Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Министерство науки, высшего образования и инноваций Кыргызской Республики

Межгосударственная образовательная организация высшего образования Кыргызско-Российский Славянский университет имени первого Президента Российской Федерации Б.Н. Ельцина.
Политехнический институт
Высшая школа цифровых технологий

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

по дисциплине

ОСНОВЫ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ФИЗИКИ

УРОВЕНЬ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
БАКАЛАВРИАТ

Направление подготовки
01.03.02 - РФ, 510200 - КР, Прикладная математика и информатика
(код и наименование направления подготовки)

Квалификация
Бакалавр

Бишкек 2026

Фонд оценочных средств предназначен для контроля знаний обучающихся по направлению подготовки (специальности) « Прикладная математика и инфор матика»по дисциплине

«ОСНОВЫ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ФИЗИКИ»

Наименование

Фонд оценочных средств рассмотрен и утвержден на заседании высшей школы

Цифровые технологии

наименование высшей школы

Протокол №1 от «02» 09.2026г.
Директор высшей школы Цифровых технологий

Хмелева Ирина Владимировна

наименование кафедры *подпись* *расшифровка подписи*

Руководитель образовательной программы

Доулбекова Салтанат Байызбековна Доцент

ФИО *должность* *подпись*

Исполнители:

Профессор Керимбеков Акылбек

должность *подпись* *расшифровка подписи*

Доцент Аширбаев Бейшембек Ыбышевич

должность *подпись* *расшифровка подписи*

Раздел 1. Перечень компетенций, с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

Формируемые компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций	Виды оценочных средств/ шифр раздела в данном документе
ОПК-2.Способен использовать и адаптировать существующие математические методы и системы программирования для разработки и реализации алгоритмов решения прикладных задач	**Знать:** Знать: -методы решения линейных уравнений; -методы решения нелинейных уравнений; -операторные методы решения уравнений; -графические методы решения задач; -методы оптимизации и оптимального управления; -численные методы решения прикладных задач; -возможности аппаратных и программных средств; -особенности Системного ПО их функционирования в многозадачных ОС; -средства разработки приложений, их состав и функции; -организацию программного обеспечения, типовые методы организации и свойства компонент операционных систем, механизмы исполнения программ в операционных системах; -основные конструкции языков программирования и принципы разработки программ, динамические структуры данных, объектно-ориентированную методологию программирования.	Блок А – задания репродуктивного уровня –Устный опрос
	Уметь: -разработать на основе аналитических методов алгоритм решения математических и прикладных задач для использования их на практике;	Блок В – задания реконструктивного уровня

	-разработать алгоритм численных методов решения нелинейных прикладных задач для использования ихв приложениях; -использовать разработанные алгоритмы для решения прикладных задач естественных наук; -осуществлять обоснованный выбор средств программирования; -использовать изученные алгоритмы программирования для решения конкретных задач; -самостоятельно создавать и тестировать системные модули, используя передовые информационные технологии; применять знания в разработке баз данных; применять знания построения системных и обрабатывающих программ; демонстрировать глубокие знания: -построения параллельных программ; -работать в среде разработки Microsoft Visual Studio.NET; использовать регулярные выражения; создавать простейшие Web Application Project с применением форм и проверкой данных при вводе их пользователем.	– Решение практических заданий
	<u>Владеть:</u> -навыками примения аналитических и численных методов решения линейных, нелинейных и операторных уравнений при исследовании и решении прикладных задач и задач естественных наук; - навыками программирования и осуществлять поиск дополнительной информации для изучения тематических разделов по математике и информатике; -основными навыками работы в операционной среде WINDOWS;	Блок С – задания практикоориентированного и/или исследовательского уровня -кантрольные работы

	- получить основные навыки в работе с основными приложениями, входящими в состав пакета Microsoft Office; -навыками работы со стандартными средами современных операционных систем и разработки собственных приложений системного назначения; - методами и средствами программирования распределенных ВС и сетей; -методами и средствами анализа и разработки программных компонентов сетевых и телекоммуникационных систем; - понятия о нормализации баз данных; - навыками работы со стандартными средами современных операционных систем -навыками разработки собственных параллельных приложений. - навыками работы в среде разработки Microsoft Visual Studio.NET; - навыками создании, отладке, компиляции и выполнении программы на C#; навыками использования справочной системы среды программирования .NET	
ОПК-3.Способен применять и модифицировать математически модели для решения задач в области профессиональной деятельности	**<u>Знать:</u>** -основные методы и законы математики и естественных наук; -известные математические модели, используемые в приложениях; -способы составления математических моделей для прикладных задач математики и естественных наук; -способы применения математических моделей при фундаментальных исследованиях и решении прикладных задач; -способы преобразования задач с целью их модификации.	Блок А – задания репродуктивного уровня –Устный опрос

