,09$

Вариант №6

- 1) В некотором цехе брак составляет 5% всех изделий. Наудачу взяты четыре изделия. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X - числа бракованных изделий среди четырех; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти функцию распределения $F(x)$ и построить её график.

- 2) Случайная величина распределена по закону:

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 1 \\ a(x^2 - x), & 1 < x \leq 2 \\ 1, & x > 2 \end{cases}$$

- Требуется: 1) найти параметр a ; 2) найти функцию $f(x)$; 3) вычислить вероятность того, что в двух испытаниях хотя бы раз величина примет значение из интервала $(1,5; 2,0)$; 4) построить графики $F(x)$ и $f(x)$.

- 3) Для нормального распределения с параметрами $a = 5$, $\sigma = 2$ требуется определить: 1) значение плотности вероятности в точке $x = 4$; 2) вероятность события $7 < X < 8$; 3) вероятность того, что X не отклонится за пределы 3σ .
- 4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,9$; $M(X) = 2,2$; $D(X) = 0,36$

Вариант №7

1) В партии из 10 деталей имеется 8 стандартных. Наудачу отобраны четыре детали. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X - числа стандартных среди отобранных; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти функцию распределения $F(x)$ и построить её график.

2) Случайная величина задана законом распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ a(4x - x^2), & 0 \leq x \leq 2 \\ 1, & x > 2 \end{cases}$$

Требуется: 1) найти параметр a ; 2) найти функцию $f(x)$; 3) вычислить вероятность того, что величина в результате испытания примет значение меньше 1; 4) построить графики $F(x)$ и $f(x)$.

3) Деталь, изготовленная автоматом, считается годной, если отклонение ее контролируемого размера от проектного не превосходит 10 мм. Случайные отклонения подчинены нормальному закону с $a = 0$, $\sigma(X) = 5$ мм. Сколько процентов годных деталей изготавливает автомат?

4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,8$; $M(X) = 3,2$; $D(X) = 0,16$

Вариант №8

1) В коробке лежат 10 темных и 5 светлых галстуков. Продавец отобрал 3 галстука. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X - числа светлых галстуков среди трех отобранных. 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти функцию распределения $F(x)$ и построить её график.

2) Случайная величина задана законом распределения:

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0 \\ ax^3, & 0 < x \leq 3 \\ 1, & x > 3 \end{cases}$$

- Требуется: 1) найти параметр a ; 2) найти функцию $f(x)$; 3) вычислить вероятность того, что в двух опытах величина примет значение большее 2
- 3) Рост взрослых мужчин является нормальной случайной величиной, имеющей $M(X) = 175$ см. и $\sigma(X) = 6$ см. Требуется: 1) написать функцию плотности вероятности этой случайной величины; 2) вычислить вероятность того, что хотя бы один из отобранных четырех мужчин, будет иметь рост от 170 см до 180 см.
- 4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,6$; $M(X) = 3,4$; $D(X) = 0,24$

Вариант №9

- 1) На базе хранятся 10 холодильников, среди которых 2 бракованных. Из этого числа холодильников в магазин привезли 5 холодильников. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X - числа годных холодильников среди привезённых в магазин; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти функцию распределения $F(x)$ и построить её график.
- 2) Непрерывная случайная величина X распределена по закону:

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0 \\ ax^5, & 0 < x \leq 2 \\ 1, & x > 2 \end{cases}$$

- Требуется: 1) найти параметр a ; 2) найти функцию $f(x)$; 3) вычислить вероятность того, что величина в результате испытания примет значение большее 1,5.
- 3) Случайная величина X распределена по нормальному закону с $M(X) = 10$ мм. И $\sigma(X) = 5$ мм. Найти длину интервала, симметричного относительно математического ожидания, в который с вероятностью 0,9973 попадет X в результате опыта.
- 4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,4$; $M(X) = 3,6$; $D(X) = 0,24$

Вариант №10

- 1) Стрелок ведет стрельбу по цели. Вероятность попадания при одном выстреле равна 0,7, при этом за каждое попадание стрелок получает 8 очков. Сделано три выстрела. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X - числа очков полученных стрелком за три выстрела; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти функцию распределения $F(x)$ и построить её график.

2) Непрерывная случайная величина задана законом распределения:

$$f(x) = \begin{cases} 0, & x < 1 \\ a/x^7, & x \geq 1 \end{cases}$$

Требуется: 1) Найти параметр a ; 2) Вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 3) вычислить вероятность события $0,5 < X < 3$.

3) Рост взрослых женщин является случайной величиной, распределенной по нормальному закону с $M(X) = 164$ см. и $\sigma(X) = 5,5$ см. Найти вероятность того, что рост двух наудачу взятых женщин будет не меньше 162 см. и не больше 166 см.

4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,2$; $M(X) = 3,8$; $D(X) = 0,16$

Вариант №11

1) В лотерее на каждые 100 билетов приходится один выигрыш в 1000 сомов, два выигрыша по 100 сомов и десять выигрышей по 10 сомов. Билет стоит 20 сомов. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X – величины выигрыша на один билет; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти функцию распределения $F(x)$ и построить её график.

2) Случайная величина задана законом распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0 \\ a(3x - x^2), & 0 < x \leq \frac{3}{2} \\ 1, & x > \frac{3}{2} \end{cases}$$

Требуется: 1) найти параметр a ; 2) найти функцию $f(x)$; 3) вычислить вероятность того, что после испытания величина примет значение большее 1.

3) Стрельба из орудия ведется вдоль определенного направления. Средняя дальность полета 10000 м. Предполагая, что дальность полета есть случайная величина X , распределенная по нормальному закону с $D(X) = 1600$. Найти какой процент выпускаемых снарядов дает перелет от 100 до 200 м.

4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,4$; $M(X) = 3,6$; $D(X) = 0,24$

Вариант №12

1) Известно, что на некоторой фирме 10 сотрудников получают за одну неделю по 45 долларов, 25 сотрудников по 55, 40 по 65, 50 по 75, 50 по 85 и 25 по 100 долларов. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X -

зарплаты сотрудников; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти функцию распределения $F(x)$ и построить её график.

2) Случайная величина задана законом распределения: $f(x) = \begin{cases} 0, & x < 1 \\ c/x^9, & x \geq 1 \end{cases}$.

Требуется: 1) Найти параметр c ; 2) Вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 3) вычислить вероятность события $0,5 < X < 3$.

3) Для замера напряжения используются специальные тензодатчики. Определить среднюю стандартную ошибку тензодатчика, если он систематических ошибок не дает, а случайные ошибки распределены по нормальному закону, и с вероятностью 0,8 не выходят за пределы $\pm 0,2$ мк.

4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,5$; $M(X) = 3,5$; $D(X) = 0,25$.

Вариант №13

1) Среди 20 приборов имеется 6 неточных. Наудачу берется 4 прибора. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X - числа точных приборов среди отобранных; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти функцию распределения $F(x)$ и построить её график.

