

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ,  
МИНИСТЕРСТВО НАУКИ, ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ И ИННОВАЦИЙ  
КЫРГЫЗСКОЙ РЕСПУБЛИКИ

МОО ВО Кыргызско-Российский Славянский университет  
имени первого Президента Российской Федерации Б.Н. Ельцина



## Интегральные уравнения

### рабочая программа дисциплины (модуля)

Закреплена за кафедрой **Прикладной математики и информатики**

Учебный план b010302\_25\_1 пмии.plx  
Направление 01.03.02 - РФ, 510200 - КР Прикладная математика и информатика

Форма обучения **очная**

Общая трудоемкость **4 ЗЕТ**

Часов по учебному плану 144  
в том числе:  
аудиторные занятия 64  
самостоятельная работа 79,9

Виды контроля в семестрах:  
зачет с оценкой 7

#### Распределение часов дисциплины по семестрам

| Семестр<br>( <b>&lt;Курс&gt;.&amp;b&gt;&lt;Семестр на курсе&gt;</b> ) | <b>7 (4.1)</b> |      | Итого |      |
|-----------------------------------------------------------------------|----------------|------|-------|------|
| Неделя                                                                | 18             |      |       |      |
| Вид занятий                                                           | уп             | рп   | уп    | рп   |
| Лекции                                                                | 32             | 32   | 32    | 32   |
| Практические                                                          | 32             | 32   | 32    | 32   |
| Контактная работа в период теоретического обучения                    | 0,1            | 0,1  | 0,1   | 0,1  |
| Итого ауд.                                                            | 64             | 64   | 64    | 64   |
| Контактная работа                                                     | 64,1           | 64,1 | 64,1  | 64,1 |
| Сам. работа                                                           | 79,9           | 79,9 | 79,9  | 79,9 |
| Итого                                                                 | 144            | 144  | 144   | 144  |

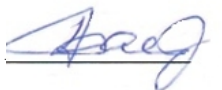
Программу составил(и):

д.ф.-м.н., профессор, Керимбеков А.; к.ф.-м.н., доцент, Доулбекова С.Б.



Рецензент(ы):

д.ф.-м.н., профессор, Байзаков А.Б.



Рабочая программа дисциплины

разработана в соответствии с ФГОС 3++:

Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика (приказ Минобрнауки России от 10.01.2018 г. № 9)

составлена на основании учебного плана:

Направление 01.03.02 - РФ, 510200 - КР Прикладная математика и информатика

утвержденного учёным советом вуза от 09. 09. 2025 протокол № 1

Рабочая программа одобрена на заседании кафедры

Протокол от 28.08.2025 г. № 1

Срок действия программы: 2024-2028 уч.г.

Зав. кафедрой к.ф.-м.н., доцент Аширбаев Б.Б.



---

---

**Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году**

Председатель УМС

\_\_ 2026 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для  
исполнения в 2026-2027 учебном году на заседании кафедры

Протокол от \_\_ 2026 г. № \_\_  
Зав. кафедрой к.ф.-м.н., доцент Аширбаев Б.Ы.

---

---

**Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году**

Председатель УМС

\_\_ 2027 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для  
исполнения в 2027-2028 учебном году на заседании кафедры

Протокол от \_\_ 2027 г. № \_\_  
Зав. кафедрой к.ф.-м.н., доцент Аширбаев Б.Ы.

---

---

**Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году**

Председатель УМС

\_\_ 2028 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для  
исполнения в 2028-2029 учебном году на заседании кафедры

Протокол от \_\_ 2028 г. № \_\_  
Зав. кафедрой к.ф.-м.н., доцент Аширбаев Б.Ы.

---

---

**Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году**

Председатель УМС

\_\_ 2029 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для  
исполнения в 2029-2030 учебном году на заседании кафедры

Протокол от \_\_ 2029 г. № \_\_  
Зав. кафедрой к.ф.-м.н., доцент Аширбаев Б.Ы.