	Уметь: -составить математические модели прикладных задач математики и естественных наук; -модифицировать математические модели прикладных задач и задач естественных наук	Блок В – задания реконструктивного уровня – Решение практических заданий
	Владеть: -навыками составления математическими моделям прикладных задач математики и естественных наук и их применениями на практике; -навыками модификации прикладных задач математики и задач естественных наук и их применениями на практике.	Блок С – задания практикоориентированного и/или исследовательского уровня -контрольные работы

Раздел 2. Технологическая карта дисциплины

Технологическая карта дисциплины
«Основы математической физики»

Курс/семестр: 3/5
Количество кредитов(ЗЕ): 4
Отчетность: Зачет с оценкой

Название модулей дисциплины согласно РПД	Контроль	Форма контроля	зачетный минимум	зачетный максимум	график контроля
Модуль 1					
Классификация уравнений в частных производных второго порядка	Текущий контроль	Активность и посещаемость	3	5	9
	Рубежный контроль	Контрольная работа по разделу	7	12	
Модуль 2					
Уравнения гиперболичес-кого типа	Текущий контроль	Активность и посещаемость	3	5	11
	Рубежный контроль	Контрольная работа по разделу	7	13	
Модуль 3					
Уравнения параболического типа	Текущий контроль	Активность и посещаемость	3	5	14
	Рубежный контроль	Контрольная работа по разделу	7	12	
Модуль 4					
Уравнения параболического типа	Текущий контроль	Активность и посещаемость	3	5	17
	Рубежный контроль	Контрольная работа по разделу	7	13	
ВСЕГО за семестр			40	70	
Промежуточный контроль (Зачет с оценкой)			20	30	
Семестровый рейтинг по дисциплине			60	100	

Модуль	логически завершенная часть дисциплины

Текущий контроль	самостоятельная работа студента, посещаемость и активность на занятиях
Рубежный контроль	проверка полноты знаний и умений по материалу модуля в целом
Промежуточный контроль	завершенная задокументированная часть учебной дисциплины - совокупность тесно связанных между собой модулей дисциплины.

Разднл 3. Типовые контрольные задания и иные материалы, необходимые для оценки планируемых результатов обучения по дисциплине. Описание показателей и критериев оценивания компетенций, описание шкал оценивания.

Блок А

Вопросы для опроса:

Раздел 1. Классификация квазилинейных уравнений в частных производных второго порядка

1.1. Интегрирование простейших линейных дифференциальных уравнений в частных производных. Примеры
1.2. Приведение к каноническому виду квазилинейных уравнений в частных производных второго порядка гиперболического типа. Примеры
1.3. Приведение к каноническому виду квазилинейных уравнений в частных производных второго порядка параболического типа. Примеры
1.4. Приведение к каноническому виду квазилинейных уравнений в частных производных второго порядка эллиптического типа. Примеры

Раздел 2. Метод характеристик

2.1. Построение общего решения методом характеристик. Примеры
2.2. Решение задачи Коши
2.3. Решение задачи Гурса

Раздел 3. Уравнения гиперболического типа

3.1. Уравнение колебания струны. Формула Даламбера. Пример
3.2. Свободное колебание струны с закрепленными концами. Метод Фурье. Пример
3.3. Вынужденные колебания струны с закрепленными концами. Пример
3.4. Решение краевой задачи с неоднородными граничными условиями. Пример

Раздел 4. Уравнения параболического типа

4.1. Решение первой краевой задачи для однородного уравнения теплопроводности. Метод Фурье. Пример
4.2. Решение краевой задачи для неоднородного уравнения теплопроводности. Пример
4.3. Решение краевой задачи с неоднородными граничными условиями. Пример
4.4. Распространение тепла по стержню бесконечной длины. Пример
4.5. Фундаментальное решение уравнения теплопроводности. Пример

Раздел 5. Уравнения эллиптического типа

5.1. Уравнение Лапласа в полярной системе координат. Пример
5.2. Решение уравнения Лапласа методом Фурье. Пример
5.3. Решение задачи Дирихле для круга. Пример
5.4. Гармонические функции и их свойства. Пример
5.5. Функция источника для уравнения Лапласа и ее применение. Пример

Блок С
ДЕМОНСТРАЦИОННЫЕ ВАРИАНТЫ КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ

Раздел 1. Классификация квазилинейных уравнений в частных производных второго порядка.