2) Непрерывная случайная величина задана законом распределения:

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0 \\ a \sin x, & 0 < x \leq \pi/6 \\ 1, & x > \pi/6 \end{cases}$$

Требуется: 1) найти параметр a ; 2) найти функцию $f(x)$; 3) вычислить вероятность того, что в результате опыта величина примет значение меньше $\frac{\pi}{12}$.

3) Размер диаметра втулок является нормальной случайной величиной с $M(X) = 2,5$ см. и $\sigma(X) = 0,001$. В каких границах можно гарантировать размер диаметра втулок с вероятностью 0,9973?

4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,3$; $M(X) = 4,7$; $D(X) = 0,21$.

Вариант №14

1) Среди поступивших в ремонт 10 часов 6 штук нуждаются в общей чистке механизма. Часы не рассортированы по виду ремонта. Мастер, желая найти часы, нуждающиеся в общей чистке механизма, рассматривает их поочередно, и, найдя такие, прекращает дальнейший осмотр. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X - количества просмотренных часов; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти функцию распределения $F(x)$ и построить её график.

2) Случайная величина задана законом
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 2 \\ a(x^2 - 2x), & 2 < x \leq 4 \\ 1, & x > 4 \end{cases}$$

Требуется: 1) найти параметр a ; 2) найти функцию $f(x)$; 3) вычислить вероятность того, что в двух опытах величина X примет значение большее 3; 4) построить графики $F(x)$ и $f(x)$.

3) Завод изготавливает шарики для подшипников. Номинальный диаметр шариков 5 мм. Вследствие неточности изготовления шарика, фактически его диаметр есть случайная величина, распределенная по нормальному закону с $M(X) = 5$ мм. и $\sigma(X) = 0,05$ мм. При контроле шарики бракуются, если их диаметр отличается от номинального больше, чем на 0,1 мм. Определить какой процент шариков будет отбраковываться?

4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,5$; $M(X) = 4$; $D(X) = 4$

Вариант №15

1) Вероятность попадания в цель для стрелка, делающего четыре выстрела, равна 0,3. За каждое попадание стрелок получает пять очков, а за каждый промах у него вычитают два очка. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X – числа очков, полученных стрелком за 4 выстрела; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти функцию распределения $F(x)$ и построить её график.

2) Случайная величина задана законом:
$$f(x) = \begin{cases} 0, & x \leq -3 \\ \frac{a}{\sqrt{9-x^2}}, & -3 < x < 3 \\ 0, & x \geq 3 \end{cases}$$

Требуется: 1) найти параметр a ; 2) найти функцию $F(x)$; 3) вычислить вероятность того, что величина примет значение большее $\sqrt{3}/2$.

3) Случайная величина X подчинена нормальному закону с $M(X) = 0$. Вероятность попадания этой величины в интервал от -1 до 1 равна 0,5. Найти среднее квадратическое отклонение этой случайной величины и записать функцию $f(x)$.

4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,1$; $M(X) = 5,5$; $D(X) = 2,25$

Вариант №16

1) В партии, насчитывающей 50 изделий имеется шесть бракованных. Случайно из неё отобрали три изделия. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X - числа бракованных изделий; 2) построить график распределения; 3)

вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти функцию распределения $F(x)$ и построить её график.

2) Случайная величина задана законом
$$f(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0 \\ a(3x - x^2), & 0 < x \leq 3 \\ 0, & x > 3 \end{cases}$$

Требуется: 1) найти параметр a ; 2) найти функцию $F(x)$; 3) вычислить вероятность того, что в трех испытаниях величина примет значение из интервала $(1;2)$.

3) Случайная величина X – ошибка измерения некоторым прибором распределена по нормальному закону с $\sigma(X) = 3$ мк. Систематическая ошибка прибора отсутствует. $M(X) = 0$. Найти вероятность того, что в трех независимых измерениях ошибка хотя бы одного из них окажется в интервале $(0;2,4)$.

4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,2$; $M(X) = 5,8$; $D(X) = 5,76$

Вариант №17

1) А.А. Марков при статистическом исследовании языка «Евгения Онегина» установил, что частота гласных букв составляет 0,45. Кроме того, вероятность, что после гласной будет следовать гласная, составляет 0,128, а вероятность, что после гласной будет следовать согласная 0,872. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X – числа гласных букв среди двух последовательно расположенных букв; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти функцию распределения $F(x)$ и построить её график.

2) Непрерывная случайная величина задана законом распределения:

$$f(x) = \begin{cases} 0, & x < 1 \\ c/x^8, & x \geq 1 \end{cases}$$

Требуется: 1) Найти параметр c ; 2) Вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 3)) найти функцию $F(x)$.

3) Случайное отклонение X размера детали от номинала распределено по нормальному закону с $M(X) = 0$ и $\sigma(X) = 5$ мк. Каким должен быть допуск, чтобы с вероятностью не более 0,0027 получилась деталь с контролируемым размером вне поля допуска?

4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,3$; $M(X) = 6,6$; $D(X) = 13,44$

Вариант №18

1) Некто решил играть в кости до первого выигрыша, но не более пяти раз, на следующих условиях: если выпадет шестерка, он получает 5 долларов, а если другое число он платит один доллар. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X – суммарного выигрыша; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти функцию распределения $F(x)$ и построить её график.

2) Случайная величина задана законом:
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 1 \\ \frac{x-1}{2}, & 1 < x \leq 3 \\ 1, & x > 3 \end{cases}$$

Требуется: 1) найти функцию $f(x)$; 2) вычислить вероятность того, что при двух испытаниях величина хотя бы раз примет значение из интервала $(2; 2,5)$; 3) построить графики $F(x)$ и $f(x)$.

3) Детали, выпускаемые цехом, считаются высшего качества, если отклонения их размера от номинала не превосходят по абсолютной величине 2,6 мм. Случайное отклонение размера детали от номинала подчиняется нормальному закону со средним квадратическим отклонением равным 2 мм. Систематические ошибки отсутствуют ($M(X) = 0$). Определить среднее число деталей высшего качества среди наудачу выбранных пяти деталей.

4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,4$; $M(X) = 4,4$; $D(X) = 3,84$

Вариант №19

1) На пути движения автомобиля пять светофоров, каждый из которых разрешает или запрещает проезд с вероятностью 0,5. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X – числа светофоров, пройденных автомобилем до первой остановки; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти функцию распределения $F(x)$ и построить её график.

2) Случайная величина задана законом распределения:

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}(1 - \cos x), & 0 \leq x \leq \pi \\ 1, & x > \pi \end{cases}$$

Требуется: 1) найти функцию $f(x)$; 2) вычислить вероятность события $\frac{\pi}{6} < X < \frac{\pi}{3}$; 3) построить графики $F(x)$ и $f(x)$.

3) Какова вероятность того, что нормально распределенная случайная величина со средним значением равным 1 и дисперсией равной 4, примет значение меньше 5, но больше 0. Составить функцию плотности распределения вероятностей этой случайной величины.