### 1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

|     |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |
|-----|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1.1 | Интегральные уравнения встречаются во многих математических и прикладных задачах. Интегральные уравнения появились в работах Ж. Фурье в 1811 г. Исторически первой задачей, которая привела к необходимости рассмотрения интегрального уравнения, является задача Абеля о таутохроне (1823 г.). К интегральным уравнениям приводят задачи Коши и краевые задачи, сформулированные для обыкновенных дифференциальных уравнений. Многие задачи геометрии, физики и механики при непосредственном их изучении приводят к интегральным уравнениям минуя дифференциальных уравнений. В настоящее время интегральные уравнения являются составной частью курса высшей математики, для которых разработаны методы их решения. |
| 1.2 | Настоящий курс «Интегральные уравнения» как дисциплина, относящаяся к высшей математике, изучает элементы линейных алгебраических уравнений в конечномерном пространстве, свойства линейных операторов, свойства обратных операторов и методов их построения и имеет своей целью ознакомить студентов основными методами решения, наиболее часто используемых на практике видов линейных интегральных уравнений (Фредгольма, Вольтерра, связь интегральных уравнений с краевыми задачами и др.).                                                                                                                                                                                                                       |
| 1.3 | При изучении курса «Интегральные уравнения» основная задача состоит в том, чтобы обеспечить математическую подготовку студентов по решению линейных интегральных уравнений первого и второго родов типа Фредгольма и Вольтерра, а также некоторых нелинейных интегральных уравнений в том объеме, достаточную для решения прикладных задач и исследования решений. После изучения курса студент должен уметь применять усвоенные методы при решении практических задач и проводить теоретические исследования.                                                                                                                                                                                                         |

### 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП

|                    |                                                                                                              |
|--------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Цикл (раздел) ООП: | Б1.О.4                                                                                                       |
| <b>2.1</b>         | <b>Требования к предварительной подготовке обучающегося:</b>                                                 |
| 2.1.1              | Дифференциальные уравнения                                                                                   |
| 2.1.2              | Линейная алгебра и аналитическая геометрия                                                                   |
| 2.1.3              | Математический анализ                                                                                        |
| <b>2.2</b>         | <b>Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:</b> |
| 2.2.1              | Оптимальное управление                                                                                       |
| 2.2.2              | Численные методы математической физики                                                                       |
| 2.2.3              | Математическое моделирование физических процессов                                                            |

### 3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

**ОПК-2: Способен использовать и адаптировать существующие математические методы и системы программирования для разработки и реализации алгоритмов решения прикладных задач**

#### Знать:

|               |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
|---------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Уровень 1     | <ul style="list-style-type: none"> <li>-методы решения линейных уравнений;</li> <li>-методы решения нелинейных уравнений;</li> <li>-операторные методы решения уравнений;</li> <li>-графические методы решения задач;</li> <li>-методы оптимизации и оптимального управления;</li> <li>-численные методы решения прикладных задач;</li> <li>-возможности аппаратных и программных средств;</li> <li>-особенности Системного ПО их функционирования в многозадачных ОС;</li> <li>-средства разработки приложений, их состав и функции;</li> <li>-организацию программного обеспечения, типовые методы организации и свойства компонент операционных систем, механизмы исполнения программ в операционных системах;</li> <li>-основные конструкции языков программирования и принципы разработки программ, динамические структуры данных, объектно-ориентированную методологию программирования.</li> </ul> |
| <b>Уметь:</b> |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |

|           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |
|-----------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Уровень 1 | <ul style="list-style-type: none"> <li>-разработать на основе аналитических методов алгоритм решения математических и прикладных задач для использования их на практике;</li> <li>- разработать алгоритм численных методов решения нелинейных прикладных задач для использования их в приложениях;</li> <li>- использовать разработанные алгоритмы для решения прикладных задач естественных наук;</li> <li>- осуществлять обоснованный выбор средств программирования;</li> <li>- использовать изученные алгоритмы программирования для решения конкретных задач;</li> <li>-самостоятельно создавать и тестировать системные модули, используя передовые информационные технологии;</li> <li>- применять знания в разработке баз данных;</li> <li>- применять знания построения системных и обрабатывающих программ;</li> <li>- демонстрировать глубокие знания:</li> <li>- построения параллельных программ;</li> <li>- работать в среде разработки Microsoft Visual Studio.NET;</li> <li>- использовать регулярные выражения;</li> <li>- создавать простейшие Web Application Project с применением форм и проверкой данных при вводе их пользователем.</li> </ul> |
|-----------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