Теоретические вопросы:

1. Интегрирование простейших линейных дифференциальных уравнений в частных производных. Примеры
2. Приведение к каноническому виду квазилинейных уравнений в частных производных второго порядка гиперболического типа. Примеры
3. Приведение к каноническому виду квазилинейных уравнений в частных производных второго порядка параболического типа. Примеры
4. Приведение к каноническому виду квазилинейных уравнений в частных производных второго порядка эллиптического типа. Примеры

Пример практического индивидуального задания

1. Привести к каноническому виду следующие дифференциальные уравнения

1. $\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + 2\frac{\partial^2 u}{\partial x\,\partial y} - 3\frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + 2\frac{\partial u}{\partial x} + 6\frac{\partial u}{\partial y} = 0.$

2. $\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + 4\frac{\partial^2 u}{\partial x\,\partial y} + 5\frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + \frac{\partial u}{\partial x} + 2\frac{\partial u}{\partial y} = 0.$

3. $\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} - 2\frac{\partial^2 u}{\partial x\,\partial y} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + \alpha\frac{\partial u}{\partial x} + \beta\frac{\partial u}{\partial y} + cu = 0.$

4. $\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} - 2\cos x\frac{\partial^2 u}{\partial x\,\partial y} - (3 + \sin^2 x)\frac{\partial^2 u}{\partial y^2} - y\frac{\partial u}{\partial y} = 0.$

2. Определить тип следующих уравнений

2.1. $u_{xx}+4u_{xy}+u_{yy}+u_x+u_y+2u-x^2y=0,$

2.2. $2u_{xx}+2u_{xy}+u_{yy}+2u_x+2u_y-u=0,$

2.3. $u_{xx}+2u_{xy}+u_{yy}+u_x+u_y+3u-xy^2=0,$

2.4. $4u_{xx}+2u_{yy}-6u_{zz}+6u_{xy}+10u_{xz}+4u_{yz}+2u=0.$

3. $u_{xy}+u_{yz}+u_{xz}-3x^2u_y+y\sin xu+xe^{-y}=0.$

Раздел 2. Метод характеристик.

Теоретические вопросы:

1. Построение общего решения методом характеристик. Примеры
2. Решение задачи Коши
3. Решение задачи Гурса

Пример практического индивидуального задания

1. Решить задачи Коши для уравнения первого порядка

2.1. $u_t+2u_x+3u=0,\ u\big|_{t=0}=x^2$

2.2. $u_t+2u_x+u=xt,\ u\big|_{t=0}=2-x$

2.3. $2u_t=u_x+xu,\ u\big|_{t=0}=1$

2.4. $2u_t=u_x-xu,\ u\big|_{t=0}=2xe^{x^2/2}$

2. Найти решение поставленной задачи Гурса и доказать единственность этого решения

2.1. $u_{xy}+x^2yu_x=0,\ x>0, y>0;\quad u\big|_{x=0}=0,\ \ u\big|_{y=0}=x$

2.2. $u_{xy}+xu_x=0,\ x>0, y>0;\quad u\big|_{x=0}=\varphi(y),\ \ u\big|_{y=0}=\psi(x),$ где функции $\varphi(x), \psi(x)$ принадлежат классу $C^2(x>0)\cap C(x\ge 0)$ и $\varphi(0)=\psi(0)$.

Раздел 3. Уравнения гиперболического типа.

Теоретические вопросы:

1. Уравнение колебания струны. Формула Даламбера. Пример
2. Свободное колебание струны с закрепленными концами. Метод Фурье. Пример
3. Вынужденные колебания струны с закрепленными концами. Пример
4. Решение краевой задачи с неоднородными граничными условиями. Пример

Пример практического индивидуального задания

1. Решить следующие задачи Коши

1.1. $4y^2u_{xx}+2(1-y^2)u_{xy}-u_{yy}-\dfrac{2y}{1+y^2}\ 2u_x-u_y\ =0,$

$u(x,y)\big|_{y=0}=\varphi(x),\ u_y(x,y)\big|_{y=0}=\psi(x)$

1.2. $u_{xx}+2u_{xy}+4e^y=0,$

$u(x,y)\big|_{x=0}=\varphi(y),\ u_x(x,y)\big|_{x=0}=\psi(y)$

2. Решить следующие задачи на полупрямой

2.1. $u_{tt}=a^2u_{xx},\ x>0,\ t>0,$

$u(0,t)=0,\ t>0,\ u(x,0)=\varphi(x),\ u_t(x,0)=\psi(x),\ x>0$

2.2. $u_{tt}=a^2u_{xx},\ x>0,\ t>0,$

$u_x(0,t)=0,\ t>0,\ u(x,0)=\varphi(x),\ u_t(x,0)=\psi(x),\ x>0$

Раздел 4. Уравнения параболического типа

Теоретические вопросы:

1. Решение первой краевой задачи для однородного уравнения теплопроводности. Метод Фурье. Пример
2. Решение краевой задачи для неоднородного уравнения теплопроводности. Пример
3. Решение краевой задачи с неоднородными граничными условиями. Пример
4. Распространение тепла по стержню бесконечной длины. Пример
5. Фундаментальное решение уравнения теплопроводности. Пример

Пример практического индивидуального задания

1. Подходящим образом продолжая данные задач на всю ось x, решить следующие задачи

1.1. $u_t=a^2u_{xx},\ 0<x<\infty,\ t>0,$

$u(0,t)=0,\ t>0,\ u(x,0)=\varphi(x),\ 0<x<\infty$

1.2. $u_t=a^2u_{xx},\ 0<x<\infty,\ t>0,$

$u_x(0,t)=0,\ t>0,\ u(x,0)=\varphi(x),\ 0<x<\infty$

2. Решить задачу

2.1. Дан тонкий однородный стрежень длинной l, изолированный от внешнего пространства, начальная температура которого равна

$$f(x)=\frac{cx(l-x)}{l^2}.$$

Концы стержня поддерживаются при температуре, равной нулю. Определить температуру стержня в момент $t>0$.

2.2. Дан тонкий однородный стрежень длинной l, начальная температура которого равна 0. На конце $x=l$ температура поддерживаются равной нулю, а на конце $x=0$ она растет линейно со временем, так что $u(0,t)=At$, где A- постоянная. Найти распределение температуры вдоль стержня $t>0$.

Раздел 5. Уравнения эллиптического типа

Теоретические вопросы:

1. Уравнение Лапласа в полярной системе координат. Пример
2. Решение уравнения Лапласа методом Фурье. Пример
3. Решение задачи Дирихле для круга. Пример
4. Гармонические функции и их свойства. Пример
5. Функция источника для уравнения Лапласа и ее применение. Пример ядром

Пример практического индивидуального задания

1. Найти сингулярные решения следующих дифференциальных уравнений

   1.1. $\Delta u + k^2 u = 0$

   1.2. $y^m \dfrac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \dfrac{\partial^2 u}{\partial y^2} = 0,\ y \geq 0,\ m > -2$

2. Найти собственные числа и собственные функции задачи Дирихле для оператора Лапласа, когда область D:

   2.1. прямоугольник $0 < x < a,\ 0 < y < b$

   2.2. круг радиуса R с центром в начале координат.

Блок В

ДЕМОНСТРАЦИОННЫЕ ВАРИАНТЫ ЗАДАЧ

Раздел 1. Необходимое условие экстремума функционала

1. Привести к каноническому виду следующие дифференциальные уравнения

$$y^2 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + 2xy \frac{\partial^2 u}{\partial x\, \partial y} + 2x^2 \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + y \frac{\partial u}{\partial y} = 0.$$

$$\operatorname{tg}^2 x \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} - 2y \operatorname{tg} x \frac{\partial^2 u}{\partial x\, \partial y} + y^2 \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + \operatorname{tg}^3 x \frac{\partial u}{\partial x} = 0.$$

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + 2 \sin x \frac{\partial^2 u}{\partial x\, \partial y} - \cos^2 x \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + \cos x \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{1}{2} \sin 2x \frac{\partial u}{\partial y} = 0.$$

$$x^2 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + 2xy \frac{\partial^2 u}{\partial x\, \partial y} - 3y^2 \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} - 2x \frac{\partial u}{\partial x} + 4y \frac{\partial u}{\partial y} + 16x^4 u = 0.$$

2. Определить тип следующих уравнений

2.1. $2u_{xy} - 2u_{xz} + 2u_{yz} + 3u_x - u = 0,$

2.2. $u_{xx} + 2u_{xy} + 2u_{yy} + 4u_{yz} + 5u_{zz} - xu_x + yu_z = 0,$

2.3. $u_{xx} - 4u_{xy} + 2u_{xz} + 4u_{yy} + u_{zz} - 2xyu_x + 3xu = 0,$

2.4. $u_{xy} + u_{yz} + u_{xz} - 3x^2 u_y + y \sin xu + xe^{-y} = 0.$

Раздел 2. Метод характеристик.