- 4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,6$; $M(X) = 4$; $D(X) = 6$

Вариант №20

- 1) Два стрелка стреляют по одной мишени, делая независимо друг от друга по одному выстрелу. Вероятность попадания в мишень для первого стрелка равна 0,5, для второго – 0,6. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X – общего числа попаданий; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти функцию распределения $F(x)$ и построить её график.

- 2) Случайная величина задана законом распределения:

$$f(x) = \begin{cases} a(4x - x^2), & 0 \leq x \leq 2 \\ 0, & x < 0, \quad x > 2 \end{cases}$$

- Требуется: 1) найти параметр a ; 2) найти функцию $F(x)$; 3) вычислить вероятность события $0 < X < 1$; 4) вычислить $M(X)$, $D(X)$.

- 3) Случайная величина X распределена по нормальному закону со средним значением равным 40 и дисперсией равной 200. Вычислить вероятность попадания этой величины в интервал $(30; 80)$. Написать функцию $f(x)$.

- 4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,7$; $M(X) = 3,8$; $D(X) = 7,56$

Вариант №21

- 1) В ящике лежат 10 изделий, одно из них бракованное. Из ящика вынимают изделия одно за другим до тех пор пока не будет вынуто наугад бракованное. Составить закон распределения случайной величины X - числа вынутых изделий. Найти $F(x)$ и построить ее графически. Вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$. Построить график распределения.

- 2) При каком значении параметра C функция $f(x) = \begin{cases} 0, & x < 1 \\ C/x^4, & x \geq 1 \end{cases}$ будет плотностью вероятности случайной величины X ? Вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$.

- 3) На автомате изготавливаются заклёпки. Диаметр их головок представляет собой случайную величину, распределённую по нормальному закону с параметрами $M(X) = 2$ мм, $\sigma^2 = 0,01$ мм². Какие размеры диаметра головок можно гарантировать с вероятностью 0,95? Записать функцию $f(x)$.

- 4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,4$; $M(X) = 3,2$; $D(X) = 0,96$

Вариант №22

1) Вероятность того, что телевизор не потребует ремонта в течение гарантийного срока, равна 0,8. Со склада отпущено 6 телевизоров. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X - числа телевизоров, которые потребуют гарантийного ремонта; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти $F(x)$ и построить ее график.

2) Случайная величина X задана законом распределения
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq \frac{2}{3} \\ 3x^2 - 2x, & \frac{2}{3} < x \leq 1 \\ 1, & x > 1 \end{cases}$$

Требуется: 1) найти функцию $f(x)$ 2) вероятность того, что в двух опытах величина примет значение из интервала $(0,7;0,8)$; 3) построить графики $F(x)$ и $f(x)$.

3) При средней длине некоторой детали в 20 см. найдено, что отклонения, превосходящие $\pm 0,5$ см, встречаются в среднем 4 раза из 100 деталей. Считая, что длина детали распределена по нормальному закону, определите её стандартное отклонение $\sigma(X)$.

4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,3$; $M(X) = 3,7$; $D(X) = 0,21$

Вариант №23

1) Вероятность изготовления стандартной детали равна 0,9. Из партии контролер берёт деталь и проверяет её качество. Если она оказывается нестандартной, дальнейшие испытания прекращаются, а партия задерживается. Если деталь окажется стандартной, то контролер берет следующую и т.д. Но всего он проверяет не более 5 деталей. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X - числа проверенных деталей; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти $F(x)$ и построить её график.

2) Случайная величина задана законом распределения
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0 \\ a(1 - \cos x), & 0 < x \leq \pi \\ 1, & x > \pi \end{cases}$$

Требуется: 1) найти параметр a ; 2) найти $f(x)$; 3) вычислить вероятность того, что случайная величина примет значение большее $\frac{5\pi}{6}$; 4) построить графики $F(x)$ и $f(x)$.

3) Случайные ошибки измерения подчинены нормальному закону со средним квадратическим отклонением $\sigma(X) = 20$ мм и $M(X) = 0$. Найти вероятность того, что из трех независимых измерений ошибка хотя бы одного не превзойдет по модулю 4 мм.

4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,5$; $M(X) = 3,5$; $D(X) = 0,25$.

Вариант №24

1) Рабочий обслуживает 4 станка. Вероятность того, что в течение часа первый станок не потребует регулировки – 0,9, второй – 0,98, третий – 0,75, четвертый – 0,7. Требуется: 1) составить закон распределения числа станков, которые в течение часа не потребуют регулировки; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти $F(x)$ и построить её график.

2) Случайная величина задана законом распределения:

$$f(x) = \begin{cases} ax^2, & 0 \leq x \leq 2 \\ 0, & x < 0, \quad x > 2 \end{cases}$$

Требуется: 1) найти параметр a ; 2) найти функцию $F(x)$; 3) вычислить вероятность события $X < 1$; 4) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$.

3) При весе некоторого изделия в 10 кг, найдено, что отклонение, по абсолютной величине превосходящее 50 г, встречается в среднем 34 раза из тысячи изделий. Считая, что вес изделия есть случайная величина X , распределенная по нормальному закону, найти ее среднее квадратическое отклонение $\sigma(X)$.

4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,7$; $M(X) = 3,3$; $D(X) = 0,21$

Типовой расчет № 3

Вариант 1

Дано распределение абонентов по потребляемой мощности электроэнергии (кВт.ч.)

Интервалы мощности	5-10	10-15	15-20	20-25	25-30	30-35	35-40	40-45
Число абонентов	3	13	70	190	290	230	130	62

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочные среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициент вариации, коэффициенты асимметрии и эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X — потребляемой мощности электроэнергии; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 2

1. Приводится распределение волокон хлопка по их длине (в мм).

Длина волокон	Число волокон
5-8	0
8-11	27
11-14	60
14-17	85
17-20	108
20-23	127
23-26	153
26-29	172
29-32	146
32-35	82
35-38	33
38-41	9
41-44	4

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочные среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициент вариации, коэффициенты асимметрии эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины — длины волокон хлопка; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 3

1. Испытывалась чувствительность второго канала телевизоров. Данные испытаний указаны в следующей таблице, где в первой строке даны интервалы чувствительности (в мкр.в.), во второй - число телевизоров n_i чувствительность которых оказалась в данном интервале.