**Владеть:**

|           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |
|-----------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Уровень 1 | <ul style="list-style-type: none"> <li>-навыками применения аналитических и численных методов решения линейных, нелинейных и операторных уравнений при исследовании и решении прикладных задач и задач естественных наук;</li> <li>- навыками программирования и осуществлять поиск дополнительной информации для изучения тематических разделов по математике и информатике;</li> <li>-основными навыками работы в операционной среде WINDOWS;</li> <li>- получить основные навыки в работе с основными приложениями, входящими в состав пакета Microsoft Office;</li> <li>- навыками работы со стандартными средами современных операционных систем и разработки собственных приложений системного назначения;</li> <li>- методами и средствами программирования распределенных ВС и сетей;</li> <li>- методами и средствами анализа и разработки программных компонентов сетевых и телекоммуникационных систем;</li> <li>- понятия о нормализации баз данных;</li> <li>- навыками работы со стандартными средами современных операционных систем - навыками разработки собственных параллельных приложений.</li> <li>- навыками работы в среде разработки Microsoft Visual Studio.NET;</li> <li>- навыками создании, отладке, компиляции и выполнении программы на C#;</li> <li>- навыками использования справочной системы среды программирования .NET</li> </ul> |
|-----------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

**ОПК-3: Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности**

**Знать:**

|           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |
|-----------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Уровень 1 | <ul style="list-style-type: none"> <li>-основные методы и законы математики и естественных наук;</li> <li>-известные математические модели, используемые в приложениях;</li> <li>-способы составления математических моделей для прикладных задач математики и естественных наук;</li> <li>-способы применения математических моделей при фундаментальных исследованиях и решении прикладных задач;</li> <li>-способы преобразования задач с целью их модификации.</li> </ul> |
|-----------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

**Уметь:**

|           |                                                                                                                                                                                                                                |
|-----------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Уровень 1 | <ul style="list-style-type: none"> <li>-составить математические модели прикладных задач математики и естественных наук;</li> <li>-модифицировать математические модели прикладных задач и задач естественных наук;</li> </ul> |
|-----------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

**Владеть:**

|           |                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
|-----------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Уровень 1 | <ul style="list-style-type: none"> <li>-навыками составления математическими моделями прикладных задач математики и естественных наук и их применениями на практике;</li> <li>-навыками модификации прикладных задач математики и задач естественных наук и их применениями на</li> </ul> |
|-----------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

**В результате освоения дисциплины обучающийся должен**

|            |                                                                                                                                                                      |
|------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <b>3.1</b> | <b>Знать:</b>                                                                                                                                                        |
| 3.1.1      | 1. Методы нахождения характеристических чисел и собственных функций линейного однородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с выраженным ядром              |
| 3.1.2      | 2. Методы нахождения характеристических чисел и собственных функций сопряженного линейного однородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с выраженным ядром |
| 3.1.3      | 3. Методы решения линейного неоднородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с выраженным ядром                                                              |
| 3.1.4      | 4. Теоремы Фредгольма и альтернативу Фредгольма                                                                                                                      |