1. Решить задачи Коши для уравнения первого порядка

1.1. $u_t + (1+x^2)u_x - u = 0,\ u\big|_{t=0} = \operatorname{arctg} x$

1.2. $u_t + (1+t^2)u_x + u = 1,\ u\big|_{t=0} = e^{-x}$

1.3. $u_t = u_x + \dfrac{2x}{1+x^2}u,\ u\big|_{t=0} = 1$

1.4. $2tu_t + xu_x - 3x^2u = 0,\ u\big|_{t=1} = 5x^2$

2. Найти решение поставленной задачи Гурса и доказать единственность этого решения

3.1. $u_{xy} + u_x = x,\ x>0, y>0;\quad u\big|_{x=0} = y^2,\ \ u\big|_{y=0} = x^2$

3.2. $u_{xy} + u_y = 1,\ x>0, y>0;\quad u\big|_{x=0} = \varphi(y),\ \ u\big|_{y=0} = \psi(x)$, где функции $\varphi(x), \psi(x)$ принадлежат классу $C^2(x>0)\cap C(x\ge 0)$ и $\varphi(0) = \psi(0)$.

Раздел 3. Уравнения гиперболического типа.

1. Решить следующие задачи Коши

1.1. $u_{xx} + 2\cos x u_{xy} - \sin^2 x u_{yy} - \sin x u_y = 0,$

$u(x,y)\big|_{y=\sin x} = x + \cos x,\ u_y(x,y)\big|_{y=\sin x} = \sin x$

1.2. $3u_{xx} - 4u_{xy} + u_{yy} - 3u_x + u_y = 0,$

$u(x,y)\big|_{y=0} = \varphi(x),\ u_y(x,y)\big|_{y=0} = \psi(x)$

2. Решить следующие задачи на полупрямой

2.1. $u_{tt} = a^2u_{xx} + f(x,t),\ x>0,\ t>0,$

$u(0,t) = 0,\ t>0,\ u(x,0) = u_t(x,0) = 0,\ x>0$

2.2. $u_{tt} = a^2u_{xx} + f(x,t),\ x>0,\ t>0,$

$u_x(0,t) = 0,\ t>0,\ u(x,0) = u_t(x,0) = 0,\ x>0$

Раздел 4. Уравнения параболического типа

1. Подходящим образом продолжая данные задач на всю ось x, решить следующие задачи

1.1. $u_t = a^2u_{xx} - hu,\ 0<x<\infty,\ t>0,$

$u(0,t) = 0,\ t>0,\ u(x,0) = \varphi(x),\ 0<x<\infty$

1.2. $u_t = a^2u_{xx} - hu,\ 0<x<\infty,\ t>0,$

$u_x(0,t) = 0,\ t>0,\ u(x,0) = \varphi(x),\ 0<x<\infty$

2. Найти решение следующих краевых задач

2.1. $\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = \frac{3}{2}(1-x^2)\frac{\partial u}{\partial t}$,

$u(0,t) = 0, \left.\frac{\partial u}{\partial x}\right|_{x=1} = 0,\ u(x,0) = 1.$

2.2. $\frac{\partial u}{\partial t} + u\frac{\partial u}{\partial x} = a^2\frac{\partial^2 u}{\partial x^2}$,

$u(0,t) = 0, u(l,t) = 0\ (t>0),$

$u|_{t=0} = f(x)\ (0 \le x \le l).$

Раздел 5. Уравнения эллиптического типа

1. Найти сингулярные решения следующих дифференциальных уравнений

1.1. $\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + y\frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + \alpha\frac{\partial u}{\partial y} = 0,\ y \ge 0, \alpha - \text{const}$

1.2. $\frac{\partial^4 u}{\partial x^4} + 2\frac{\partial^4 u}{\partial x^2 \partial y^2} + \frac{\partial^4 u}{\partial y^4} = 0$

2. Найти собственные числа и собственные функции задачи Дирихле для оператора Лапласа, когда область D:

2.1. Круговое кольцо $R_1 < \rho < R_2$

2.2. Шар радиуса R с центром в начале координат

Блок D

Вопросы для проверки уровня обученности ЗНАТЬ:

1. Методы построения общего решения методом характеристик
2. Методы решение задачи Коши и Гурса.
3. Процедуру вывода формулы Даламбера
4. Способы решения разных видов краевых задач методом Фурье
5. Методы решения краевой задачи с неоднородным уравнением.
6. Методы решения краевой задачи с неоднородными граничными условиями.
7. Методы решения разной краевой задачи для однородного уравнения теплопроводности.
8. Методы решения краевой задачи с неоднородным уравнением теплопроводности.
9. Методы решения краевой задачи с неоднородными граничными условиями.
10. Методы решения задачи распространения тепла по стержню бесконечной длины.
11. Методы построения фундаментального решения уравнения теплопроводности.
12. Методы приведения уравнения Лапласа из декартовой координатной системы в полярную систему координат.
13. Методы решения уравнения Лапласа с разделением переменных.
14. Методы решения задачи Дирихле для круга.
15. Гармонические функции и их свойства.
16. Функцию источника для уравнения Лапласа и ее применения