интервал	n_i
75-125	1
125-175	10
175-225	11
225-275	11
275-325	12
325-375	17
375-425	10
425-475	8
475-525	9
525-575	1

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочные среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициент вариации, коэффициенты асимметрии эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X - чувствительности второго канала телевизоров; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 4

В ОТК были измерены диаметры валиков из партии, изготовленной одним станком-автоматом. Отклонения измеренных диаметров от номинала даны в следующей таблице (в микронах):

Границы отклонений	число валиков
-20-(-15)	7
-15-(-10)	11
-10-(-5)	15
-5-0	24
0-5	49
5-10	41
10-15	26
15-20	17
20-25	7
25-30	3

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное

ПРИЛОЖЕНИЕ 3. Задания для типовых расчетов

отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X - размера диаметра валика; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 5

1. Приводится распределение урожайности ржи (в ц/га) на различных участках поля некоторого хозяйства:

Урожайность (ц/га)	9-12	12-15	15-18	18-21	21-24	24-27
Доля участка (в % к общей посевной площади)	5	15	33	23	17	7

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – урожайности; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 6

1. С целью исследования закона распределения ошибки измерения дальности с помощью радиодальномера произведено измерение дальности (в м). Результаты представлены в следующей таблице:

Дальность (в м)	Число измерений
560-570	6
570-580	27
580-590	45
590-600	72
600-610	78
610-620	43
620-630	29
630-640	14
640-650	8
650-660	3

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных

ПРИЛОЖЕНИЕ 3. Задания для типовых расчетов

коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – дальности; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 7

1. Приводятся данные отклонения бомбы по дальности от центра цели:

Отклонение (в м)	Количество отклонений
-500-(-400)	4
-400-(-300)	12
-300-(-200)	28
-200-(-100)	56
-100-0	100
0-100	96
100-200	60
200-300	32
300-400	8
400-500	4

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – отклонения бомбы по дальности от цели; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 8

Приведены результаты измерения роста случайно отобранных студентов:

Рост (в см)	Число студентов
154-158	10
158-160	14
160-162	26
162-164	28
164-166	30
166-168	40
168-170	50
170-174	28
174-178	20
178-180	8

ПРИЛОЖЕНИЕ 3. Задания для типовых расчетов

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – роста студентов; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 9

Дано распределение скорости автомобилей на одном участке шоссе (км/ч):

Скорость (км/ч)	Число автомобилей
61-65	5
65-69	8
69-73	12
73-77	17
77-81	20
81-85	35
85-89	28
89-93	11
93-97	8
97-101	5

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – скорости автомобиля; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 10

Приводится суммарное число набранных баллов командами в соревнованиях:

Число баллов	Число команд
49-52	3
52-55	6
55-58	11
58-61	19
61-64	30
64-67	23
67-70	12

ПРИЛОЖЕНИЕ 3. Задания для типовых расчетов

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – суммарного числа баллов; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 11

Дано распределение предела прочности образцов сварного шва (Н/мм²):

Предел прочности	частота
28-30	8
30-32	12
32-34	15
34-36	20
36-38	15
38-40	10
40-42	6
42-44	3

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – предела прочности; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 12

Распределение отклонений напряжения от номинала (мВ):

отклонение	частота
0.00-0.02	9
0.02-0.04	15
0.04-0.06	29
0.06-0.08	35
0.08-0.10	32
0.10-0.12	19
0.12-0.14	8
0.14-0.16	3

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду

ПРИЛОЖЕНИЕ 3. Задания для типовых расчетов

и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – отклонения напряжения от номинала; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 13

Приводится время выполнения упражнения (в с.) учениками

интервал	Кол-во учеников
8.95-9.05	4
9.05-9.15	8
9.15-9.25	10
9.25-9.35	8
9.35-9.45	6
9.45-55	4
9.55-9.65	3
9.65-9.75	1

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – времени выполнения упражнений; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 14

Горизонтальное отклонение от цели (м) при испытании ракет приведено в следующей таблице:

Отклонение	Кол-во ракет
-40-(-30)	7
-30-(-20)	11
-20-(-10)	15
-10-0	24
0-10	49
10-20	41
20-30	26
30-40	17
40-50	7
50-60	3

ПРИЛОЖЕНИЕ 3. Задания для типовых расчетов

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – отклонения от цели; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 15

Приводится распределение рабочих по зарплате за смену:

Зарплата (в усл.ден.ед.)	Число рабочих
230-240	24
240-250	33
250-260	40
260-270	50
270-280	60
280-290	120
290-300	180
300-310	58
310-320	30
320-330	15

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – зарплате рабочих за смену; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 16

Дано распределение нитей пряжи по крепость нитей (г):

Крепости нитей (г)	Кол-во нитей
170-180	9
180-190	52
190-200	84
200-210	128
210-220	187
220-230	225
230-240	174
240-250	107
250-260	34
260-270	5

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – крепости нитей; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 17

1. Дано распределение рабочих по времени, затрачиваемого одним рабочим на изготовление одной детали.

Время (мин)	Число рабочих
2-4	1
4-6	4
6-8	23
8-10	33
10-12	20
12-14	17
14-16	2

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – времени, затрачиваемом рабочим для изготовления одной детали; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X .

Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 18

Даны результаты испытания стойкости удлинённых сверл диаметром 4 мм (ч.):

стойкость	Кол-во сверл
2.6-2.8	7
2.8-3.0	10
3.0-3.2	49
3.2-3.4	70
3.4-3.6	46
3.6-3.8	10
3.8-4.0	8

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – стойкости удлинённых сверл; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 19

Даны результаты определения содержания фосфора в чугунных образцах:

Содержание фосфора (%)	Число образцов
0.10-0.20	5
0.2-0.3	23
0.3-0.4	38
0.4-0.5	25
0.5-0.6	5
0.6-0.7	4
0.7-0.8	2

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – содержания фосфора в образцах; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 20

1. Приводятся данные о среднесуточном пробеге автомобилей (в сотнях км):

Пробег	Число автомобилей
1.0-1.2	2
1.2-1.4	5
1.4-1.6	20
1.6-1.8	48
1.8-2.0	19
2.0-2.2	5
2.2-2.4	1

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – среднесуточного пробега; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 21

Дано распределение абонентов по потребляемой мощности электроэнергии (кВт.ч.)

Интервалы мощности	5-10	10-15	15-20	20-25	25-30	30-35	35-40	40-45
Число абонентов	3	13	70	190	290	230	130	62

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочные среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициент вариации, коэффициенты асимметрии и эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X — потребляемой мощности электроэнергии; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 22

Приводится распределение волокон хлопка по их длине (в мм).

Длина волокон	Число волокон
5-8	0
8-11	27
11-14	60
14-17	85
17-20	108
20-23	127
23-26	153
26-29	172
29-32	146
32-35	82
35-38	33
38-41	9
41-44	4

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочные среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициент вариации, коэффициенты асимметрии эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины – длины волокон хлопка; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 23

1. Испытывалась чувствительность второго канала телевизоров. Данные испытаний указаны в следующей таблице, где в первой строке даны интервалы чувствительности (в мкр.в.), во второй - число телевизоров n_i чувствительность которых оказалась в данном интервале.