|            |                                                                                                                                                              |
|------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 3.1.5      | 5. Методы решения линейного неоднородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с непрерывным ядром                                                     |
| 3.1.6      | 6. Методы решения линейного неоднородного интегрального уравнения Вольтерра II рода с непрерывным ядром                                                      |
| 3.1.7      | 7. Методы нахождения характеристических чисел и собственных функций линейного однородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с симметричным ядром    |
| 3.1.8      | 8. Методы решения линейного неоднородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с симметричным ядром                                                    |
| <b>3.2</b> | <b>Уметь:</b>                                                                                                                                                |
| 3.2.1      | 1. находить характеристические числа и собственные функции линейного однородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с вырожденным ядром              |
| 3.2.2      | 2. находить характеристические числа и собственные функции сопряженного линейного однородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с вырожденным ядром |
| 3.2.3      | 3. решать линейного неоднородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с вырожденным ядром                                                             |
| 3.2.4      | 4. применять теоремы Фредгольма и альтернативу Фредгольма при исследовании интегральных уравнений                                                            |
| 3.2.5      | 5. решать линейного неоднородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с непрерывным ядром                                                             |
| 3.2.6      | 6. решать линейного неоднородного интегрального уравнения Вольтерра II рода с непрерывным ядром                                                              |
| 3.2.7      | 7. находить характеристические числа и собственные функции линейного однородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с симметричным ядром             |
| 3.2.8      | 8. решать линейного неоднородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с симметричным ядром                                                            |
| <b>3.3</b> | <b>Владеть:</b>                                                                                                                                              |
| 3.3.1      | 1. Исследования линейных однородных интегральных уравнений Фредгольма II рода                                                                                |
| 3.3.2      | 2. Исследования линейных неоднородных интегральных уравнений Фредгольма II рода                                                                              |
| 3.3.3      | 3. Исследования линейных однородных интегральных уравнений Вольтерра II рода                                                                                 |
| 3.3.4      | 4. Исследования линейных однородных интегральных уравнений Фредгольма II рода с симметричным ядром                                                           |
| 3.3.5      | 5. Исследования линейных неоднородных интегральных уравнений Фредгольма II рода с симметричным ядром                                                         |

#### 4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

| Код занятия | Наименование разделов и тем /вид занятия/                                                                   | Семестр / Курс | Часов | Компетенции    | Литература                        | Инте ракт. | Пр. подг. | Примечание |
|-------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------|-------|----------------|-----------------------------------|------------|-----------|------------|
|             | <b>Раздел 1. Линейные интегральные уравнения Фредгольма с вырожденным ядром</b>                             |                |       |                |                                   |            |           |            |
| 1.1         | Линейные однородные интегральные уравнения Фредгольма. Характеристические числа и собственные функции /Лек/ | 7              | 4     | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1<br>Л1.2Л2.1<br>Л2.2<br>Э1 Э2 |            |           |            |
| 1.2         | Линейные однородные интегральные уравнения Фредгольма. Характеристические числа и собственные функции /Пр/  | 7              | 4     | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1<br>Л1.2Л2.1<br>Л2.2<br>Э1 Э2 |            |           |            |
| 1.3         | Линейные однородные интегральные уравнения Фредгольма. Характеристические числа и собственные функции /Ср/  | 7              | 10    | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1<br>Л1.2Л2.1<br>Л2.2<br>Э1 Э2 |            |           |            |
| 1.4         | Линейные неоднородные интегральные уравнения Фредгольма. Теорема Фредгольма /Лек/                           | 7              | 4     | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1<br>Л1.2Л2.1<br>Л2.2<br>Э1 Э2 |            |           |            |
| 1.5         | Линейные неоднородные интегральные уравнения Фредгольма. Теорема Фредгольма /Пр/                            | 7              | 4     | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1<br>Л1.2Л2.1<br>Л2.2<br>Э1 Э2 |            |           |            |
| 1.6         | Линейные неоднородные интегральные уравнения Фредгольма. Теорема Фредгольма /Ср/                            | 7              | 10    | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1<br>Л1.2Л2.1<br>Л2.2<br>Э1 Э2 |            |           |            |