Задачи/задания для проверки уровня обученности УМЕТЬ:

1. Интегрировать простейших линейных дифференциальных уравнений в частных производных

2. Приводить к каноническому виду квазилинейных уравнений в частных производных второго порядка
3. Построить общее решение методом характеристик.
4. Решать задачу Коши и Гурса.
5. Получить вывод формулы Даламбера.
6. Решать разные виды краевых задач методом Фурье .
7. Решать краевую задачу с неоднородным уравнением.
8. Решать краевую задачу с неоднородными граничными условиями.
9. Решать разную краевую задачу для однородного уравнения теплопроводности.
10. Решать краевую задачу с неоднородным уравнением теплопроводности.
11. Решать краевую задачу с неоднородными граничными условиями.
12. Решать задачу распространения тепла по стержню бесконечной длины.
13. Построить фундаментальное решение уравнения теплопроводности.
14. Приводить уравнение Лапласа из декартовой координатной системы в полярную систему координат.
15. Решать уравнения Лапласа с разделением переменных.
16. Решать задачи Дирихле для круга.
17. Использовать гармонические функции и их свойства.
18. Применять функцию источника для уравнения Лапласа

Задачи/задания для проверки уровня обученности ВЛАДЕТЬ:

1. Интегрирования простейших дифференциальных уравнений.
2. Решения дифференциальных уравнений с дополнительными условиями.
3. Определения собственных значений и собственных функций краевых задач.
4. Исследования функциональных рядов на сходимость.
5. Исследования простейших физических процессов: колебание струны, распространение тепла по стержню и др.
6. Исследования простейших физических процессов в сочетании с геометрическими изображениями

Раздел 4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

ШКАЛА ОЦЕНИВАНИЯ КОНТРОЛЬНОЙ РАБОТЫ (рубежный контроль)

№	Наименование показателя	Отметка (в %)
Теоретическая часть		0-100
1	Вопрос 1	0-30
2	Вопрос 2	0-30
3	Вопрос 3	0-30
4	Дополнительный вопрос	0-10
Практическая часть		
1	Задача 1	0-100
2	Задача 2	0-100
Всего баллов		**Среднее арифм. %**

Примечание: Шкала оценивания решения задачи.

Пример.

1. Привести к каноническому виду следующие дифференциальные уравнения

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + 2\frac{\partial^2 u}{\partial x\,\partial y} - 3\frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + 2\frac{\partial u}{\partial x} + 6\frac{\partial u}{\partial y} = 0.$$

2. Определить тип следующих уравнений $u_{xy} + u_{yz} + u_{xz} - 3x^2 u_y + y\sin xu + xe^{-y} = 0.$

Содержание верного решения задачи и указания к оцениванию

Элементы ответа: (допускаются иные формулировки ответа, не искажающие его смысла).

1) Записано решение 1-задачи и указан алгоритм решения
2) Записано решение 2-задачи и указан алгоритм решения

Указания к оцениванию / %

- Решение правильное и полное, включающее все приведенные выше /85-100 %
- Решение включает 1-й, 2-й и 3-й из приведенных выше элементов / 70-84 %
- Решение неполное, включает 1-й и 2-й или 1-й и 3-й из приведенных выше элементов / 60-69 %
- Все элементы записаны неверно или записан правильно только один элемент (1-й, 2-й или 3-й) / 0-60 %

ШКАЛА ОЦЕНИВАНИЯ ЗАДАЧ (текущий контроль)

- 85-100 % - Решение всех задач правильное и полное.
- 70-84 % - Решение включает 1-й, 2-й и 3-й из приведенных задач.
- 60-69 % - Решение неполное, включает 1-й и 2-й,1-й и 3-й или 2-й и 3-й из приведенных задач.
- 31-60 % - Все элементы записаны неверно или записан правильно только один элемент (1-й, 2-й или 3-й).
- 0-30 % - Не было попытки решить задачу.