интервал	n_i
75-125	1
125-175	10
175-225	11
225-275	11
275-325	12
325-375	17
375-425	10
425-475	8

475-525	9
525-575	1

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочные среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициент вариации, коэффициенты асимметрии эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X - чувствительности второго канала телевизоров; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 24

В ОТК были измерены диаметры валиков из партии, изготовленной одним станком-автоматом. Отклонения измеренных диаметров от номинала даны в следующей таблице (в микронах):

Границы отклонений	число валиков
-20-(-15)	7
-15-(-10)	11
-10-(-5)	15
-5-0	24
0-5	49
5-10	41
10-15	26
15-20	17
20-25	7
25-30	3

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X - размера диаметра валика; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Вариант 25

1. Приводится распределение урожайности ржи (в ц/га) на различных участках поля некоторого хозяйства:

Урожайность (ц/га)	9-12	12-15	15-18	18-21	21-24	24-27
Доля участка (в % к общей посевной площади)	5	15	33	23	17	7

Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – урожайности; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

Типовой расчет № 4

Вариант 1

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Туристическая компания предлагает места в гостиницах. Менеджера компании интересует, насколько возрастает привлекательность гостиницы в зависимости от ее расстояния до пляжа. С этой целью по 12 гостиницам города была выяснена среднегодовая наполняемость номеров и расстояния в километрах от пляжа.

Расстояние, км	0,1	0,1	0,2	0,3	0,4	0,4	0,5	0,6	0,7	0,7	0,8	0,8
Наполняемость, %	92	95	96	90	89	86	90	83	85	80	78	76

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$. Сделать прогноз о наполняемости номеров гостиницы, если она будет расположена на расстоянии 1,1 км от пляжа.

Вариант 2

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Компанию по прокату автомобилей интересует зависимость между пробегом автомобилей (X тыс.км) и стоимостью ежемесячного технического обслуживания (Y). Для выяснения характера этой связи было отобрано 15 автомобилей.

X	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
Y	13	16	15	20	19	21	26	24	30	32	30	35	34	40	39

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$. Сделать прогноз

стоимости ежемесячного технического обслуживания автомобиля, пробег которого 22 тыс.км.

Вариант 3

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Врач-исследователь выясняет зависимость площади пораженной части легких, заболевших эмфиземой легких, от числа лет курения. Статистические данные имеют следующий вид:

Число лет курения	25	36	22	15	48	39	42	31	28	33
Площадь пораженной части легкого, %	55	60	50	30	75	70	70	55	30	35

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$. Сделать прогноз о степени поражения легких у случайно выбранного пациента, больного эмфиземой, если человек курил 30 лет.

Вариант 4

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Компания занимающаяся продажей радиоаппаратуры, установила на видеоманитофон определенной модели цену, дифференцированную по регионам. Следующие данные показывают цены на видеоманитофон в 8 различных регионах и соответствующее им число продаж.

Число продаж, шт.	420	380	350	400	440	380	450	420
Цена, тыс.сом	5,5	6,0	6,5	6,0	5,0	6,5	4,5	5,0

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$.

Сделать прогноз стоимости видеоманитфона в регионе, если объем продаж составил 460 шт.

Вариант 5

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Опрос случайно выбранных 10 студентов, проживающих в общежитии университета, позволяет выявить зависимость между средним баллом по

результатам предыдущей сессии и числом часов в неделю, затраченных студентом на самостоятельную подготовку.

Средний балл	4,6	4,3	3,8	3,8	4,2	4,3	3,8	4,0	3,1	3,9
Число часов	25	22	9	15	15	30	20	30	10	17

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$.

Если студент занимается самостоятельно по 12 часов в неделю, то каков прогноз его успеваемости?

Вариант 6

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Некоторая компания провела рекламную кампанию в магазинах с демонстрацией антисептических качеств своего нового моющего средства. Через 10 недель компания решила проанализировать эффективность этого вида рекламы, сопоставив еженедельные объемы продаж с расходами на рекламу (тыс. сом).

Объем продаж, тыс. сом	72	76	78	70	68	80	82	65	62	90
Расходы на рекламу, тыс. сом	5	8	6	5	3	9	12	4	3	10

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$. Сделать прогноз объема продаж, если расходы на рекламу составили 11 тыс. сом.

Вариант 7

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Имеется выборка из 10 домохозяйств для изучения связи между числом телевизоров в домохозяйстве и числом членов домохозяйства. X - число членов домохозяйства; Y - число телевизоров.

X	6	2	4	3	4	4	6	3	2	2
Y	4	1	3	2	2	3	4	1	2	2

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$. Сделать прогноз количества телевизоров домохозяйства, состоящего из 8 человек.

Вариант 8

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Имеются выборочные данные о стаже работы (X , лет) и выработке одного рабочего за смену (Y , шт.).

X	1	3	4	5	6	7
Y	14	15	18	20	22	25

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$. Сделать прогноз о выработке рабочего, имеющего стаж работы 10 лет.

Вариант 9

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Изучается зависимость себестоимости единицы изделия (Y , тыс.сом) от величины выпуска продукции (X , тыс. шт.) по группам предприятий за отчетный период. Экономист обследовал 5 предприятий и получил следующие данные:

X	2	3	4	5	6
Y	1,9	1,7	1,8	1,6	1,4

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$. Сделать прогноз о себестоимости единицы изделия, если выпуск продукции составит 8 тыс.штук.

Вариант 10

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Имеются выборочные данные о глубине вспашки полей под озимые культуры (X , см) и их урожайности (Y , ц/га):

X	10	15	20	25	30
Y	5	10	16	20	24

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$. Сделать прогноз об урожайности пшеницы при глубине вспашки 22 см.

1) ноз о производительности труда рабочего, если его стаж работы составит 14 лет.

Вариант 11

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Из студентов 4-го курса естественно-технического факультета КРСУ отобраны случайным образом 10 студентов и подсчитаны средние оценки, полученные ими на первом (X) и на четвертом (Y) курсе. Получены следующие данные:

X	3,5	4,0	3,8	4,6	3,9	3,0	3,5	3,9	4,5	4,1
Y	4,2	3,9	3,8	4,5	4,2	3,4	3,8	3,9	4,6	3,0

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$. Сделать прогноз средней оценки, полученной студентом на четвертом курсе, если на первом курсе его средняя оценка 4,3.

Вариант 12

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Имеются данные о связи между возрастом самолета (X , лет) и стоимостью его эксплуатации (Y млн. сом):

X	1	2	3	4	5
Y	2	4	5	8	10

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$.

Сделать прогноз стоимости эксплуатации самолета, если его возраст 2,5 года.

Вариант 13

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Исследована зависимость объема выпуска продукции (X , тыс.шт.) и себестоимости единицы изделия (Y , тыс.сом). Получены следующие данные:

X	3	4	5	6	7
Y	10	8	7	5	2

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$.

Сделать прогноз себестоимости единицы изделия, если объем выпуска продукции составит 8,5 тыс.штук.

Вариант 14

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Имеются выборочные данные об общем весе некоторого растения (X , г.) и весе его семян (Y , г.). Данные приведены в таблице:

X	40	50	60	70	80	90	100
Y	2	2,5	2,8	3	3,5	4	4,5

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$.

Сделать прогноз веса некоторого растения, если вес его семян 4,4 г.