|     |                                                                                                      |   |      |                |                                |  |  |  |
|-----|------------------------------------------------------------------------------------------------------|---|------|----------------|--------------------------------|--|--|--|
|     | <b>Раздел 2. Линейные интегральные уравнения Фредгольма с непрерывным ядром</b>                      |   |      |                |                                |  |  |  |
| 2.1 | Методы последовательных приближений и повторных ядер /Лек/                                           | 7 | 4    | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1<br>Л1.2Л2.1<br>Л2.2<br>Э2 |  |  |  |
| 2.2 | Методы последовательных приближений и повторных ядер /Пр/                                            | 7 | 4    | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1<br>Л1.2Л2.1<br>Л2.2<br>Э2 |  |  |  |
| 2.3 | Методы последовательных приближений и повторных ядер /Ср/                                            | 7 | 8,4  | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1<br>Л1.2Л2.1<br>Л2.2<br>Э2 |  |  |  |
| 2.4 | Теоремы Фредгольма для непрерывных ядер /Лек/                                                        | 7 | 4    | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1<br>Л1.2Л2.1<br>Л2.2<br>Э2 |  |  |  |
| 2.5 | Теоремы Фредгольма для непрерывных ядер /Пр/                                                         | 7 | 4    | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1<br>Л1.2Л2.1<br>Л2.2<br>Э2 |  |  |  |
| 2.6 | Теоремы Фредгольма для непрерывных ядер /Ср/                                                         | 7 | 10   | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1<br>Л1.2Л2.1<br>Л2.2<br>Э2 |  |  |  |
|     | <b>Раздел 3. Линейные интегральные уравнения Вольтерра</b>                                           |   |      |                |                                |  |  |  |
| 3.1 | Линейные интегральные уравнения Вольтерра и их связь с линейными дифференциальными уравнениями /Лек/ | 7 | 4    | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1Л2.1<br>Л2.2<br>Э2         |  |  |  |
| 3.2 | Линейные интегральные уравнения Вольтерра и их связь с линейными дифференциальными уравнениями /Пр/  | 7 | 4    | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1Л2.1<br>Л2.2<br>Э2         |  |  |  |
| 3.3 | Линейные интегральные уравнения Вольтерра и их связь с линейными дифференциальными уравнениями /Ср/  | 7 | 10,5 | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1Л2.1<br>Л2.2<br>Э2         |  |  |  |
| 3.4 | Применение методов последовательных приближений и повторных ядер /Лек/                               | 7 | 4    | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1Л2.1<br>Л2.2<br>Э2         |  |  |  |
| 3.5 | Применение методов последовательных приближений и повторных ядер /Пр/                                | 7 | 4    | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1Л2.1<br>Л2.2<br>Э2         |  |  |  |
| 3.6 | Применение методов последовательных приближений и повторных ядер /Ср/                                | 7 | 10   | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1Л2.1<br>Л2.2<br>Э2         |  |  |  |
|     | <b>Раздел 4. Симметричные интегральные уравнения</b>                                                 |   |      |                |                                |  |  |  |
| 4.1 | Однородные симметричные интегральные уравнения. Характеристические числа и собственные функции /Лек/ | 7 | 4    | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1Л2.1<br>Л2.2<br>Э2         |  |  |  |

|     |                                                                                                     |   |      |                |                        |  |  |  |
|-----|-----------------------------------------------------------------------------------------------------|---|------|----------------|------------------------|--|--|--|
| 4.2 | Однородные симметричные интегральные уравнения. Характеристические числа и собственные функции /Пр/ | 7 | 4    | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1Л2.1<br>Л2.2<br>Э2 |  |  |  |
| 4.3 | Однородные симметричные интегральные уравнения. Характеристические числа и собственные функции /Ср/ | 7 | 10,5 | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1Л2.1<br>Л2.2<br>Э2 |  |  |  |
| 4.4 | Неоднородные симметричные интегральные уравнения /Лек/                                              | 7 | 4    | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1Л2.1<br>Л2.2<br>Э2 |  |  |  |
| 4.5 | Неоднородные симметричные интегральные уравнения /Пр/                                               | 7 | 4    | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1Л2.1<br>Л2.2<br>Э2 |  |  |  |
| 4.6 | Неоднородные симметричные интегральные уравнения /Ср/                                               | 7 | 10,5 | ОПК-2<br>ОПК-3 | Л1.1Л2.1<br>Л2.2<br>Э2 |  |  |  |
| 4.7 | /КрТО/                                                                                              | 7 | 0,1  |                |                        |  |  |  |

## 5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

### 5.1. Контрольные вопросы и задания

Раздел 1. Линейные интегральные уравнения Фредгольма с вырожденным ядром.