ШКАЛА ОЦЕНИВАНИЯ УСТНОГО ОПРОСА (промежуточный контроль – «ЗНАТЬ»)

При оценке устных ответов на проверку уровня обученности ЗНАТЬ учитываются следующие критерии:

1. Знание основных процессов изучаемой предметной области, глубина и полнота раскрытия вопроса.
2. Владение терминологическим аппаратом и использование его при ответе.
3. Умение объяснить сущность явлений, событий, процессов, делать выводы и обобщения, давать аргументированные ответы.
4. Владение монологической речью, логичность и последовательность ответа, умение отвечать на поставленные вопросы, выражать свое мнение по обсуждаемой проблеме.

(16-20 баллов) выставляется, если студент ответил на все теоретические вопросы в билете и при этом:

1. Присутствует : 1)правильность, полнота и глубина ответа (верное и глубокое изложение фактов, понятий, иллюстрация ответа конкретными примерами; отсутствие необходимости в уточняющих вопросах); 2) логическая последовательность изложения материала в процессе ответа.
2. Или студент не выполнил одного из перечисленных требований, но ответил правильно на один дополнительный вопрос в пределах программы.
3. Или не выполнил два из перечисленных требований, но правильно ответил на два дополнительных вопроса в пределах программы.

(10-15 баллов) выставляется, если студент ответил на все теоретические вопросы в билете, но при этом либо отсутствует правильность, полнота и глубина ответа (верное и глубокое изложение фактов, понятий, иллюстрация ответа конкретными примерами; отсутствие необходимости в уточняющих вопросах);
либо нет логической последовательности изложения материала в процессе ответа; в некоторых заданиях допущены арифметические ошибки и неправильный ответ на дополнительный вопрос в пределах программы.

(5-10 баллов) выставляется, если студент ответил на 2 теоретических вопросов в билете, а в остальных допущены грубые ошибки и неправильно ответил на два дополнительных вопроса в пределах программы.

(1-4 баллов) выставляется, если студент ответил менее 2 теоретических вопросов, а в остальных допущены грубые ошибки и не может ответить ни на один дополнительный вопрос в пределах программы

ШКАЛА ОЦЕНИВАНИЯ АНАЛИТИЧЕСКИХ И ПРАКТИЧЕСКИХ ЗАДАНИЙ (промежуточный контроль – «УМЕТЬ и ВЛАДЕТЬ»)

При оценке ответов на проверку уровня обученности УМЕТЬ и ВЛАДЕТЬ учитываются следующие критерии:

(8-10 баллов) выставляется, если студент выполнил все задания в билете и при этом:

1. Присутствует:
1) решил все предложенные ему задачи;
2) указано решение задачи.

2. Или студент не выполнил одного из перечисленных требований, но ответил правильно на один дополнительный вопрос по решению задач.

3. Или не выполнил два из перечисленных требований, но правильно ответил на два дополнительных вопроса по решению задач.

(4-7 баллов) выставляется, если студент выполнил 3-4 заданий в билете, в некоторых заданиях допущены арифметические ошибки.

(1-3 баллов) выставляется, если студент выполнил 1-2 задания в билете, а в остальных допущены грубые ошибки.

(0 баллов) выставляется, если студент не выполнил не одного задания в билете, даже не было попытки решить задачи.

Раздел 5. Методические указания для обучающегося по освоению дисциплины.Математические методы решения прикладных задач

МОДУЛЬНЫЙ КОНТРОЛЬ ПО ДИСЦИПЛИНЕ ВКЛЮЧАЕТ:

1. **Текущий контроль:** усвоение учебного материала на аудиторных занятиях (лекциях, практических, в том числе учитывается посещение и активность) и выполнение обязательных заданий для самостоятельной работы
2. **Рубежный контроль:** проверка полноты знаний и умений по материалу модуля в целом. Выполнение модульных контрольных заданий проводится в письменном виде и является обязательной компонентой модульного контроля.
3. **Промежуточный контроль**: завершенная задокументированная часть учебной дисциплины (4 семестр - зачет) – совокупность тесно связанных между собой зачетных модулей.

ОСНОВНЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К ПРОМЕЖУТОЧНОМУ КОНТРОЛЮ

- При явке на зачёт студенты обязаны иметь при себе зачётные книжки, которые они предъявляют экзаменатору в начале зачета или экзамена.
- Преподавателю предоставляется право поставить зачёт без опроса по билету тем студентам, которые набрали более 60 баллов за текущий и рубежный контроли.
- На промежуточном контроле студент должен верно ответить на теоретические вопросы билета и решить ситуационную задачу.
- Студенты могут использовать технические средства, справочно-нормативную литературу, наглядные пособия, учебные программы.