Вариант 15

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. При исследовании зависимости времени, затраченного на закрепление детали на токарном станке, от веса детали, получены следующие результаты (X - вес детали, кг, Y - время закрепления детали, с.):

X	7	8	10	12	13	14	15	17	18	20
Y	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6	2,7	2,8	3,0	3,1	3,2

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$.

Сделать прогноз о времени, затраченного на закрепление детали на станке, если ее вес 22 кг.

Вариант 16

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Имеются следующие выборочные данные о стоимости квартир (Y) и их общей площади (X) в городе N :

X	33	40	36	60	55	80	95	70	48	53	95	63
Y	13,8	13,8	14	22,5	24	28	32	20,9	22	21,5	32,5	24

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$.

Сделать прогноз стоимости квартиры, если ее площадь 56,4 м².

Вариант 17

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Имеются следующие выборочные данные о жесткости воды (Y , град.) и количеством кальция в воде X (г/л):

X	28	56	77	191	241	262
Y	4	8	11	27	34	37

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$. Сделать прогноз жесткости воды с содержанием кальция 250 мг/л.

Вариант 18

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Исследуется зависимость между пределом прочности прессованной детали Y (МПа) и температурой при прессовании X (град.). Экспериментальные данные, представлены в таблице:

X	120	125	130	135	140	145	150	155	160	165
Y	110	107	105	98	100	95	95	92	86	86

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$.

Сделать прогноз предела прочности детали, если температура прессования 170 град.

Вариант 19

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Имеются данные о фондовооруженности предприятия X (тыс.сом) и производительности труда Y (тыс.сом).

X	20,7	22,8	18,7	16,5	14,7	11,3	18,8	13,4	9,5	11,8
Y	10,5	10,6	9,5	7,6	6,4	4,5	9	6,8	4,9	6,1

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$. Сделать прогноз о производительности труда, если фондовооруженность предприятия составляет 20 тыс.сом.

Вариант 20

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. В таблице приведены результаты изучения зависимости себестоимости единицы продукции (Y , тыс.руб.) от величины выпуска продукции (X , тыс.штук) по разным предприятиям отрасли.

X	2	3	4	5	6	7	8
Y	1,	1,	1,	1,	1,	1,	1,

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$.

Сделать прогноз себестоимости единицы изделия, если выпуск продукции составит 10 тыс.штук.

Вариант 21

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Туристическая компания предлагает места в гостиницах. Менеджера компании интересует, насколько возрастает привлекательность гостиницы в зависимости от ее расстояния до пляжа. С этой целью по 12 гостиницам города была выяснена среднегодовая наполняемость номеров и расстояния в километрах от пляжа.

Расстояние, км	0,1	0,1	0,2	0,3	0,4	0,4	0,5	0,6	0,7	0,7	0,8	0,8
Наполняемость, %	92	95	96	90	89	86	90	83	85	80	78	76

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$. Сделать прогноз о наполняемости номеров гостиницы, если она будет расположена на расстоянии 1,1 км от пляжа.

Вариант 22

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Компанию по прокату автомобилей интересует зависимость между пробегом автомобилей (X тыс.км) и стоимостью ежемесячного технического обслуживания (Y). Для выяснения характера этой связи было отобрано 15 автомобилей.

X	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
Y	13	16	15	20	19	21	26	24	30	32	30	35	34	40	39

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость

выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$. Сделать прогноз стоимости ежемесячного технического обслуживания автомобиля, пробег которого 22 тыс.км.

Вариант 23

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Врач-исследователь выясняет зависимость площади пораженной части легких, заболевших эмфиземой легких, от числа лет курения. Статистические данные имеют следующий вид:

Число лет курения	25	36	22	15	48	39	42	31	28	33
Площадь пораженной части легкого, %	55	60	50	30	75	70	70	55	30	35

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$. Сделать прогноз о степени поражения легких у случайно выбранного пациента, больного эмфиземой, если человек курил 30 лет.

Вариант 24

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Компания занимающаяся продажей радиоаппаратуры, установила на видеоманитофон определенной модели цену, дифференцированную по регионам. Следующие данные показывают цены на видеоманитофон в 8 различных регионах и соответствующее им число продаж.

Число продаж, шт.	420	380	350	400	440	380	450	420
Цена, тыс.сом	5,5	6,0	6,5	6,0	5,0	6,5	4,5	5,0

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$.

Сделать прогноз стоимости видеоманитфона в регионе, если объем продаж составил 460 шт.

Вариант 25

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Опрос случайно выбранных 10 студентов, проживающих в общежитии университета, позволяет выявить зависимость между средним баллом по

ПРИЛОЖЕНИЕ 3. Задания для типовых расчетов

результатам предыдущей сессии и числом часов в неделю, затраченных студентом на самостоятельную подготовку.

Средний балл	4,6	4,3	3,8	3,8	4,2	4,3	3,8	4,0	3,1	3,9
Число часов	25	22	9	15	15	30	20	30	10	17

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$.

Если студент занимается самостоятельно по 12 часов в неделю, то каков прогноз его успеваемости?

ПРИЛОЖЕНИЕ №4

ОБРАЗЦЫ КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ

1 СЕМЕСТР

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА №1

Задание 1. Даны координаты вершин треугольника ABC : $A(2;-5)$, $B(-3;-4)$, $C(-4,2)$. Требуется:

- составить уравнение стороны AB ;
- найти длину стороны AB ;
- составить уравнение высоты, проведенной из вершины C ;
- вычислить длину высоты, проведенной из вершины B ;
- вычислить угол A треугольника ABC ;
- составить уравнение медианы, проведенной из вершины C ;
- составить уравнение прямой, проходящей через вершину A параллельно стороне BC треугольника ABC ;
- найти площадь треугольника ABC .
- Сделать чертеж.

Задание 2. Определить тип кривой и построить:

а) $(x+1)^2 + (y-5)^2 = 4$; б) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{16} = 1$; в) $\frac{y^2}{9} - \frac{x^2}{49} = 1$; г) $x^2 = 3y$.

Задание 3. Какую кривую второго порядка определяет каждое из заданных уравнений? Изобразить эти кривые на чертеже.

а) $x = -\frac{3}{4}\sqrt{y^2 - 16} + 1$; б) $y = 4 - \sqrt{x+1}$; в) $4x^2 + 9y^2 - 24x + 72y + 144 = 0$.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА №2

1. Найти расстояние от точки $M_0(-1,-8,7)$ до плоскости, проходящей через точки $M_1(14,4,5)$, $M_2(1,5,-4)$, $M_3(-2,-6,-3)$.

2. Найти угол между плоскостями $x + 4y - z + 1 = 0$, $2x + y + 4z - 3 = 0$.

3. Найти точку пересечения прямой и плоскости

$$\frac{x-2}{-1} = \frac{y-3}{-1} = \frac{z+1}{4}, \quad x + 2y + 3z - 14 = 0.$$

4. Построить тело ограниченное поверхностями

А) $x - y - z = 3$, $x = 0$, $y = 0$, $z = 0$.