1.1. Определение характеристических чисел и собственных функций линейного однородного интегрального уравнения Фредгольма II рода

1.2. Найти характеристические числа и собственные функции линейного однородного интегрального уравнения Фредгольма II рода (Скалярный случай вырожденного ядра)

1.3. Найти характеристические числа и собственные функции линейного однородного интегрального уравнения Фредгольма II рода (Векторный случай вырожденного ядра)

1.4. Найти решения линейного однородного интегрального уравнения Фредгольма II рода (Скалярный случай вырожденного ядра)

1.5. Найти решения линейного однородного интегрального уравнения Фредгольма II рода (Векторный случай вырожденного ядра)

1.6. Найти решения линейного неоднородного интегрального уравнения Фредгольма II рода (Скалярный случай вырожденного ядра)

1.7. Найти решения линейного неоднородного интегрального уравнения Фредгольма II рода (Векторный случай вырожденного ядра)

Раздел 2. Линейные интегральные уравнения Фредгольма с непрерывным ядром

2.1. Найти первые 3 приближения линейного неоднородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с непрерывным ядром методом последовательных приближений

2.2. Написать формулу вычисления повторных ядер

2.3. Вычислить первые, вторые и третьи повторные ядра. Примеры.

2.4. Определить область сходимости ряда Неймана

2.5. Найти решения линейного неоднородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с непрерывным ядром

Раздел 3. Линейные интегральные уравнения Вольтерра.

3.1. Найти первые 3 приближения линейного неоднородного интегрального уравнения Вольтерра II рода с непрерывным ядром методом последовательных приближений

3.2. Написать формулу вычисления повторных ядер

3.3. Вычислить первые, вторые и третьи повторные ядра. Примеры.

3.4. Найти решения линейного неоднородного интегрального уравнения Вольтерра II рода с непрерывным ядром

Раздел 4. Симметричные интегральные уравнения.

4.1. Найти характеристические числа и собственные функции линейного однородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с симметричным ядром

4.2. Найти решения линейного однородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с симметричным ядром

4.3. Найти решения линейного неоднородного интегрального уравнения Фредгольма II рода с симметричным ядром

### 5.2. Темы курсовых работ (проектов)

Не предусмотрено

### 5.3. Фонд оценочных средств

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА. Перечень заданий в ПРИЛОЖЕНИИ 3

ЗАДАЧА. Перечень заданий в ПРИЛОЖЕНИИ 4

### 5.4. Перечень видов оценочных средств

Контрольная работа

Задача

(Шкалы оценивания по всем видам оценочных средств в ПРИЛОЖЕНИИ 1)

## 6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

### 6.1. Рекомендуемая литература

#### 6.1.1. Основная литература

|      | Авторы, составители                        | Заглавие                                                                         | Издательство, год       |
|------|--------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------|-------------------------|
| Л1.1 | М.Л. Краснов, А.И. Киселев, Г.И. Макаренко | Интегральные уравнения: Задачи и примеры с подробными решениями: Учебное пособие | М.: Едиториал УРСС 2003 |
| Л1.2 | Иманалиев М.И., Асанов А., Асанов Р.А.     | Линейные интегральные уравнения Фредгольма третьего рода с вырожденным ядром     |                         |

#### 6.1.2. Дополнительная литература

|      | Авторы, составители                        | Заглавие                                | Издательство, год                                             |
|------|--------------------------------------------|-----------------------------------------|---------------------------------------------------------------|
| Л2.1 | Краснов М.Л.                               | Интегральные уравнения: учебное пособие | М.: Наука Гл. ред. физ.-мат. лит. 1975                        |
| Л2.2 | Краснов М.Л., Киселев А.И., Макаренко Г.И. | Интегральные уравнения: Учебное пособие | М.: Издательство "Наука" Главная редакция физ.-мат. лит. 1968 |

### 6.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"

|    |                                                                  |                                                                                                                 |
|----|------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Э1 | Интегральные уравнения II рода                                   | <a href="http://w.ict.nsc.ru/books/textbooks/akhmerov/nm-">http://w.ict.nsc.ru/books/textbooks/akhmerov/nm-</a> |
| Э2 | Интегральные уравнения. Задачи и примеры с подробными решениями. | <a href="http://www.alleng.ru/d/math-stud/math-st857.htm">http://www.alleng.ru/d/math-stud/math-st857.htm</a>   |