Оценка промежуточного контроля:

- min ***20 баллов*** - Вопросы для проверки уровня обученности ЗНАТЬ (в случае, если при ответах на заданные вопросы студент правильно формулирует основные понятия)
- ***20-25 баллов*** – Задания для проверки уровня обученности УМЕТЬ и ВЛАДЕТЬ(в случае, если студент правильно формулирует сущность заданной в билете проблемы и дает решение задачи)
- ***25-30 баллов*** - Задания для проверки уровня обученности УМЕТЬ и ВЛАДЕТЬ (в случае полного выполнения контрольного задания)

ОСНОВНЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К ТЕКУЩЕМУ КОНТРОЛЮ

Для понимания материала и качественного его усвоения рекомендуется такая последовательность действий:

1. После прослушивания лекции и окончания учебных занятий, при подготовке к занятиям следующего дня, нужно сначала просмотреть и обдумать текст лекции, прослушанной сегодня.
2. При подготовке к следующей лекции, нужно просмотреть текст предыдущего материала, подумать о том, какая может быть тема следующей лекции.
3. В течение недели выбрать время для работы с рекомендуемой литературой.
4. При подготовке к спратическим занятиям следующего дня, необходимо сначала прочитать основные понятия и подходы по теме домашнего задания. При выполнении задания нужно сначала понять, что в нем требуется, какой теоретический материал нужно использовать, наметить план решения.

5. Для подготовки к пратическим занятиям и выполнению самостоятельной работы необходимо сначала прочитать основные понятия и подходы по теме задания. Рекомендуется использовать методические указания по курсу, конспекты лекций. При выполнении задания нужно сначала понять, что требуется в нем, какой теоретический материал нужно
использовать, наметить план выполнения, а затем приступить к заданию и сделать качественный вывод. Рекомендуется использовать наборы учебных обучающих программ;
6. При подготовке к промежуточному и рубежному контролям нужно изучить теорию: определения всех понятий и подходы к оцениванию до состояния понимания материала и самостоятельно выполнить несколько типовых заданий.
7. Отработки пропущенных занятий.
Контроль над усвоением студентами материала учебной программы дисциплины осуществляется систематически преподавателем кафедры и отражается в журнале преподавателя и в баллах. Студент, получивший неудовлетворительную оценку по текущему материалу, обязан подготовить данный раздел и ответить по нему преподавателю на индивидуальном
собеседовании. При фронтальном обучении неудовлетворительная оценка должна быть отработана в течение месяца со дня ее получения, при цикловом обучении - до конца цикла.
Пропущенная без уважительных причин лекция должна быть отработана методом устного опроса лектором или подготовки реферата по материалам пропущенной лекции в течение месяца со дня пропуска.Возможны и другие методы отработки пропущенных лекций (опрос на практических, тестовый контроль и т.д.).
Отработка практических занятий.
- Каждое занятие, пропущенное студентом без уважительной причины, отрабатывается в обязательном порядке. Отработки проводятся по расписанию кафедры, согласованному с деканатом.
- При фронтальном обучении пропущенные занятия должны быть отработаны в течение 10 дней со дня пропуска, при цикловом обучении - до конца цикла. Пропущенные студентом без уважительной причины практические занятия отрабатываются не более одного занятия в день. Пропущенные занятия по уважительной причине (по болезни, пропуски с разрешения деканата) отрабатываются по тематическому материалу без учета часов.
- Студент, не отработавший пропуск в установленные сроки, допускается к очередным занятиям только при наличии разрешения декана или его заместителя в письменной форме. Не разрешается устранение от очередного практического занятия студентов, слабо подготовленных к данным занятиям.
- Для студентов, пропустивших практическое занятия из-за длительной болезни, отработка должна проводиться после разрешения деканата по индивидуальному графику, согласованному с кафедрой.
- В исключительных случаях (участие в межвузовских конференциях, соревнованиях, олимпиадах, дежурство и др.) декан и его заместитель по согласованию с кафедрой могут освобождать студентов от отработок некоторых пропущенных
занятий.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА

Для написания контрольных работ студентам необходимо внимательно прочитать соответствующий раздел учебника, учебного и учебно-методического пособия, проработать аналогичные задания, рассматриваемые преподавателем на лекционных занятиях, разобранных на практических занятиях. Контрольная работа состоит из 3-х теоретических вопросов и из 3-х практических задач.

ЗАДАЧА

Для выполнения задач студентам необходимо внимательно прочитать соответствующий раздел учебника, учебного и учебно-методического пособия, проработать аналогичные задания, рассматриваемые преподавателем на лекционных занятиях, разобранных на практических занятиях. Задача состоит из более 3-х задач.