Б) $z = 10 - x^2 - y^2$, $x^2 + y^2 = 9$, $z = 0$

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА №3

I. Вычислить пределы:

$$1. \lim_{n \rightarrow \infty} (2n - \sqrt{4n^2 - n + 1})$$

$$2. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n-4}{2n+3} \right)^{1-2n}$$

$$3. \lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x^2 + 5x - 6}{3x^2 - 4x + 2}$$

$$4. \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x^2 - x - 2}$$

$$5. \lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x - 6}{\sqrt{x + 23} - 5}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{\operatorname{tg}^2(5x)}$$

$$7. \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\operatorname{arctg}(x-3)}{4 - \sqrt{x+13}}$$

$$8. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+2x)}{8^{2x} - 1}$$

$$9. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^3 + n^2 + 8n}{n^2 - 3n^3 - 9}$$

2 СЕМЕСТР

КОНТРАЛЬНАЯ РАБОТА №1

1. Найти производные следующих функций:

$$1. y = x + \frac{5}{x^3} - \sqrt[5]{x^4}$$

$$2. y = \frac{5^x - 3 \arcsin x}{4x^3 + 5 \ln x}$$

$$3. y = \ln(\arccos 3x)$$

$$4. y = (x+1)^{\cos x}$$

$$5. y = (e^x + 4 \operatorname{tg} x)(3 + 2 \log_4 x)$$

$$6. y = \operatorname{arctg} \frac{1+x^3}{1-x^3} + \sqrt{\arccos(1+x)}$$

2. Найти производную y'_x от параметрически заданной функции

$$\begin{cases} x = \ln(1+2t), \\ y = 4t^2 - 16t. \end{cases}$$

3. Вычислить пределы по правилу Лопиталья:

$$а) \lim_{x \rightarrow 2\pi} \frac{\operatorname{tg}(x)}{x^2 - 4\pi^2};$$

$$б) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{e^{3x-6} - 1}{\ln(9-4x)}.$$

4. Провести исследование функции $y = \frac{12x}{9+x^2}$ на возрастание, убывание, экстремум, выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА №2

1. Найти частные производные первого порядка функции двух переменных $z = (2y^2 + 6x)(3y - x)$.
2. Найти частные производные первого порядка функции трех переменных: $u = \ln(x^2y - 2z)$.
3. Найти экстремумы функции двух переменных: $z = x^3 - 8y^3 - 6xy + 1$.
4. Найти производную $\frac{\partial^3 z}{\partial x^2 \partial y}$ от функции $z = y^4 + 23x^2 + 4xy + 5x - 2y + 8$.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА №3

Найти неопределенные интегралы:

1. $\int \left(\sqrt[3]{x^5} + \frac{2}{x^3} - 3 \right) dx$.
2. $\int x\sqrt{5-x^2} dx$.
3. $\int \frac{xdx}{\sqrt{5-4x}}$.
4. $\int (3x-2)\cos 2x dx$.
5. $\int (1-4x)^7 dx$.
6. $\int \frac{dx}{3x^2-12x+5}$.
7. $\int \frac{2x-1}{x+3} dx$.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА №4

Вычислить определенные интегралы:

- а) $\int_0^1 \sqrt[6]{5-x^4} \cdot x^3 dx$; б) $\int_0^4 \frac{dx}{1+\sqrt{3x+4}}$; в) $\int_{-1/2}^{1/2} xe^{-2x} dx$; г) $\int_0^{\pi/4} \frac{dx}{1+3\cos^2 x}$.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА №5

1. Найти несобственный интеграл 1 рода или доказать расходимость:

$$\int_2^{+\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+2}(7-x)}$$

2. Найти несобственные интегралы II рода или доказать расходимость:

$$\int_0^1 \frac{e^{2x} dx}{e^x - 1}$$

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА №6

Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^2$, $y = 8 - x^2$.

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией: $\begin{cases} x = 2\cos^3 t \\ y = 3\sin^3 t \end{cases}$.

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными уравнениями в полярных координатах: $r = 6\sin \varphi$, $r = 4\sin \varphi$.

4. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в прямоугольной системе координат: $y = \arccos \sqrt{x} - \sqrt{x-x^2} + 4$, $0 \leq x \leq \frac{1}{2}$.

5. Вычислить длину дуги кривой, заданной параметрическими уравнениями:

$$\begin{cases} x = 2\cos^3 t, \\ y = 2\sin^3 t, \end{cases} \quad 0 \leq t \leq \pi/4.$$

6. Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнением в полярных координатах: $r = 6\sin \varphi$, $0 \leq \varphi \leq \pi/3$.

7. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Oy фигуры, ограниченной графиками функций: $y = x^2$, $y = x$.

4 семестр

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА №1

- 1) Какова вероятность того, что случайно выбранное целое число от 1 до 30 является делителем числа 30.
- 2) На книжной полке случайным образом расставлены четыре книги по математике и три по физике. Найти вероятность того, что книги по каждому предмету окажутся рядом.
- 3) В круг радиуса R вписан правильный треугольник. Внутри круга наудачу брошена точка. Вероятность попадания точки в фигуру пропорциональна ее площади и не зависит от ее расположения. Найти вероятность того, что точка попадет в треугольник.
- 4) Безотказная работа прибора обуславливается безотказной работой каждого из трех механизмов-узлов, составляющих его и вероятности безотказной работы которых в течении времени T соответственно равны 0,6; 0,7; 0,9. Найти вероятность безотказной работы прибора за время T .
- 5) В партии, состоящей из 20 изделий, имеется 5 дефектных. Из партии выбираются для контроля 7 изделий. Если среди контрольных окажется более трех дефектных, бракуется вся партия. Найти вероятность того, что партия будет забракована.
- 6) В трех урнах лежат шары. В первой урне пять белых и пятнадцать черных; во второй – десять белых и десять черных и в третьей урне десять черных. Найти вероятность того, что случайно взятый шар из случайно выбранной урны окажется черным.
- 7) Для участия в студенческих отборочных спортивных соревнованиях выделено из первой группы курса – 4, из второй – 6, из третьей группы – 5 студентов. Вероятность того, что студент первой, второй, третьей группы попадает в сборную института, соответственно равны 0,9; 0,7; 0,8. Наудачу выбранный студент попал сборную. К какой из групп вероятнее всего принадлежит этот студент?
- 8) При каждом отдельном выстреле из орудия вероятность попадания в цель равна 0,9. вычислить вероятность того, что из 19 выстрелов удачными будут 10.
- 9) По данным телевизионного ателье в течении гарантийного срока выходят из строя в среднем 12% кинескопов. Какова вероятность того, что из 46 наугад выбранных кинескопов не менее 20 проработают гарантийный срок.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА №2