### 6.3. Перечень информационных и образовательных технологий

#### 6.3.1 Компетентностно-ориентированные образовательные технологии

|         |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             |
|---------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 6.3.1.1 | Традиционные образовательные технологии – лекции, практические занятия репродуктивного типа, ориентированные прежде всего на сообщение знаний и способов действий, передаваемых студентам в готовом виде и предназначенных для воспроизводящего усвоения и разбора конкретных образцов.                                                                     |
| 6.3.1.2 | Инновационные образовательные технологии – занятия в интерактивной форме, которые формируют системное мышление и способность генерировать идеи при решении различных творческих задач. К ним относятся электронные тексты лекций с презентациями, практические занятия, использующие технологию сотрудничества (решение ситуационных задач в малых группах) |
| 6.3.1.3 | Информационные образовательные технологии – самостоятельное использование студентом компьютерной техники и интернет-ресурсов для выполнения практических заданий и самостоятельной работы.                                                                                                                                                                  |

#### 6.3.2 Перечень информационных справочных систем и программного обеспечения

|         |                                                                                                                                                                                  |
|---------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 6.3.2.1 | Интегральные уравнения. Задачи и примеры с подробными решениями. - <a href="http://www.alleng.ru/d/math-stud/math-st857.htm">http://www.alleng.ru/d/math-stud/math-st857.htm</a> |
|---------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

## 7. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

|     |                                                                                                                                                                          |
|-----|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 7.1 | Лекционная аудитория на 50 посадочных мест.(Корпус 5, ауд.105)                                                                                                           |
| 7.2 | Аудитория для проведения практических занятия традиционного типа (Корпус 5, ауд.103)                                                                                     |
| 7.3 | Компьютерный класс для проведения практических занятий, выполнения самостоятельной работы и просмотра фото-, аудио-, мультимедиа, видео-материалов (корпус 4, ауд. 108); |
| 7.4 | Интерактивная доска;                                                                                                                                                     |
| 7.5 | Проектор;                                                                                                                                                                |
| 7.6 | Презентации лекций по основным темам;                                                                                                                                    |
| 7.7 | Набор учебных программ.                                                                                                                                                  |

## 8. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Технологическая карта дисциплины в ПРИЛОЖЕНИИ 2

МОДУЛЬНЫЙ КОНТРОЛЬ ПО ДИСЦИПЛИНЕ ВКЛЮЧАЕТ:

1. Текущий контроль: усвоение учебного материала на аудиторных занятиях (лекциях, практических, в том числе учитывается посещение и активность) и выполнение обязательных заданий для самостоятельной работы
2. Рубежный контроль: проверка полноты знаний и умений по материалу модуля в целом. Выполнение модульных контрольных заданий проводится в письменном виде и является обязательной компонентой модульного контроля.
3. Промежуточный контроль - завершенная задокументированная часть учебной дисциплины (3 семестр - зачет, 4

семестр - экзамен) – совокупность тесно связанных между собой зачетных модулей.

#### ОСНОВНЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К ПРОМЕЖУТОЧНОМУ КОНТРОЛЮ

При явке на зачёт и экзамен студенты обязаны иметь при себе зачётные книжки, которые они предъявляют экзаменатору в начале зачета или экзамена.

Преподавателю предоставляется право поставить зачёт без опроса по билету тем студентам, которые набрали более 60 баллов за текущий и рубежный контроли.

На промежуточном контроле студент должен верно ответить на теоретические вопросы билета и решить ситуационную задачу.

Студенты могут использовать технические средства, справочно-нормативную литературу, наглядные пособия, учебные программы.

Оценка промежуточного контроля:

- min 20 баллов - Вопросы для проверки уровня обученности ЗНАТЬ (в случае, если при ответах на заданные вопросы студент правильно формулирует основные понятия)

- 20-25 баллов – Задания для проверки уровня обученности УМЕТЬ и ВЛАДЕТЬ (в случае, если студент правильно формулирует сущность заданной в билете проблемы и дает решение задачи)

- 25-30 баллов - Задания для проверки уровня обученности УМЕТЬ и ВЛАДЕТЬ (в случае полного выполнения контрольного задания)

#### ОСНОВНЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К ТЕКУЩЕМУ КОНТРОЛЮ.

Для понимания материала и качественного его усвоения рекомендуется такая последовательность действий:

1. После прослушивания лекции и окончания учебных занятий, при подготовке к занятиям следующего дня, нужно сначала просмотреть и обдумать текст лекции, прослушанной сегодня.
2. При подготовке к следующей лекции, нужно просмотреть текст предыдущего материала, подумать о том, какая может быть тема следующей лекции.
3. В течение недели выбрать время для работы с рекомендуемой литературой.
4. При подготовке к практическим занятиям следующего дня, необходимо сначала прочитать основные понятия и подходы по теме домашнего задания. При выполнении задания нужно сначала понять, что в нем требуется, какой теоретический материал нужно использовать, наметить план решения.
5. Для подготовки к практическим занятиям и выполнению самостоятельной работы необходимо сначала прочитать основные понятия и подходы по теме задания. Рекомендуется использовать методические указания по курсу, конспекты лекций. При выполнении задания нужно сначала понять, что требуется в нем, какой теоретический материал нужно использовать, наметить план выполнения, а затем приступить к заданию и сделать качественный вывод. Рекомендуется использовать наборы учебных обучающих программ;
6. При подготовке к промежуточному и рубежному контролю нужно изучить теорию: определения всех понятий и подходы к оцениванию до состояния понимания материала и самостоятельно выполнить несколько типовых заданий.
7. Отработки пропущенных занятий.

Контроль над усвоением студентами материала учебной программы дисциплины осуществляется систематически преподавателем кафедры и отражается в журнале преподавателя и в баллах. Студент, получивший неудовлетворительную оценку по текущему материалу, обязан подготовить данный раздел и ответить по нему преподавателю на индивидуальном собеседовании. При фронтальном обучении неудовлетворительная оценка должна быть отработана в течение месяца со дня ее получения, при цикловом обучении - до конца цикла.

Пропущенная без уважительных причин лекция должна быть отработана методом устного опроса лектором или подготовки реферата по материалам пропущенной лекции в течение месяца со дня пропуска. Возможны и другие методы отработки пропущенных лекций (опрос на практических, тестовый контроль и т.д.).

Отработка практических занятий.

- Каждое занятие, пропущенное студентом без уважительной причины, отрабатывается в обязательном порядке. Отработки проводятся по расписанию кафедры, согласованному с деканатом.

- При фронтальном обучении пропущенные занятия должны быть отработаны в течение 10 дней со дня пропуска, при цикловом обучении - до конца цикла. Пропущенные студентом без уважительной причины практические занятия отрабатываются не более одного занятия в день. Пропущенные занятия по уважительной причине (по болезни, пропуски с разрешения деканата) отрабатываются по тематическому материалу без учета часов.

- Студент, не отработавший пропуск в установленные сроки, допускается к очередным занятиям только при наличии разрешения декана или его заместителя в письменной форме. Не разрешается устранение от очередного практического занятия студентов, слабо подготовленных к данным занятиям.

- Для студентов, пропустивших практическое занятия из-за длительной болезни, отработка должна проводиться после разрешения деканата по индивидуальному графику, согласованному с кафедрой.

- В исключительных случаях (участие в межвузовских конференциях, соревнованиях, олимпиадах, дежурство и др.) декан и его заместитель по согласованию с кафедрой могут освободить студентов от отработок некоторых пропущенных занятий.

#### КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА.

Для написания контрольных работ студентам необходимо внимательно прочитать соответствующий раздел учебника, учебного и учебно-методического пособия, проработать аналогичные задания, рассматриваемые преподавателем на лекционных занятиях, разобранных на практических занятиях. Контрольная работа состоит из 3-х теоретических вопросов и из 3-х практических задач.

Пример выполнения контрольной работы в ПРИЛОЖЕНИИ 5

**ЗАДАЧА.**

Для выполнения задач студентам необходимо внимательно прочитать соответствующий раздел учебника, учебного и учебно-методического пособия, проработать аналогичные задания, рассматриваемые преподавателем на лекционных занятиях, разобранных на практических занятиях. Задача состоит из более 3-х задач.

Пример выполнения задачи в ПРИЛОЖЕНИИ 6