- 1) Студент знает 20 из 25 вопросов программы. Экзаменатор задает ему 5 вопросов. Пятерка ставится за 5 правильных ответов, четверка за четыре из 5, и т.д. Требуется: 1) составить закон распределения случайной величины X - оценки студента; 2) построить график распределения; 3) вычислить $M(X)$, $D(X)$, $\sigma(X)$; 4) найти $F(x)$ и построить её график.
- 2) Случайная величина задана законом распределения
- $$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 2 \\ a(x-2)^3, & 2 < x \leq 3 \\ 1, & x > 3 \end{cases}$$
- Требуется: 1) найти параметр a ; 2) найти функцию $f(x)$; 3) вычислить вероятность того, что величина X примет значение большее $\frac{5}{2}$; 4) построить графики $F(x)$ и $f(x)$.
- 3) Станок автомат изготавливает валики, причем контролируется их диаметр X , который имеет нормальный закон распределения с $M(X) = 10$ мм, $\sigma = 0,1$ мм. Найти интервал, в котором с вероятностью 0,9973 будут заключены диаметры изготовленных валиков.
- 4) Задана случайная величина X , которая может принимать только два значения x_1 и x_2 ($x_1 < x_2$). Значение $X = x_1$ принимается с вероятностью p_1 . Составить закон распределения случайной величины X , если $p_1 = 0,9$; $M(X) = 3,1$; $D(X) = 0,09$

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА №3

1. Приводится распределение урожайности ржи (в ц/га) на различных участках поля некоторого хозяйства:

Урожайность (ц/га)	9-12	12-15	15-18	18-21	21-24	24-27
Доля участка (в % к общей посевной площади)	5	15	33	23	17	7

- Требуется: 1) построить гистограмму и полигон относительных частот; 2) найти эмпирическую функцию распределения и вычертить её график; 3) рассчитать моду и медиану; 4) вычислить выборочную среднюю, дисперсию, стандартное отклонение, коэффициенты вариации, асимметрии, эксцесса; 5) по виду гистограммы и полигона относительных частот, по величине выборочных коэффициентов асимметрии и эксцесса сделать выбор закона распределения случайной величины X – урожайности; 6) найти точечные оценки параметров выбранного закона распределения; 7) предполагая, что

случайная величина X распределена по нормальному закону, записать функцию распределения и функцию плотности X . Найти интервальные оценки параметров распределения X , приняв за доверительную вероятность 0,95.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА №4

Задание 1. Используя условие и результаты типового расчета №4, проверить, используя критерий χ^2 - гипотезу о согласии наблюдений с законом нормального распределения, приняв за уровень значимости 0,05.

Задание 2. Опрос случайно выбранных 10 студентов, проживающих в общежитии университета, позволяет выявить зависимость между средним баллом по результатам предыдущей сессии и числом часов в неделю, затраченных студентом на самостоятельную подготовку.

Средний балл	4,6	4,3	3,8	3,8	4,2	4,3	3,8	4,0	3,1	3,9
Число часов	25	22	9	15	15	30	20	30	10	17

Необходимо построить график исходных данных. Полагая, что между Y и X имеет место линейная зависимость, определить выборочное уравнение линейной регрессии. Определить направление и тесноту связи. Проверить значимость выборочного коэффициента линейной корреляции при $\alpha = 0,05$.

Если студент занимается самостоятельно по 12 часов в неделю, то каков прогноз его успеваемости?

ТЕХНОЛОГИЧЕСКАЯ КАРТА

СЕМЕСТР 2

Название модулей дисциплины согласно РПД	Контроль	Форма контроля	зачетный минимум	зачетный максимум	график контроля
Модуль 1					
Аналитическая геометрия на плоскости	Текущий контроль	Выполнение ТР №1, посещаемость, активность, ДЗ			
	Рубежный контроль	Контрольная работа №1			
Модуль 2					
Аналитическая геометрия в пространстве	Текущий контроль	Выполнение ТР №2, посещаемость, активность, ДЗ			
	Рубежный контроль	Контрольная работа №2			
Модуль 3					
Пределы функции одной переменной	Текущий контроль	Выполнение ТР №3, посещаемость, активность, ДЗ			
	Рубежный контроль	Контрольная работа №3			
ВСЕГО за семестр			40	70	
Промежуточный контроль (экзамен)			20	30	
Семестровый рейтинг по дисциплине			60	100	

Семестр 3

Название модулей дисциплины согласно РПД	Контроль	Форма контроля	зачетный минимум	зачетный максимум	график контроля
Модуль 1					
Дифференцирование функций одной переменной	Текущий контроль	Защита типового расчета №1, посещаемость (1), активность (1)	6	10	29
	Рубежный контроль	КОПТ или контрольная работа №1	6	10	
Модуль 2					
Функции нескольких переменных	Текущий контроль	Защита типового расчета № 2 (7), ДЗ (3), посещаемость (1), активность (1)	6	12	33
	Рубежный контроль	КОПТ «Определенный интеграл»	6	10	
Модуль 3					
Неопределенные интегралы	Текущий контроль	Защита типового расчета № 3	3	5	36
	Рубежный контроль	Контрольная работа №2	3	5	
Модуль 4					
Определенные интегралы	Текущий контроль	Защита типового расчета № 2 (7), ДЗ (3), посещаемость (1), активность (1)	6	12	40
	Рубежный контроль	КОПТ «Определенный интеграл»	6	10	
Модуль					
	Текущий контроль	Защита типового расчета № 4 (7), посещаемость (1), активность (1)	5	9	
	Рубежный контроль	Контрольная работа №3	5	9	
Модуль 6					
Приложения определенных интегралов	Текущий контроль	Защита типового расчета № 2 (7), ДЗ (1), посещаемость (1), активность (1)	6	10	
	Рубежный контроль	Контрольная работа №2	4	7	
ВСЕГО за семестр			40	70	
Промежуточный контроль (Экзамен)			20	30	
Семестровый рейтинг по дисциплине			60	100	

Название модулей дисциплины согласно РПД	Контроль	Форма контроля	зачетный минимум	зачетный максимум	график контроля
Модуль 1					
Ряды	Текущий контроль	Защита типового расчета №1 (7), ДЗ (1), посещаемость (1), активность (1)	6	10	5
	Рубежный контроль	Контрольная работа №1	4	8	
Модуль 2					
ДУ первого порядка	Текущий контроль	Защита типового расчета № 2 (7), ДЗ (1), посещаемость (1), активность (1)	6	10	9
	Рубежный контроль	Контрольная работа №2	4	7	
Модуль 3					
ДУ высших порядков	Текущий контроль	Защита типового расчета № 3 (7), ДЗ (3), посещаемость (1), активность (1)	6	10	12
	Рубежный контроль	Контрольная работа №3	4	8	
Модуль 4					
Теория вероятностей	Текущий контроль	Защита типового расчета № 4 (7), ДЗ (1), посещаемость (1), активность (1)	6	10	17
	Рубежный контроль	Контрольная работа №4	4	7	
Модуль 5					
Математическая статистика	Текущий контроль	Защита типового расчета № 4 (7), ДЗ (1), посещаемость (1), активность (1)	6	10	
	Рубежный контроль	Контрольная работа №4	4	7	
ВСЕГО за семестр			40	70	
Промежуточный контроль (Экзамен)			20	30	
Семестровый рейтинг по дисциплине			60	100	